

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программы бакалавриата
по направлению подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Алгебра и аналитическая геометрия

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 5665
Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника
Евгеньевна
Дата: 01.09.2024

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью освоения дисциплины (модуля) является:

– приобретение базовых знаний по алгебре и геометрии на фоне формирования умения логически мыслить и навыков доказательства основных утверждений. .

Задачами освоения дисциплины (модуля) являются:

- овладение применением полученных знаний для решения алгебраических и геометрических задач и задач, связанных с приложениями алгебраических методов;
- формирование навыков решения типовых задач по дисциплине.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры и аналитической геометрии;
- взаимосвязи между отдельными областями линейной и векторной алгебры и аналитической геометрии.

Уметь:

- решать задачи с использованием методов аналитической геометрии;
- решать задачи с использованием методов векторной алгебры;
- решать задачи с использованием методов линейной алгебры.

Владеть:

- навыками преобразования матриц и определителей;
- навыками решения систем линейных уравнений;
- навыками нахождения собственных векторов и собственных значений линейных операторов.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 8 з.е. (288 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов		
	Всего	Семестр	
		№1	№2
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	144	80	64
В том числе:			
Занятия лекционного типа	64	32	32
Занятия семинарского типа	80	48	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 144 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Векторы на плоскости и в пространстве Рассматриваемые вопросы: – системы координат и векторы; – деление отрезка в данном отношении.
2	Скалярное произведение векторов Рассматриваемые вопросы: – скалярное произведение векторов; – скалярное произведение в координатах;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	–геометрические приложения скалярного произведения.
3	Векторное и смешанное произведение векторов Рассматриваемые вопросы: – векторное произведение векторов; – смешанное произведение векторов; –геометрические приложения векторного и смешанного произведения.
4	Прямая на плоскости Рассматриваемые вопросы: – общее уравнение прямой на плоскости; –каноническое и параметрические уравнения прямой на плоскости; –расстояние от точки до прямой на плоскости; –взаимное расположение прямых на плоскости.
5	Кривые второго порядка Рассматриваемые вопросы: –эллипс; каноническое уравнение; –гипербола, каноническое уравнение; –парабола, каноническое уравнение.
6	Классификация кривых второго порядка Рассматриваемые вопросы: – преобразование координат на плоскости; –типы кривых второго порядка; –приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
7	Плоскость в пространстве Рассматриваемые вопросы: – общее уравнение плоскости в пространстве; –нормальный вектор; –взаимное расположение плоскостей в пространстве; –расстояние от точки до плоскости.
8	Прямая в пространстве Рассматриваемые вопросы: – общее уравнение прямой в пространстве; –канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве; – взаимное расположение прямых в пространстве; –взаимное расположение прямой и плоскости.
9	Поверхности второго порядка Рассматриваемые вопросы: – общее уравнение поверхности второго порядка; –классификация поверхностей второго порядка; –канонические уравнения поверхностей второго порядка.
10	n-мерные векторы Рассматриваемые вопросы: –определение n-мерного вектора; –линейные операции; –скалярное произведение n-мерных векторов; –арифметическое n-мерное пространство; –линейная зависимость векторов.
11	Матрицы Рассматриваемые вопросы: –понятие матрицы;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	–линейные операции; –с войства линейных операций над матрицами.
12	Умножение матриц Рассматриваемые вопросы: –умножение матриц и его свойства; – обратная матрица; – ранг матрицы.
13	Определители Рассматриваемые вопросы: – определитель n-го порядка; –свойства определителей; –вычисление определителей.
14	Системы линейных уравнений Рассматриваемые вопросы: – понятие системы линейных уравнений; – матричная запись СЛУ; – решение СЛУ методом обратной матрицы; – правило Крамера.
15	Общее решение СЛУ Рассматриваемые вопросы: – элементарные преобразования СЛУ; – метод Гаусса.
16	Однородные СЛУ Рассматриваемые вопросы: – множество решений однородной системы линейных уравнений; –фундаментальный набор решений.
17	Линейные пространства Рассматриваемые вопросы: – понятие линейного пространства; – пространство n-мерных векторов; – пространство матриц; – пространство многочленов.
18	Базис и размерность линейного пространства Рассматриваемые вопросы: – линейная зависимость векторов; – базисы линейного пространства и его размерность
19	Линейные подпространства Рассматриваемые вопросы: – понятие линейного подпространство; – линейная оболочка данных векторов; – способы задания подпространства.
20	Пересечение и сумма подпространств Рассматриваемые вопросы: – определения пересечения и суммы подпространств; – прямая сумма подпространств.
21	Линейные отображения Рассматриваемые вопросы: – линейные отображения и линейные операторы; – матрица линейного оператора.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
22	<p>Ядро и образ линейного отображения</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – определения ядра и образа линейного отображения; – связь размерностей ядра и образа линейного оператора.
23	<p>Собственные векторы линейного оператора</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – собственные векторы и собственные значения линейного оператора; – диагонализируемость оператора; – инвариантные подпространства.
24	<p>Жорданова нормальная форма матрицы</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – понятие жордановой нормальной формы; – способы отыскания жорданова базиса..
25	<p>Евклидовы пространства</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – понятие евклидова пространства; – расстояния и углы; – ортогональные и ортонормированные базисы.
26	<p>Ортогональные системы векторов</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – процесс ортогонализации Грама-Шмидта; – ортогональное дополнение и ортогональная проекция вектора на подпространство
