

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программы бакалавриата
по направлению подготовки
38.03.04 Государственное и муниципальное
управление,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Математика

Направление подготовки: 38.03.04 Государственное и муниципальное
управление

Направленность (профиль): Управление государственной и
муниципальной собственностью

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 2672
Подписал: заведующий кафедрой Платонова Ольга
Алексеевна
Дата: 12.12.2023

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины “Математика ” являются

- освоение студентами основ знаний в области математического анализа, необходимых для решения задач экономико-математического содержания;
- развитие логического и алгоритмического мышления, навыков постановки и решения задач дифференциального и интегрального исчисления;
- построение математических моделей для решения прикладных экономических задач;
- дать студентам основы теоретических знаний и прикладных навыков применения вероятностных и статистических методов и моделей, подготовить к использованию этих методов для разработки и принятия эффективных организационных и управленческих решений, повысить общий уровень математической культуры.

Задачами дисциплин являются освоение студентами основ теоретических знаний и прикладных навыков применения вероятностных и статистических методов и моделей, подготовка к использованию этих методов для разработки и принятия эффективных организационных и управленческих решений, повышение общего уровня математической культуры.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач;

УК-2 - Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных, основные понятия интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, важнейшие теоремы, методы интегрирования простейших интегралов, основные понятия и теоремы случайных событий, основные законы распределения случайных величин, математические методы обработки и анализа результатов статистических

наблюдений (понятия обработки выборки, точечные оценки доверительных интервалов).

Уметь:

интерпретировать основные понятия на простых модельных примерах: решать системы линейных алгебраических уравнений, вычислять пределы, вычислять производные, частные производные и дифференциалы функций, исследовать свойства функций и строить графики, находить наибольшие и наименьшие значения дифференцируемых функций, находить простейшие интегралы, анализировать результаты статистических наблюдений и делать на их основании количественные и качественные выводы.

Владеть:

навыками решения конкретных экономических задач в профессиональной области, используя математический инструментарий; математическими методами обработки информации, применяемыми в профессиональной деятельности.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 8 з.е. (288 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов		
	Всего	Семестр	
		№1	№2
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	128	64	64
В том числе:			
Занятия лекционного типа	64	32	32
Занятия семинарского типа	64	32	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении

