

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы магистратуры  
по направлению подготовки  
09.04.01 Информатика и вычислительная техника,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Дополнительные главы математики**

Направление подготовки: 09.04.01 Информатика и вычислительная  
техника

Направленность (профиль): Информационная аналитика и технология  
больших данных

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 5665  
Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника  
Евгеньевна  
Дата: 07.02.2022

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Цель данного курса - освоение основных методов статистического анализа стохастических процессов различной природы, способов их обработки и интерпретации.

Задачи дисциплины:

- приобретение знаний о терминологии, классификации, основных характеристиках стохастических (случайных) процессов;
- формирование понимания особенностей и специфических трудностей анализа случайных процессов;
- освоение методов предварительной обработки реализаций случайных процессов с целью удаления трендов и аномальных наблюдений;
- освоение методов получения оценок одномерных и двумерных характеристик случайных процессов;
- освоение приемов определения точности и достоверности получаемых оценок, планирования эксперимента, обеспечивающего необходимое качество конечных результатов.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-1** - Способен самостоятельно приобретать, развивать и применять математические, естественнонаучные, социально-экономические и профессиональные знания для решения нестандартных задач, в том числе в новой или незнакомой среде и в междисциплинарном контексте;

**ПК-10** - Знание методов научных исследований и владение навыками их проведения.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

**Знать:**

- применять основные методы математического анализа, математической логики, вычислительной математики, теории вероятностей и математической статистики для решения профессиональных задач.

**Уметь:**

- применять методы теоретического и экспериментального исследования событий, объектов, процессов и явлений, нализировать и

систематизировать информацию для решения возникающих нестандартных задач.

**Владеть:**

- навыками выбора необходимых методов и методик для решения прикладных задач, навыками сравнительного анализа научных исследований, проводимых в междисциплинарных областях.

**3. Объем дисциплины (модуля).**

**3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).**

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 5 з.е. (180 академических часа(ов)).

**3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:**

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Сем. №1
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	36	36
В том числе:		
Занятия лекционного типа	18	18
Занятия семинарского типа	18	18

**3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 144 академических часа (ов).**

**3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.**

## 4. Содержание дисциплины (модуля).

### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p><b>Основные понятия и определения.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- исходное понятие случайного процесса и способы его задания;</li> <li>- постановка задачи анализа статистических свойств случайного процессов;</li> <li>- понятия стационарности и эргодичности СП;</li> <li>- одномерные вероятностные характеристики случайных процессов (СП).</li> </ul>
2	<p><b>Двумерные вероятностные характеристики СП.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разновидности двумерных вероятностных характеристик;</li> <li>- автокорреляционная функция СП (определение и свойства);</li> <li>- спектральная плотность мощности (определение и свойства);</li> <li>- взаимные характеристики двух СП(определения и свойства);</li> <li>- локальные характеристики СП.</li> </ul>
3	<p><b>Основные этапы анализа стохастических процессов.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- типовые разновидности СП;</li> <li>- свойства оценок СП (понятия несущенности и эффективности оценок);</li> <li>- понятие базовой оценки произвольной характеристики СП;</li> <li>- процедура анализа статистической погрешности базовой оценки.</li> </ul>
4	<p><b>Предварительная обработка реализаций СП.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- назначение и общая характеристика процедур предварительной обработки реализаций СП;</li> <li>- содержание процедур предварительной обработки реализаций СП;</li> <li>- понятие аномального наблюдения;</li> <li>- обнаружение и исключение аномальных наблюдений для СП типа дискретный белый шум;</li> <li>- обнаружение и исключение аномальных наблюдений для коррелированных СП.</li> </ul>
5	<p><b>Выявление наличия трендовой составляющей стохастического процесса.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- назначение и общая характеристика процедур обнаружения тренда в реализациях СП;</li> <li>- обнаружение тренда в реализациях СП типа дискретный белый шум;</li> <li>- алгоритмы обнаружения тренда в реализациях коррелированных СП.</li> </ul>
6	<p><b>Выделение трендовой составляющей процесса.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- назначение и общая характеристика процедур выделения тренда в реализациях СП;</li> <li>- параметрический метод выделения тренда (алгоритм и особенности его реализации);</li> <li>- непараметрический метод выделения тренда (алгоритм и особенности его реализации);</li> <li>- процедуры устранения тренда из реализаций СП (процедуры приведения к стационарности СП).</li> </ul>
7	<p><b>Статистический анализ стохастических процессов. Оценивание одномерных характеристик СП.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- специфические особенности статистического анализа СП;</li> <li>- оценивание одномерных функций распределения вероятностей (интегрального и дифференциального законов распределения вероятностей);</li> <li>- оценивание одномерных моментных характеристик (математического ожидания, дисперсии, показателей асимметрии и эксцесса).</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
8	<p>Корреляционный и спектральный анализ СП.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- оценивание автокорреляционной функции;</li> <li>- статистическая погрешность оценивания автокорреляционной функции;</li> <li>- оценивание нормированной автокорреляционной функции;</li> <li>- оценивание спектральной плотности мощности (разновидности оценок и их статистические свойства, понятие разрешающей способности спектрального анализа).</li> </ul>
9	<p>Оценивание взаимных характеристик двух СП. Практические аспекты анализа стохастических процессов.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- оценивание взаимокорреляционной функции (особенности и статистические свойства);</li> <li>- оценивание взаимокорреляционной спектральной плотности (особенности и статистические свойства);</li> <li>- функция когерентности (назначение, оценивание и основные свойства);</li> <li>- вопросы организации и проведения эксперимента при исследовании характеристик реальных случайных процессов.</li> </ul>

