

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программа бакалавриата
по направлению подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Алгебра и аналитическая геометрия

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 5665
Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника
Евгеньевна
Дата: 03.04.2025

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью освоения дисциплины (модуля) является:

– приобретение базовых знаний по алгебре и геометрии на фоне формирования умения логически мыслить и навыков доказательства основных утверждений.

Задачами освоения дисциплины (модуля) являются:

- овладение применением полученных знаний для решения алгебраических и геометрических задач и задач, связанных с приложениями алгебраических методов;
- формирование навыков решения типовых задач по дисциплине.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ОПК-1 - Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры и аналитической геометрии;
- взаимосвязи между отдельными областями линейной и векторной алгебры и аналитической геометрии;
- основные алгебраические модели, используемые в профессиональной деятельности.

Уметь:

- решать задачи с использованием методов аналитической геометрии;
- решать задачи с использованием методов векторной алгебры;
- решать задачи с использованием методов линейной алгебры.

Владеть:

- навыками преобразования матриц и определителей;
- навыками решения систем линейных уравнений;
- навыками нахождения собственных векторов и собственных значений линейных операторов.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 7 з.е. (252 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов		
	Всего	Семестр	
		№1	№2
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	128	64	64
В том числе:			
Занятия лекционного типа	64	32	32
Занятия семинарского типа	64	32	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 124 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Векторы на плоскости и в пространстве Рассматриваемые вопросы: – системы координат и векторы; – деление отрезка в данном отношении.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
2	<p>Скалярное произведение векторов</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – скалярное произведение векторов; – скалярное произведение в координатах; – геометрические приложения скалярного произведения.
3	<p>Векторное и смешанное произведение векторов</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – векторное произведение векторов; – смешанное произведение векторов; – геометрические приложения векторного и смешанного произведения.
4	<p>Прямая на плоскости</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – общее уравнение прямой на плоскости; – каноническое и параметрические уравнения прямой на плоскости; – расстояние от точки до прямой на плоскости; – взаимное расположение прямых на плоскости.
5	<p>Кривые второго порядка</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – эллипс; каноническое уравнение; – гипербола, каноническое уравнение; – парабола, каноническое уравнение.
6	<p>Классификация кривых второго порядка</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – преобразование координат на плоскости; – типы кривых второго порядка; – приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
7	<p>Плоскость в пространстве</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – общее уравнение плоскости в пространстве; – нормальный вектор; – взаимное расположение плоскостей в пространстве; – расстояние от точки до плоскости.
8	<p>Прямая в пространстве</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – общее уравнение прямой в пространстве; – канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве; – взаимное расположение прямых в пространстве; – взаимное расположение прямой и плоскости.
9	<p>Поверхности второго порядка</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – общее уравнение поверхности второго порядка; – классификация поверхностей второго порядка; – канонические уравнения поверхностей второго порядка.
10	<p>n-мерные векторы</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> – определение n-мерного вектора; – линейные операции; – скалярное произведение n-мерных векторов; – арифметическое n-мерное пространство; – линейная зависимость векторов.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
11	Матрицы Рассматриваемые вопросы: – понятие матрицы; – линейные операции; – с войства линеынных операций над матрицами.
12	Умножение матриц Рассматриваемые вопросы: – умножение матриц и его свойства; – обратная матрица; – ранг матрицы.
13	Определители Рассматриваемые вопросы: – определитель n-го порядка; – свойства определителей; – вычисление определителей.
14	Системы линейных уравнений Рассматриваемые вопросы: – понятие системы линейных уравнений; – матричная запись СЛУ; – решение СЛУ методом обратной матрицы; – правило Крамера.
15	Общее решение СЛУ Рассматриваемые вопросы: – элементарные преобразования СЛУ; – метод Гаусса.
16	Однородные СЛУ Рассматриваемые вопросы: – множество решений однородной системы линейных уравнений; – фундаментальный набор решений.
17	Линейные пространства Рассматриваемые вопросы: – понятие линейного пространства; – пространство n-мерных векторов; – пространство матриц; – пространство многочленов.
18	Базис и размерность линейного пространства Рассматриваемые вопросы: – линейная зависимость векторов; – базисы линейного пространства и его размерность
19	Линейные подпространства Рассматриваемые вопросы: – понгятие линейного подпространство; – линейная оболочка данных векторов; – способы задания подпространства.
20	Пересечение и сумма подпространств Рассматриваемые вопросы: – определения пересечения и суммы подпространств; – прямая сумма подпространств.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
21	Линейные отображения Рассматриваемые вопросы: – линейные отображения и линейные операторы; – матрица линейного оператора.
22	Ядро и образ линейного отображения Рассматриваемые вопросы: – определения ядра и образа линейного отображения; – связь размерностей ядра и образа линейного оператора.
23	Собственные векторы линейного оператора Рассматриваемые вопросы: – собственные векторы и собственные значения линейного оператора; – диагоналируемость оператора; – инвариантные подпространства.
24	Жорданова нормальная форма матрицы Рассматриваемые вопросы: – понятие жордановой нормальной формы; – способы отыскания жорданова базиса..
25	Евклидовы пространства Рассматриваемые вопросы: – понятие евклидова пространства; – расстояния и углы; – ортогональные и ортонормированные базисы.
26	Ортогональные системы векторов Рассматриваемые вопросы: – процесс ортогонализации Грама-Шмидта; – ортогональное дополнение и ортогональная проекция вектора на подпространство
27	Ортогональные операторы Рассматриваемые вопросы: – сопряжённые и самосопряжённые линейные операторы в евклидовых пространствах; – ортогональные матрицы.
28	Комплексные евклидовы пространства Рассматриваемые вопросы: – унитарные пространства; – унитарные преобразования.
29	Билинейные и квадратичные формы Рассматриваемые вопросы: – билинейные формы в евклидовом пространстве; – квадратичные формы..
30	Нормальный вид квадратичной формы Рассматриваемые вопросы: – канонический и нормальный вид квадратичной формы; – приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа.
31	Приведение квадратичной формы к главным осям Рассматриваемые вопросы: – приведение квадратичной формы к главным осям ортогональным преобразованием; – приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
32	Определенность квадратичных форм Рассматриваемые вопросы:

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	– положительно и отрицательно определённые квадратичные формы; – критерий Сильвестра.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Системы координат и векторы. Деление отрезка в данном отношении В результате работы на практических занятиях студент получает навык применять координаты к решению задач векторной алгебры и использовать деление отрезка в данном отношении.
2	Скалярное произведение векторов В результате работы на практических занятиях студент получает навык применять скалярное произведение к решению задач векторной алгебры, а также к вычислению длин и углов.
3	Векторное и смешанное произведения В результате работы на практических занятиях студент демонстрирует умение применять векторное и смешанное произведения к решению задач векторной алгебры, а также к вычислению площадей и объемов.
4	Прямая на плоскости. В результате работы на практических занятиях студент учится составлять уравнение прямой на плоскости, переходить от одного типа уравнения к другому, определять взаимное расположение прямых на плоскости, находить угол между прямыми, находить расстояние от точки до прямой.
5	Плоскость в пространстве. В результате работы на практических занятиях студент учится составлять уравнение плоскости, находить угол между плоскостями, находить расстояние от точки до плоскости.
6	Прямая в пространстве. В результате работы на практических занятиях студент учится составлять уравнение прямой в пространстве, переходить от одного вида уравнения к другому, находить угол между плоскостями и угол между прямой и плоскостью, определять взаимное расположение двух прямых в пространстве.
7	Эллипс, гипербола, парабола В результате работы на практических занятиях студент учится исследовать уравнения эллипса, гиперболы и параболы, определять параметры этих кривых, выполнять построения в системе координат.
8	Приведение кривых второго порядка к каноническому виду В результате работы на практических занятиях студент учится приводить уравнение кривой второго порядка к каноническому виду с помощью переноса начала координат, с помощью поворота системы координат и с помощью комбинации сдвига и поворота.
9	Поверхности второго порядка. В результате работы на практических занятиях студент знакомится с конкретными примерами поверхностей второго порядка.
10	n-мерные векторы В результате работы на практических занятиях студент учится выполнять линейные операции с n-мерными векторами, определять линейную зависимость n-мерных векторов, находить базис и размерность системы векторов.
11	Матрицы. В результате работы на практических занятиях студент учится выполнять операции над матрицами и находить обратную матрицу.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
12	<p>Ранг матрицы. В результате работы на практических занятиях студент учится находить ранг матрицы и ранг системы векторов.</p>
13	<p>Определители. В результате работы на практических занятиях студент учится на конкретных примерах вычислять определители произвольного порядка.</p>
14	<p>Решение СЛУ методом обратной матрицы и правило Крамера. В результате работы на практических занятиях студент учится решать невырожденные системы n линейных уравнений с n неизвестными, используя обратную матрицу или правило Крамера.</p>
15	<p>Метод Гаусса В результате работы на практических занятиях студент учится решать произвольные СЛУ, находить общее и частные решения.</p>
16	<p>Однородные системы линейных уравнений. В результате работы на практических занятиях студент учится находить фундаментальный набор решений однородной СЛУ.</p>
17	<p>Линейные пространства В результате работы на практических занятиях студент учится определять, является ли данная алгебраическая структура линейным пространством над полем действительных чисел.</p>
18	<p>Линейные пространства В результате работы на практических занятиях студент учится проверять линейную зависимость векторов.</p>
19	<p>Базис и размерность линейного пространства. В результате работы на практических занятиях студент учится находить базис и размерность линейного пространства и координаты вектора в данном базисе.</p>
20	<p>Замена координат в линейном пространстве. В результате работы на практических занятиях студент учится находить матрицу перехода между базисами и записывать связь между старыми и новыми координатами векторов.</p>
21	<p>Линейные подпространства. В результате работы на практических занятиях студент учится определять, является ли данное подмножество линейного пространства его подпространством.</p>
22	<p>Линейные подпространства и системы линейных уравнений В результате работы на практических занятиях студент учится двум способам задания подпространства: как множества решений однородной СЛУ и как линейной оболочки данных векторов</p>
23	<p>Пересечение и сумма подпространств. В результате работы на практических занятиях студент учится находить пересечение и сумму подпространств.</p>
24	<p>Линейные операторы. В результате работы на практических занятиях студент учится определять, является ли данное отображение линейным оператором, и находить его матрицу.</p>
25	<p>Ядро и образ линейного оператора. В результате работы на практических занятиях студент учится находить ядро и образ линейного оператора.</p>
26	<p>Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. В результате работы на практических занятиях студент учится находить собственные векторы и собственные значения линейного оператора (матрицы).</p>