27	<p>Ортогональные операторы</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – сопряжённые и самосопряжённые линейные операторы в евклидовых пространствах; – ортогональные матрицы.
28	<p>Комплексные евклидовы пространства</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – унитарные пространства; – унитарные преобразования.
29	<p>Билинейные и квадратичные формы</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – билинейные формы в евклидовом пространстве; – квадратичные формы..
30	<p>Нормальный вид квадратичной формы</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – канонический и нормальный вид квадратичной формы; – приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа.
31	<p>Приведение квадратичной формы к главным осям</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – приведение квадратичной формы к главным осям ортогональным преобразованием; – приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
32	<p>Определенность квадратичных форм</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – положительно и отрицательно определённые квадратичные формы; – критерий Сильвестра.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Системы координат и векторы. Деление отрезка в данном отношении В результате работы на практических занятиях студент получает навык применять координаты к решению задач векторной алгебры и использовать деление отрезка в данном отношении.
2	Скалярное произведение векторов В результате работы на практических занятиях студент получает навык применять скалярное произведение к решению задач векторной алгебры.
3	Векторное и смешанное произведения В результате работы на практических занятиях студент демонстрирует умение применять векторное и смешанное произведения к решению задач векторной алгебры
4	Применение векторов в геометрических задачах В результате работы на практических занятиях студент учится применять векторные методы к вычислению длин, углов, площадей и объемов.
5	Прямая на плоскости В результате работы на практических занятиях студент получает навык исследовать уравнение прямой на плоскости.
6	Взаимное расположение двух прямых на плоскости В результате работы на практических занятиях студент учится определять взаимное расположение прямых на плоскости, находить угол между прямыми, находить расстояние от точки до прямой.
7	Плоскость в пространстве В результате работы на практических занятиях студент получает навык исследовать уравнение плоскости.
8	Прямая в пространстве В результате работы на практических занятиях студент получает навык исследовать уравнения прямой в пространстве, в частности, определять взаимное расположение двух прямых.
9	Взаимное расположение прямых в пространстве В результате работы на практических занятиях студент учится определять взаимное расположение двух прямых в пространстве, заданных общими или каноническими уравнениями.
10	Эллипс, гипербола, парабола В результате работы на практических занятиях студент получает навык исследовать уравнения эллипса, гиперболы, параболы.
11	Приведение кривых второго порядка к каноническому виду сдвигом системы координат В результате работы на практических занятиях студент учится приводить уравнение кривой второго порядка к каноническому виду с помощью переноса начала координат.
12	Приведение кривых второго порядка к каноническому виду в общем случае В результате работы на практических занятиях студент учится приводить уравнение кривой второго порядка к каноническому виду с помощью поворота системы координат и с помощью комбинации сдвига и поворота.
13	Поверхности второго порядка В результате работы на практических занятиях студент получает навык работы с конкретными примерами поверхностей второго порядка.
14	n-мерные векторы В результате работы на практических занятиях студент получает навык исследования линейной зависимости n-мерных векторов.
15	Линейная зависимость векторов В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах проверять линейную зависимость векторов.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
16	Матрицы В результате работы на практических занятиях студент получает навык выполнения операций над матрицами.
17	Обратная матрица. В результате работы на практических занятиях студент учится различным методам нахождения обратной матрицы.
18	Ранг матрицы В результате работы на практических занятиях студент учится находить ранг матрицы и ранг системы векторов.
19	Определители В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах вычислять определители произвольного порядка.
20	Решение СЛУ методом обратной матрицы В результате работы на практических занятиях студент учится решать невырожденные системы n линейных уравнений с n неизвестными, используя обратную матрицу
21	Правило Крамера. Исследование СЛУ с параметрами В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах решать невырожденные системы n линейных уравнений с n неизвестными.
22	Метод Гаусса В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах решать произвольные СЛУ.
23	Однородные системы линейных уравнений В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить фундаментальный набор решений однородной СЛУ.
24	Исследование однородных систем линейных уравнений с параметром. В результате работы на практических занятиях студент учится исследовать однородные СЛУ, зависящие от параметра.
25	Линейные пространства В результате работы на практических занятиях студент получает навык определять, является ли данная алгебраическая структура линейным пространством над полем действительных чисел.
26	Линейная зависимость векторов В результате работы на практических занятиях студент учится проверять линейную зависимость векторов.
27	Базис и размерность линейного пространства В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить базис и размерность линейного пространства и координаты вектора в данном базисе.
28	Замена координат в линейном пространстве В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить матрицу перехода между базисами и записывать связь между старыми и новыми координатами векторов.
29	Линейные подпространства В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах определять, является ли данное подмножество линейного пространства его подпространством.
30	Линейные подпространства и системы линейных уравнений В результате работы на практических занятиях студент демонстрирует навык нахождения подпространства двумя способами: как множества решений однородной СЛУ и как линейной оболочки данных векторов.
31	Пересечение и сумма подпространств