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	<p>Оценивание интегрального и дифференциального закона распределения вероятностей случайного процесса.</p> <p>В результате выполнения практического задания студент приобретает навык получения оценок интегрального и дифференциального законов распределения вероятностей и анализа их точностных свойств (смещения, дисперсии, эффективности).</p>
2	<p>Оценивание одномерных моментных характеристик СП.</p> <p>В результате выполнения практического задания студент приобретает навык получения оценок одномерных вероятностных характеристик СП (математического ожидания, дисперсии, показателей асимметрии и эксцесса) и навык анализа их точностных свойств (смещения, дисперсии, эффективности).</p>
3	<p>Методы выделения аномальных наблюдений.</p> <p>В результате выполнения практического задания студент получит навыки, необходимые для обнаружения и исключения аномальных наблюдений как в варианте СП типа дискретный белый шум, так и в варианте коррелированных СП.</p>
4	<p>Выделение трендовой составляющей случайных процессов.</p> <p>В результате выполнения практического задания студент приобретает навык в обнаружении, выделении и устранении влияния систематической трендовой составляющей СП с использованием параметрического и непараметрического методов.</p>
5	<p>Оценивание корреляционных характеристик случайных процессов.</p> <p>В результате выполнения практического задания студент получит навык экспериментального определения автокорреляционных функций СП (ненормированных и нормированных) и навык анализа их точностных свойств (смещения, дисперсии, эффективности).</p>
6	<p>Методы оценивания спектральных характеристик случайных процессов.</p> <p>В результате выполнения практического задания студент приобретает навык получения оценок спектральной плотности мощности методом Фурье-преобразования автокорреляционной функции и методом полосовой фильтрации и методом Фурье преобразования отрезка реализации, осваивает</p>

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
	приемы выбора корреляционных и спектральных окон, обеспечивающих необходимые точностные характеристики оценивания.
7	Оценка спектральной плотности методом полосовой фильтрации. В результате выполнения практического задания студент получит навык экспериментального определения спектральной плотности методом полосовой фильтрации, включая анализ погрешности оценивания и выбор параметров полосового фильтра с учетом соотношения неопределенности спектрального анализа.
8	Оценивание взаимных характеристик двух стохастических процессов. В результате выполнения практического задания студент приобретает навык получения оценок взаинной корреляционной, взаимной спектральной плотности и функции когерентности двух СП.
9	Планирование эксперимента при анализе стохастических процессов. В результате выполнения практического задания студент получит навык организации экспериментального исследования вероятностных свойств СП с учетом имеющейся априорной информации об особенностях исследуемого СП, перечня определяемых статистических характеристик СП, алгоритмов их получения, выбора длины реализации, обеспечивающей необходимую точность конечного результата.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение дополнительной литературы.
2	Подготовка к практическим занятиям.
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к текущему контролю.
5	Подготовка к промежуточной аттестации.
6	Подготовка к текущему контролю.

#### 5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Теория вероятностей, математическая статистика и случайные процессы : учебник Ю. Кацман Национальный исследовательский Томский политехнический университет. – Томск : Издательство Томского политехнического университета , 2013	<a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=442107">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=442107</a>

2	Случайные процессы в 2 ч. Часть 1. Основы общей теории: учебник для академического бакалавриата В. М. Круглов М.: Издательство Юрайт, 2018. — 276 с. — (Серия: Авторский учебник). — ISBN 978-5-534-01748-9. , 2018	www.biblio-online.ru/book/6961A84E-3B4E-46CE-AE75- 2DDCDE788763
3	Случайные процессы в 2 ч. Часть 2. Основы стохастического анализа : учебник для академического бакалавриата В. М. Круглов Москва : Издательство Юрайт, 2017. — 280 с. — (Авторский учебник). — ISBN 978-5-534-02086-1 , 2017	<a href="https://urait.ru/bcode/400624">https://urait.ru/bcode/400624</a>

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU ([www.elibrary.ru](http://www.elibrary.ru)).

Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (<http://window.edu.ru>).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Statistica — программный пакет для статистического анализа – лицензионное ПО (версия 7 и старше).

Microsoft Office Word, Excel, PowerPoint – лицензионное ПО.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 1 семестре.

## **10. Оценочные материалы.**

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

Г.Ф. Филаретов

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической  
комиссии

Н.А. Клычева