промежуточной аттестации составляет 160 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Матрицы и определители матриц Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none">- виды матриц, операции над матрицами, свойства операций над матрицами;- элементарные преобразования матриц;- определитель квадратной матрицы;- минор и алгебраическое дополнение элемента определителя;- свойства определителей;- обратная матрица и её свойства;- матричные уравнения; ранг матрицы.
2	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Ранг матрицы. Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none">- решение СЛАУ методом Гаусса;- решение СЛАУ методом Крамера;- решение СЛАУ методом обратной матрицы;- общее решение однородной СЛАУ.
3	Теория пределов. Рассматриваемые вопросы: <ul style="list-style-type: none">- точечные оценки;- несмещенность;- состоятельность;- эффективность;- выборочное среднее;- выборочная дисперсия;- несмещенная выборочная дисперсия;- применение масштабных преобразований для вычисления точечных оценок;- метод максимального правдоподобия для нахождения точечных оценок;- понятие интервального оценивания;- доверительная вероятность;- доверительные интервалы;- основные понятия;- доверительный интервал (ДИ) для математического ожидания и дисперсии в случае нормально распределенной генеральной совокупности.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
4	<p>Приёмы раскрытия неопределённостей.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - бесконечно малые функции; - эквивалентность бесконечно малых функций; - приёмы раскрытия неопределённостей.
5	<p>Непрерывность функции.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - определение предела функции; - непрерывные функции; - основные теоремы о непрерывных функциях; - изолированные точки разрыва и их классификация.
6	<p>Производные и дифференциалы функции.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие производной; - производная функции; - правила вычисления производных; - производная сложной функции; - производные высших порядков; - дифференциалы высших порядков; - теорема о функциях. исследование поведения функций с помощью производных; - выпуклость, вогнутость, точки перегиба; - асимптоты и общая схема исследования функции.
7	<p>Понятие функции нескольких переменных.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных; - нахождение производных от функции нескольких переменных.
8	<p>Производная функции двух переменных.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - касательная плоскость и нормаль к поверхности; - применение полного дифференциала к приближенным вычислениям; - экстремум функции двух переменных.
9	<p>Определения первообразной функции и неопределенного интеграла.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - основные свойства неопределенного интеграла; - таблица основных интегралов; - метод подстановки; - метод интегрирования по частям.
10	<p>Определенный интеграл.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - задачи, приводящие к понятию определенного интеграла; - понятие и свойства определенного интеграла; - вычисление определенного интеграла.
11	<p>Несобственный интеграл.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие несобственного интеграла; - признак сходимости несобственных интегралов; - вычисление площади плоских фигур.
12	<p>Случайные события.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - основы комбинаторики;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - правила суммы и произведения; - перестановки, размещения и сочетания без повторов; - перестановки, размещения и сочетания с повторениями; - определение вероятности; - случайные события, их виды; - операции над событиями как операции над множествами; - классическое определение вероятности; - статистическое определение вероятности; - геометрическое определение вероятности; - непосредственное вычисление вероятностей; - теорема сложения вероятностей. условная вероятность; - теорема умножения вероятностей; - независимость событий; - формула полной вероятности. формула Байеса; - простейшие примеры применения теории вероятностей в экономике, управлении и финансах повторные испытания; - биномиальная схема; - формула Бернулли, формула Пуассона; - локальная и интегральная формулы Муавра — Лапласа.
13	<p>Случайные величины.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - определение случайной величины; - понятие случайной величины; - функция распределения случайной величины; - свойства функции распределения; - дискретная случайная величина; - ряд распределения и функция распределения дискретной случайной величины; - математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратичное отклонение дискретной случайной величины. биномиальный закон распределения; - закон распределения Пуассона; - простейший поток событий. - непрерывная случайная величина; - функция распределения и функция плотности распределения непрерывной случайной величины; - свойства функции плотности распределения; - математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратичное отклонение непрерывной случайной величины; - основные законы распределения; - равномерный закон распределения; - показательный закон распределения; - нормальный закон распределения.
14	<p>Двумерные дискретные случайные величины.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие двумерной дискретной случайной величины и закон ее распределения; - числовые характеристики двумерной дискретной случайной величины; - условные законы распределения и условные числовые характеристики; - зависимые и независимые случайные величины. Ковариация и коэффициент корреляции.
15	<p>Закон больших чисел и предельные теоремы.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - неравенство Маркова (лемма Чебышева); - неравенство Чебышева; - теорема Чебышева; - теорема Бернулли;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- центральная предельная теорема.
16	<p>Вариационные ряды и их характеристики.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - вариационные ряды и их графическое изображение; - средние величины; - показатели вариации.
17	<p>Основы математической теории выборочного метода.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - точечные оценки; - несмещенность; - состоятельность; - эффективность; - выборочное среднее; - выборочная дисперсия; - несмещенная выборочная дисперсия; - применение масштабных преобразований для вычисления точечных оценок; - метод максимального правдоподобия для нахождения точечных оценок; - понятие интервального оценивания; - доверительная вероятность; - доверительные интервалы; - основные понятия; - доверительный интервал (ДИ) для математического ожидания и дисперсии в случае нормально распределенной генеральной совокупности.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	<p>Матрицы и определители матриц.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с линейные операции над матрицами. В результате работы студент будет ознакомлен с методами вычисления определителей II, III и более высоких порядков. Нахождением обратной матрицы. Решением матричных уравнений.</p>
2	<p>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Ранг матрицы.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен со способом определения ранга матрицы. Решением СЛАУ с помощью формул Крамера и методом Гаусса.</p>
3	<p>Теория пределов.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с видами числовых последовательностей. Пределом числовых последовательностей.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с понятием функции и её предела. Нахождением предела функции.</p>
4	<p>Непрерывность функции.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с понятием непрерывности функции. Асимптотами графика функции.</p>
5	<p>Производные и дифференциалы функции.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с понятием производная. Дифференцированием функций; с правилом Лопитала; Формулой Тейлора; с выпуклостью, вогнутостью, точками перегиба; с общей схемой исследования функции и построения графика.</p>

