

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программы бакалавриата
по направлению подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Дифференциальные уравнения

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 5665
Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника
Евгеньевна
Дата: 08.04.2025

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью освоения учебной дисциплины (модуля) являются:

- освоение одного из самых развитых современных языков описания различных математических моделей - языка дифференциальных уравнений.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- изучение базовых понятий теории дифференциальных уравнений;
- освоение основных приёмов решения практических задач по темам дисциплины;
- овладение студентами основами дисциплины и его приложений в различных областях знаний, необходимыми для успешного изучения последующих математических и других естественнонаучных дисциплин.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ОПК-1 - Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности;

ОПК-3 - Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- постановки задач, основные теоремы о существовании и единственности решения задач;
- основные типы дифференциальных уравнений и методы их решений;
- основные понятия теории устойчивости.

Уметь:

- решать дифференциальные уравнения первого, второго и высших порядков;
- находить решение начальной и краевой задач для дифференциальных уравнения;
- решать системы дифференциальных уравнений, исследовать устойчивость решений.

Владеть:

- навыками применения различных методов решения однородных и неоднородных дифференциальных уравнений и систем уравнений;
- методами исследования устойчивости решений.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 4 з.е. (144 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	80	80
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	48	48

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 64 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Основные понятия и определения теории дифференциальных уравнений Рассматриваемые вопросы: - интегральная кривая; - геометрическая интерпретация; - метод изоклин; - метод Эйлера.
2	Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши Рассматриваемые вопросы: - лемма об эквивалентности; - лемма Гронуолла; - условие Липшица; - метод последовательных приближений.
3	Доказательство теоремы о существовании и единственности решения задачи Коши Рассматриваемые вопросы: - построение ряда последовательных приближений; - доказательство равномерной сходимости ряда; - доказательство единственности решения.
4	Следствия теоремы существования и единственности Рассматриваемые вопросы: - продолжение решения; - непрерывная зависимость от начальных данных; - непрерывная зависимость от параметров.
5	Дифференциальные уравнения 1-го порядка Рассматриваемые вопросы: - уравнения с разделяющимися переменными - однородные уравнения; - линейные уравнения первого порядка; - уравнение Бернулли; - уравнение Риккати; - уравнения в полных дифференциалах; - интегрирующий множитель; - дифференциальные уравнения, не разрешенные относительно производной; - дифференциальные уравнения 1-го порядка.
6	Дифференциальные уравнения, не разрешенные относительно производной Рассматриваемые вопросы: - теоремы существования; - дискриминантная кривая; - огибающая семейства интегральных кривых; - уравнения Клеро и Лагранжа.
7	Дифференциальные уравнения высших порядков Рассматриваемые вопросы: - постановка задачи Коши; - теорема существования и единственности; - линейная зависимость и независимость вектор функций; - определитель Вронского системы и его свойства; - фундаментальная система решений для системы дифференциальных уравнений первого порядка; - теорема о представлении решений в виде линейной комбинации вектор функций фундаментальной системы; - системы линейных уравнений с постоянными коэффициентами, методы отыскания решений систем линейных уравнений с постоянными коэффициентами;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- линейная независимость решений линейного уравнения высокого порядка, вид определителя Вронского в этом случае; - фундаментальная система решений линейного уравнения высокого порядка; - теорема о представлении решений в виде линейной комбинации вектор функций фундаментальной системы; - методы решения однородных линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами; - методы решения неоднородных линейных уравнений с правой частью в виде квазимногочлена; - метод вариации произвольных постоянных Лагранжа.
8	Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами Рассматриваемые вопросы: - характеристическое уравнение; - случай вещественных и комплексных корней характеристического уравнения; - случай кратных корней характеристического уравнения; - методы решения неоднородных линейных уравнений с правой частью в виде квазимногочлена; - метод вариации произвольных постоянных Лагранжа.
9	Теория колебаний Рассматриваемые вопросы: - гармонические колебания; - явление резонанса; - задачи из теории колебаний; - решение уравнений с помощью рядов.
10	Системы дифференциальных уравнений первого порядка Рассматриваемые вопросы: - постановка задачи Коши; - теорема существования и единственности ; - линейная зависимость и независимость вектор функций; - определитель Вронского системы и его свойства; - фундаментальная система решений для системы дифференциальных уравнений первого порядка; - теорема о представлении решений в виде линейной комбинации вектор функций фундаментальной системы; - системы линейных уравнений с постоянными коэффициентами, методы отыскания решений систем линейных уравнений с постоянными коэффициентами.