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
27	Инвариантные подпространства и диагонализируемость линейного оператора. В результате работы на практических занятиях студент учится находить инвариантные подпространства линейного оператора.
28	Жорданова нормальная форма линейного оператора. В результате работы на практических занятиях студент знакомится с некоторыми примерами приведения линейного оператора к жордановой форме.
29	Евклидовы пространства. В результате работы на практических занятиях студент учится находить в евклидовом пространстве скалярное произведение, длины, расстояния, а также применять метод ортогонализации Грама-Шмидта.
30	Ортогональная проекция и ортогональное дополнение. В результате работы на практических занятиях студент учится находить в евклидовом пространстве ортогональную проекцию, ортогональное дополнение, расстояние от вектора до подпространства, угол между вектором и подпространством.
31	Билинейные и квадратичные формы. В результате работы на практических занятиях студент знакомится с конкретными примерами квадратичных форм и методом Лагранжа приведения квадратичной формы к нормальному виду.
32	Знакоопределенные квадратичные формы. В результате работы на практических занятиях студент знакомится с конкретными примерами приведения квадратичной формы к главным осям ортогональным преобразованием и учится применять критерий Сильвестра для проверки знакоопределенности квадратичной формы.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение лекционного материала
2	Подготовка к практическим занятиям
3	Изучение учебной литературы из приведенных источников
4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Антонова, Е. В. Математика для самостоятельного изучения : учебно-методическое пособие / Е. В. Антонова, Е. Б. Арутюнян. — Москва : РУТ (МИИТ), 2021 — Часть 2 : Векторная алгебра и аналитическая геометрия — 2021. — 108 с.	https://e.lanbook.com/book/269417 (дата обращения: 08.04.2025)
2	Клетеник, Д. В. Сборник задач по аналитической геометрии : учебное пособие для вузов / Д. В.	https://e.lanbook.com/book/187823 (дата обращения: 08.04.2025)

	Клетеник ; Под редакцией Н. В. Ефимова. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 224 с. — ISBN 978-5-8114-1051-4	
3	Проскуряков, И. В. Сборник задач по линейной алгебре : учебное пособие для вузов / И. В. Проскуряков. — 17-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2024. — 476 с. — ISBN 978-5-8114-9921-2	https://e.lanbook.com/book/397331 (дата обращения: 08.04.2025)
4	Арутюнян, Е. Б. Математика для самостоятельного изучения : учебно-методическое пособие / Е. Б. Арутюнян. — Москва : РУТ (МИИТ), 2019 — Часть 1 — 2019. — 98 с.	https://e.lanbook.com/book/175660 (дата обращения: 08.04.2025)
5	Иванова, А. П. Аналитическая геометрия : учебное пособие / А. П. Иванова, Е. В. Родина. — Москва : РУТ (МИИТ), 2020 — Часть 1 — 2020. — 56 с.	https://e.lanbook.com/book/176002 (дата обращения: 08.04.2025)

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

- Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>);
- Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (www.elibrary.ru);
- Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>);
- Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<http://e.lanbook.com/>);
- Интернет-университет информационных технологий (<http://www.intuit.ru/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

- Операционная система Windows;
- Microsoft Office;
- MS Teams;
- Поисковые системы.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 1, 2 семестрах.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, доцент, к.н. кафедры
«Цифровые технологии управления
транспортными процессами»

Е.Б. Арутюнян

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической
комиссии

Н.А. Андриянова