

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
базового высшего образования  
по направлению подготовки  
01.03.02 Прикладная математика и информатика,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

### **Комплексный анализ**

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде электронного документа выгружена из единой корпоративной информационной системы управления университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 1343395  
Подписал: И.о. заведующего кафедрой Тищенко Сергей Александрович  
Дата: 17.06.2026

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения дисциплины (модуля) являются:

- формирование основ математической подготовки студентов;
- формирование компетенций для научно-исследовательской деятельности;
- изучение необходимых связей этой науки с математическим анализом и линейной алгеброй, механикой, физикой и др. разделами математики;
- подготовка к изучению специальных курсов, использующих методы комплексного анализа.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- формирование личности студента, развитие его интеллекта и умения логически и алгоритмически мыслить, формирование умений и навыков, необходимых при практическом применении теории комплексного анализа;
- формирование навыков решения задач по нижеследующим темам: арифметика комплексных чисел, основы теории аналитических функций (интеграл Коши, ряды Тейлора и Лорана, особые точки, вычеты и их применение, основы операционного исчисления и его приложения), исследование функций комплексного переменного на аналитичность, нахождение особых точек и теория вычетов, разложения в ряды Тейлора и Лорана, преобразование Лапласа, решение задач комплексного анализа и ряда задач геометрии и физики.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-1** - Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности;

**УК-1** - Способен осмысленно подходить к решению задач, выявлять проблемы, ставить цели, вырабатывать стратегию действий.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

- основные методы вычисления пределов, производных, интегралов в комплексной плоскости;
- методики сбора и обработки информации.

**Уметь:**

- находить предел последовательности и функции в комплексной плоскости;
- вычислять производные и интегралы в комплексной плоскости.

**Владеть:**

- методами вычисления интегралов в комплексной плоскости;
- навыками поиска, синтеза и анализа информации с использованием методов решения задач теории комплексного переменного.

**3. Объем дисциплины (модуля).****3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).**

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 5 з.е. (180 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №5
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	80	80
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	48	48

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 100 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

