

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программа бакалавриата
по направлению подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика,
утвержденной первым проректором ФГАОУ ВО
РУТ (МИИТ) Тимониним В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Введение в системный анализ

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная ФГАОУ ВО РУТ
(МИИТ)

ID подписи: 1343395

Подписал: И.о. заведующего кафедрой Тищенко Сергей
Александрович

Дата: 01.09.2026

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью освоения дисциплины (модуля) является:

- формирование у обучающегося компетенций в области системного анализа, необходимых при решении различных задач, возникающих в экономике, финансах, промышленности.

Задачами освоения дисциплины (модуля) являются:

- овладение современным математическим аппаратом для дальнейшего использования в приложениях;
- приложение полученных знаний к прикладным задачам экономики, техники, финансов.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ПК-4 - Уметь ставить цели создания системы, разрабатывать концепцию системы и требования к ней, выполнять декомпозицию требований к системе.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- постановку классических задач системного анализа;
- основные понятия теорий случайных процессов.

Уметь:

- решать задачи с использованием методов системного анализа и теории случайных процессов;
- моделировать случайные величины и случайные процессы;
- решать стохастические дифференцированные уравнения.

Владеть:

- навыками выполнения аналитических работ по дисциплине;
- навыками планирования, организации и контроля работы в проекте.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 3 з.е. (108 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №7
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	64	64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	32	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 44 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Основные представления о случайном процессе Рассматриваемые вопросы: - случайная величина, распределение и математическое ожидание. Условное математическое ожидание и его свойства; - вероятностное описание случайного процесса. Определение случайного процесса.
2	Основные представления о случайном процессе Рассматриваемые вопросы: - многомерные плотности вероятности; - основные свойства многомерных плотностей вероятности.
3	Основные представления о случайном процессе Рассматриваемые вопросы: - свойства корреляционных функций нестационарных и стационарных случайных процессов; - случайные процессы типа «белый шум».

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
4	Марковский случайный процесс Рассматриваемые вопросы: - понятие вероятности переходов. Однородный и стационарный марковские процессы; - классификация марковских процессов: непрерывно-значные марковские процессы, дискретные марковские процессы, марковские последовательности, цепи Маркова.
5	Марковский случайный процесс Рассматриваемые вопросы: - однородность марковской цепи. Применение производящих функций для исследования МЦ; - классификация состояний марковской цепи. Классификация состояний цепи Маркова по арифметическим свойствам вероятностей перехода.
6	Марковский случайный процесс Рассматриваемые вопросы: - асимптотическое поведение марковской цепи; - оптимальные стратегии в марковских цепях. Правила принятия решений; - случайные блуждания. Задача о разорении. Ожидаемая продолжительность игры.
7	Стохастические дифференциальные уравнения Рассматриваемые вопросы: - особенности приращения марковского процесса; - статистическая независимость локальных приращений марковского процесса. Непрерывные марковские процессы; - обобщенное уравнение Маркова. Обратное уравнение Колмогорова; - пример дифференциальных уравнений марковских процессов.
8	Стохастические дифференциальные уравнения Рассматриваемые вопросы: - стохастические интегралы. Мартингалы. Лемма Ито; - броуновское движение, определение и свойства: совместное распределение приращений, свойства мартингальности и марковости. Распределение максимума броуновского движения. Геометрическое броуновское движение. Броуновский мост.
9	Стохастические дифференциальные уравнения Рассматриваемые вопросы: - двусвязные и многосвязные марковские процессы. Дифференциальные уравнения двумерного и многомерного марковского процесса; - многомерное уравнение Фоккера-Плanka- Колмогорова. Многомерная формула Ито.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Основные представления о случайном процессе В результате работы на практических занятиях студент на практических примерах учится моделировать случайные величины, находить распределение и математическое ожидание случайной величины, искать условное математическое ожидание и использовать его свойства, задавать вероятностное описание случайного процесса.
2	Основные представления о случайном процессе В результате работы на практическом занятии студент учится строить многомерные плотности вероятности, использовать основные свойства многомерных плотностей вероятности.
3	Основные представления о случайном процессе В результате работы на практических занятиях студент учится применять свойства корреляционных

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
	функций нестационарных и стационарных случайных процессов, рассматривать случайные процессы типа «белый шум».
4	Марковский случайный процесс В результате работы на практических занятиях студент на практических примерах учится находить вероятности переходов марковских цепей, классифицировать марковские процессы на непрерывно-значные марковские процессы, дискретные марковские процессы, марковские последовательности.
5	Марковский случайный процесс В результате работы на практических занятиях студент изучает цепи Маркова, применяет производящие функции для исследования МЦ, классифицирует состояния марковской цепи (в частности, по арифметическим свойствам вероятностей перехода).
6	Марковский случайный процесс В результате работы на практических занятиях студент учится определять асимптотическое поведение марковской цепи, находить оптимальные стратегии в марковских цепях, рассматривать случайные блуждания, задачу о разорении и вычислять ожидаемую продолжительность игры.
7	Стохастические дифференциальные уравнения В результате работы на практических занятиях студент на практических примерах учится исследовать приращения марковского процесса, ищет распределение суммы и разности случайных процессов, плотность вероятности приращения (в частности, локального приращения).
8	Стохастические дифференциальные уравнения В результате работы на практическом занятии студент учится показывать статистическую независимость локальных приращений марковского процесса, рассматривает процесс диффузии как предел дискретного случайного блуждания; вычислять кинетические коэффициенты марковского процесса в первом приближении, значение высших кинетических коэффициентов, рассматривает примеры кинетических коэффициентов ряда марковских процессов, стохастические интегралы, исследовать броуновское движение.
9	Стохастические дифференциальные уравнения В результате работы на практическом занятии студент учится решать задачи на совместное распределение приращений, находить распределение максимума броуновского движения, исследовать двусвязные и многосвязные марковские процессы, выписывать дифференциальные уравнения двумерного и многомерного марковского процесса.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Проработка лекционного материала, решение задач.
2	Подготовка к практическим занятиям
3	Изучение учебной литературы из приведённых источников.
4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
----------	----------------------------	---------------

1	Белопольская, Я. И. Стохастические дифференциальные уравнения. Приложения к задачам математической физики и финансовой математики. Санкт-Петербург : Лань, 2021. - 308 с.; - ISBN: 978-5-8114-2966-0 Учебное пособие	https://e.lanbook.com/book/152655
2	Аркашов, Н. С. Теория вероятностей и случайные процессы. Новосибирск : НГТУ, 2017. - 237с.; - ISBN 978-5-7782-2382-0 Учебное пособие	https://e.lanbook.com/book/118314
3	Бекарева, Н. Д. Случайные процессы. Новосибирск : НГТУ, 2016. - 127 с. - ISBN 978-5-7782-3042-2. Учебное пособие	https://e.lanbook.com/book/118304

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

- Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.mii.ru>);
- Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (www.elibrary.ru);
- Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>);
- Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<http://e.lanbook.com/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

- Операционная система Windows;
- Microsoft Office;
- MS Teams;
- Поисковые системы.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 7 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

профессор, профессор, д.н. кафедры
«Цифровые технологии управления
транспортными процессами»

А.М. Филимонов

Согласовано:

и.о. заведующего кафедрой ММСС

С.А. Тищенко

Председатель учебно-методической
комиссии

Н.А. Андриянова