11	Вопросы теории устойчивости Рассматриваемые вопросы: - классификация особых точек систем на плоскости; - устойчивость по Ляпунову; - понятие о функции Ляпунова.
12	Краевые задачи Рассматриваемые вопросы: - постановка краевых задач для уравнений второго порядка; - краевые задачи для уравнения второго порядка типа Штурма-Лиувилля.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Основные понятия и методы В результате работы на практических занятиях на конкретных примерах студенты рассматривают интегральные кривые, учатся находить частные и общие решения, разбирают метод Эйлера для численного решения уравнений, рассматривают метод изоклин
2	Уравнения первого порядка 1 В результате работы на практических занятиях на конкретных примерах студенты учатся решать уравнения первого порядка с разделяющимися переменными.
3	Уравнения первого порядка 2 В результате работы на практических занятиях на конкретных примерах студенты учатся решать однородные уравнения.
4	Уравнения первого порядка 3 В результате работы на практических занятиях на конкретных примерах студенты учатся решать линейные уравнения первого порядка и уравнение Бернулли, уравнения Риккати.
5	Уравнения первого порядка 4 В результате работы на практических занятиях на конкретных примерах студенты учатся решать уравнения в полных дифференциалах; получают навыки применения метода интегрирующего множителя.
6	Уравнения первого порядка 5 В результате работы на практических занятиях на конкретных примерах студенты учатся решать дифференциальные уравнения, не разрешенные относительно производной Клеро и Лагранжа.
7	Дифференциальные уравнения высших порядков В результате работы на практических занятиях студенты на практических примерах получают навыки исследования линейных систем дифференциальных уравнений первого порядка, применения линейную зависимость и независимость векторов функций при решении задач, вычисления определителя Вронского системы функций; применения фундаментальной системы решений для системы дифференциальных уравнений первого порядка, изучают теорему о представлении решений в виде линейной комбинации вектора функций фундаментальной системы решение уравнений в виде рядов.
8	Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами В результате работы на практических занятиях студенты на практических примерах получают навыки решения различных линейных уравнений; нахождения решения неоднородных уравнений с правой частью в форме квазимногочлена; применения метода вариации произвольных постоянных Лагранжа.
9	Линейные системы дифференциальных уравнений первого порядка с постоянными коэффициентами В результате работы на практических занятиях студенты на практических примерах получают навыки решения систем; исследования характера особых точек, построения фазовых траекторий, исследования поведения фазовых траекторий вблизи особых точек.
10	Теория колебаний В результате работы на практических занятиях студенты получают навыки изучения поведения систем механики и физики.
11	Элементы теории устойчивости В результате работы на практических занятиях студенты на практических примерах рассматривают классификацию особых точек систем на плоскости, получают навыки исследования устойчивости этих точек по Ляпунову.
12	Краевые задачи В результате работы на практических занятиях студенты на практических примерах изучают виды краевых задач для уравнения второго порядка типа Штурма-Лиувилля.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение учебной литературы из приведенных источников
2	Подготовка к практическим занятиям
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/ п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Мышкис, А. Д. Лекции по высшей математике : учебное пособие / А. Д. Мышкис. — 6-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 688 с. — ISBN 978-5-8114-0572-5	https://search.rsl.ru/ru/record/01004406831?ysclid=mc95fowwzr46078329
2	Петровский, И. Г. Лекции по теории обыкновенных дифференциальных уравнений : учебное пособие / И. Г. Петровский ; под редакцией А. Д. Мышкиса, О. А. Олейник. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2009. — 208 с. — ISBN 978-5-9221-1144-7	https://znanium.ru/read?id=254610 (дата обращения: 23.06.2025)
3	Арнольд, В. И. Обыкновенные дифференциальные уравнения :	https://znanium.ru/read?id=309171 (дата обращения: 23.06.2025)

учебник / В. И. Арнольд. — 2-е изд., стереотип. — Москва : МЦНМО, 2020. — 341 с. — ISBN 978-5-4439-3254-5	
---	--

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

- Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>);
- Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (www.elibrary.ru);
- Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>);
- Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<http://e.lanbook.com/>);
- Интернет-университет информационных технологий (<http://www.intuit.ru/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

- Операционная система Windows;
- Microsoft Office;
- MS Teams;
- Поисковые системы.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 4 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

профессор, профессор, д.н. кафедры
«Цифровые технологии управления
транспортными процессами»

А.С. Братусь

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической
комиссии

Н.А. Андриянова