## 4. Содержание дисциплины (модуля).

### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<b>Арифметика комплексных чисел</b> Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none"><li>- алгебраическая форма комплексного числа;</li><li>- основные операции в алгебраической форме (сложение, умножение, деление);</li><li>- тригонометрическая и показательная форма комплексного числа;</li><li>- умножение и деление в тригонометрической и показательной формах, формула Муавра возведения в степень;</li><li>- извлечение корня из комплексного числа.</li></ul>
2	<b>Кривые и области на комплексной плоскости</b> Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none"><li>- окрестность точки на комплексной плоскости;</li><li>- открытые и замкнутые множества;</li><li>- прямые и кривые второго порядка на комплексной плоскости.</li></ul>
3	<b>Основные функции комплексного переменного</b> Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none"><li>- показательная функция и ее свойства;</li><li>- тригонометрические и гиперболические функции, их свойства;</li><li>- формулы связи между тригонометрическими и гиперболическими функциями;</li><li>- логарифмическая функция и её свойства.</li></ul>
4	<b>Предел последовательности комплексной переменной</b> Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none"><li>- определение и свойства предела последовательности;</li><li>- связь между пределом последовательности комплексной переменной и пределом последовательности вещественной переменной;</li><li>- достаточное условие сходимости последовательности комплексных чисел;</li><li>- бесконечно удалённая точка на комплексной плоскости</li></ul>
5	<b>Предел функции комплексной переменной</b> Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none"><li>- определение и свойства предела функции;</li><li>- связь между пределом функции комплексной переменной и пределом функции вещественной переменной;</li><li>- непрерывные функции в комплексной плоскости;</li><li>- свойства непрерывных функций.</li></ul>
6	<b>Дифференцирование функций комплексного переменного</b> Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none"><li>- определение дифференцируемой функции;</li><li>- условия Коши-Римана;</li><li>- аналитические функции;</li><li>- восстановление аналитической функции по её действительной или мнимой части.</li></ul>
7	<b>Дробно-линейные отображения</b> Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none"><li>- взаимно-однозначность дробно-линейных отображений;</li><li>- аналитичность дробно-линейных отображений;</li><li>- групповое свойство дробно-линейных отображений;</li><li>- геометрические свойства дробно-линейных отображений.</li></ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
8	<p><b>Интегрирование функций комплексного переменного</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- криволинейный интеграл в комплексной плоскости;</li> <li>- основные свойства криволинейного интеграла;</li> <li>- оценка интеграла по кривой.</li> </ul>
9	<p><b>Интегралы по кривой от аналитических функций</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение первообразной функции в области;</li> <li>- интегральная теорема Коши;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница, замены переменной и интегрирования по частям в криволинейных интегралах от аналитических функций;</li> <li>- интегральная формула Коши.</li> </ul>
10	<p><b>Ряды в комплексной области</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение сходимости ряда;</li> <li>- абсолютная сходимость рядов;</li> <li>- степенные ряды и их радиус сходимости (формула Коши-Адамара).</li> </ul>
11	<p><b>Ряды Тейлора</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- теорема Тейлора;</li> <li>- теорема об оценке коэффициентов ряда Тейлора (неравенства Коши);</li> <li>- теорема Лиувилля;</li> <li>- табличные ряды Тейлора.</li> </ul>
12	<p><b>Ряды Лорана</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- теорема Лорана;</li> <li>- теорема об оценке коэффициентов ряда Лорана (неравенства Коши);</li> <li>- связь между рядами Лорана и рядами Фурье.</li> </ul>
13	<p><b>Нули функции. Изолированные особые точки</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение нуля функции, эквивалентность двух определений;</li> <li>- теоремы о порядке нулей функции;</li> <li>- устранимая особая точка, полюс и существенная особенность;</li> <li>- ряды Лорана в окрестности особой точки и их классификация.</li> </ul>
14	<p><b>Вычеты функции</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение вычета;</li> <li>- вычет в устранимой особой точке;</li> <li>- вычет в полюсе;</li> <li>- вычет в существенно особой точке.</li> </ul>
15	<p><b>Теорема Коши о вычетах</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- вычисление интегралов при помощи теоремы Коши о вычетах;</li> <li>- вычет в бесконечно-удаленной точке.</li> </ul>
16	<p><b>Операционное исчисление.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение и основные свойства</li> <li>- изображения основных функций</li> <li>- применение к решению обыкновенных дифференциальных уравнений</li> </ul>