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
	В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить пересечение и сумму подпространств.
32	Линейные операторы В результате работы на практических занятиях студент получает навык определять, является ли данное отображение линейным оператором, и находить его матрицу.
33	Ядро и образ линейного оператора В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить ядро и образ линейного оператора.
34	Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. В результате работы на практических занятиях студент учится находить собственные векторы и собственные значения линейного оператора (матрицы).
35	Инвариантные подпространства и диагонализуемость линейного оператора В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить инвариантные подпространства линейного оператора.
36	Жорданова нормальная форма линейного оператора В результате работы на практических занятиях студент знакомится с некоторыми примерами приведения линейного оператора к жордановой форме.
37	Евклидовы пространства В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить в евклидовом пространстве скалярное произведение, длины, расстояния, а также применять метод ортогонализации Грама-Шмидта.
38	Ортогональная проекция и ортогональное дополнение В результате работы на практических занятиях студент получает навык на конкретных примерах находить в евклидовом пространстве ортогональную проекцию, ортогональное дополнение, расстояние от вектора до подпространства, угол между вектором и подпространством.
39	Билинейные и квадратичные формы В результате работы на практических занятиях студент знакомится с конкретными примерами квадратичных форм и методом Лагранжа приведения квадратичной формы к нормальному виду.
40	Знакоопределенные квадратичные формы В результате работы на практических занятиях студент знакомится с конкретными примерами приведения квадратичной формы к главным осям ортогональным преобразованием и учится применять критерий Сильвестра для проверки знакоопределенности квадратичной формы.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение лекционного материала
2	Подготовка к практическим занятиям
3	Изучение учебной литературы из приведенных источников
4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Антонова, Е. В. Математика для самостоятельного изучения : учебно-методическое пособие / Е. В. Антонова, Е. Б. Арутюнян. — Москва : РУТ (МИИТ), 2021 — Часть 2 : Векторная алгебра и аналитическая геометрия — 2021. — 108 с.	https://e.lanbook.com/book/269417 (дата обращения: 01.05.2024).
2	Клетеник, Д. В. Сборник задач по аналитической геометрии : учебное пособие для вузов / Д. В. Клетеник ; Под редакцией Н. В. Ефимова. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 224 с. — ISBN 978-5-8114-1051-4	https://e.lanbook.com/book/187823 (дата обращения: 01.05.2024).
3	Проскураков, И. В. Сборник задач по линейной алгебре : учебное пособие для вузов / И. В. Проскураков. — 17-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2024. — 476 с. — ISBN 978-5-8114-9921-2	https://e.lanbook.com/book/397331 (дата обращения: 01.05.2024).
4	Арутюнян, Е. Б. Математика для самостоятельного изучения : учебно-методическое пособие / Е. Б. Арутюнян. — Москва : РУТ (МИИТ), 2019 — Часть 1 — 2019. — 98 с.	https://e.lanbook.com/book/175660 (дата обращения: 01.05.2024).
5	Иванова, А. П. Аналитическая геометрия : учебное пособие / А. П. Иванова, Е. В. Родина. — Москва : РУТ (МИИТ), 2020 — Часть 1 — 2020. — 56 с.	https://e.lanbook.com/book/176002 (дата обращения: 01.05.2024).

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

- Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>);
- Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (www.elibrary.ru);
- Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>);
- Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<http://e.lanbook.com/>);
- Электронно-библиотечная система ibooks.ru (<http://ibooks.ru/>).
- Интернет-университет информационных технологий (<http://www.intuit.ru/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

- Операционная система Windows;
- Microsoft Office;

- MS Teams;
- Поисковые системы.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 1, 2 семестрах.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, доцент, к.н. кафедры
«Цифровые технологии управления
транспортными процессами»

Е.Б. Арутюнян

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической
комиссии

Н.А. Андриянова