## 4.2. Занятия семинарского типа.

### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	<b>Арифметика комплексных чисел</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки совершения операций в комплексной плоскости, вычисления степени и корня из комплексного числа.
2	<b>Кривые и области в комплексной плоскости</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки построения кривых и областей в комплексной плоскости.
3	<b>Основные функции комплексного переменного</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки работы с экспоненциальной функцией
4	<b>Основные функции комплексного переменного</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки работы с тригонометрическими функциями комплексного переменного
5	<b>Основные функции комплексного переменного</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки работы с комплексным логарифмом
6	<b>Основные функции комплексного переменного - отображения</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки работы с отображениями экспоненциальной, тригонометрических функций комплексного переменного, комплексного логарифма.
7	<b>Предел последовательности комплексного переменного</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления предела последовательности комплексного переменного в алгебраической и показательной формах, доказательства того, что предела последовательности не существует.
8	<b>Предел функции комплексного переменного</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления предела функции комплексного переменного, исследования функции комплексного переменного на непрерывность.
9	<b>Дифференцирование функции комплексного переменного</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки исследования функции на аналитичность, восстановления аналитической функции по её действительной или мнимой части.
10	<b>Дробно-линейные отображения</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки построения дробно-линейных отображений, которые переводят заданную область (кривую) в другую заданную.
11	<b>Интегрирование функций комплексного переменного</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления криволинейного интеграла в комплексной плоскости.
12	<b>Интегрирование по кривой от аналитической функции</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления криволинейного интеграла от аналитической функции в комплексной плоскости.
13	<b>Ряды в комплексной плоскости</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки исследования рядов на сходимость, степенных рядов.
14	<b>Ряды Тейлора</b> В результате выполнения практического задания студент получает навыки разложения функций в ряды Тейлора, исследования областей сходимости этих рядов.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
15	Ряды Лорана В результате выполнения практического задания студент получает навыки разложения функций в ряды Лорана в разных областях, исследует область сходимости этих рядов.
16	Нули функции. Изолированные особые точки В результате выполнения практического задания студент получает навыки исследования порядка нулей функции, классификации изолированных особых точек.
17	Вычеты функции В результате выполнения практического задания студент получает навыки нахождения вычетов в изолированных особых точках.
18	Теорема Коши о вычетах В результате выполнения практического задания студент получает навыки применения теоремы Коши для вычисления интегралов, вычисления вычета в бесконечно удалённой точке.
19	Вычисление определенных интегралов В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления определённых интегралов разных типов.
20	Операционное исчисление В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления изображений от основных элементарных функций
21	Операционное исчисление В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления оригиналов от дробно-рациональных изображений
22	Операционное исчисление В результате выполнения практического задания студент получает навыки вычисления изображений от кусочно-гладких функций
23	Операционное исчисление В результате выполнения практического задания студент получает навыки решения дифференциальных уравнений операционным методом
24	Операционное исчисление В результате выполнения практического задания студент получает навыки решения систем дифференциальных уравнений операционным методом

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение учебной литературы из приведенных источников
2	Подготовка к практическим занятиям.
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к текущему контролю.
5	Подготовка к промежуточной аттестации.
6	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п / п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Власов В.В. Комплексный анализ / учебное пособие / Москва. ВМК МГУ 2021 — 102с. — Текст электронный	<a href="https://teach-in.ru/file/synopsis/pdf/vlasov-complex-analysis-M.pdf">https://teach-in.ru/file/synopsis/pdf/vlasov-complex-analysis-M.pdf</a>
2	Лекции по теории и функций комплексного переменного: учебное пособие	<a href="https://new.mipt.ru/upload/mathematics/study/uchebniki/%D0%9B_%D0%A2%D0%A4%D0%9A%D0%9F_%D0%93%D0%BE%D1%80%D1%8F%D0%B9%D0%BD%D0%BE%D0%B2_%D0%9F%D0%BE%D0%BB%D0%BE%D0%B2%D0%B8%D0%BD%D0%BA%D0%B8%D0%BD_2025.pdf">https://new.mipt.ru/upload/mathematics/study/uchebniki/%D0%9B_%D0%A2%D0%A4%D0%9A%D0%9F_%D0%93%D0%BE%D1%80%D1%8F%D0%B9%D0%BD%D0%BE%D0%B2_%D0%9F%D0%BE%D0%BB%D0%BE%D0%B2%D0%B8%D0%BD%D0%BA%D0%B8%D0%BD_2025.pdf</a>

ие. Горя йнов В. В., Поло винк ин Е. С. ; Издат ельст во: МФТ И ; УДК: 517.5 3 ; Год издан ия: 2025	
--	--

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

- Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>);
- Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU ([www.elibrary.ru](http://www.elibrary.ru));
- Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>);
- Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<http://e.lanbook.com/>);
- Интернет-университет информационных технологий (<http://www.intuit.ru/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

- Операционная система Windows;
- Microsoft Office;
- Поисковые системы.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 5 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

профессор, профессор, д.н. кафедры  
«Математическое моделирование  
сложных систем» Института  
железнодорожного транспорта

А.М. Филимонов

Согласовано:

и.о. заведующего кафедрой ПМ  
Председатель учебно-методической  
комиссии

С.А. Тищенко

Н.А. Андриянова