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
6	<p>Функция двух переменных.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с частные производные. Производной по направлению. Градиентом. В результате работы студент будет ознакомлен с экстремум функции двух переменных. В результате работы студент будет ознакомлен с условным экстремумом.</p>
7	<p>Неопределенный интеграл.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с первообразная функции. Неопределённым интегралом. Интегрированием методом замены переменной (простейшие случаи). Интегрированием по частям.</p>
8	<p>Определенный и несобственный интегралы.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с вычисление определённого интеграла; несобственным интегралом; с приложение определённого интеграла.</p>
9	<p>Случайные события.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с основными формулами комбинаторики. Задачами на классическое определение вероятности; с операциями над случайными событиями; теоремами сложения вероятностей; с независимостью событий, условной вероятностью; вероятностью сложных событий; с формулой полной вероятности и Байеса; с формулой Бернулли; Формулой Пуассона. Локальной интегральной формулой Муавра-Лапласа.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с дискретными случайными величинами; биномиальным законом распределения; законом распределения Пуассона; непрерывными случайными величинами; основные законами распределения.</p>
10	<p>Случайные величины.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с непрерывными случайными величинами; с основные законами распределения.</p>
11	<p>Двумерные случайные величины.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с двумерными дискретными случайными величинами; с законами распределения. Условные числовые характеристики.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с составлением таблиц частот, построением группированных выборок, гистограмм, графиком эмпирической функции распределения; составление таблиц частот, построение группированных выборок, гистограмм, графиком эмпирической функции распределения.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с применением масштабных преобразований для вычисления точечных оценок. Методом максимального правдоподобия для нахождения точечных оценок.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с построением доверительных интервалов.</p> <p>В результате работы студент будет ознакомлен с построением доверительных интервалов.</p>

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Матрицы и определители матриц». Решить индивидуальное тестовое задание.
2	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ)».
3	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Теория пределов».
4	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Приёмы раскрытия неопределённостей».

№ п/п	Вид самостоятельной работы
5	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Непрерывность функции»
6	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Производные и дифференциалы функции».
7	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Функции двух переменных».
8	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Неопределенный интеграл».
9	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Определенный интеграл».
10	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Геометрические приложения определенных интегралов».
11	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Несобственный интеграл».
12	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Случайные события».
13	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Повторение испытаний».
14	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Случайные величины».
15	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Двумерные случайные величины».
16	Изучение теоретического материала по теме: «Первичная обработка выборки».
17	Изучение теоретического по теме: «Точечные оценки».
18	Изучение теоретического материала, решение домашних заданий по теме: «Доверительные интервалы».
19	Подготовка к промежуточной аттестации.
20	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Математика для экономистов: от арифметики до эконометрики. Учебно-справочное пособие : для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; под общей редакцией Н. Ш. Кремера. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 724 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-3680-3.	https://urait.ru/bcode/425064 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.

2	Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7.	https://urait.ru/bcode/468424 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.
3	Орлова, И. В. Линейная алгебра и аналитическая геометрия для экономистов : учебник и практикум для среднего профессионального образования / И. В. Орлова, В. В. Угрозов, Е. С. Филонова. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 370 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-10170-6.	https://urait.ru/bcode/456460 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.
4	Дифференциальные уравнения : учебник и практикум для вузов / Т. В. Муратова. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 435 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01456-3.	https://urait.ru/bcode/468795 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.
5	Высшая математика для экономического бакалавриата : учебник и практикум / Н. Ш. Кремер ; ответственный редактор Н. Ш. Кремер. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2017. — 909 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-2773-3.	https://urait.ru/bcode/396602 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.
6	Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4.	https://urait.ru/bcode/431167 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.
7	Теория вероятностей и математическая статистика для экономистов : учебник и практикум для вузов / Е. А. Ковалев, Г. А. Медведев ; под общей редакцией Г. А. Медведева. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 284 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01082-4.	https://urait.ru/bcode/450466 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.
8	Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / А. А. Васильев. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 232 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-09097-0.	https://urait.ru/bcode/472104 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.
9	Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для бакалавриата и магистратуры / В. А. Малугин. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 470 с. — (Бакалавр и магистр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-05470-5.	https://urait.ru/bcode/441337 (дата обращения: 31.08.2021). - Текст: электронный.

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

1. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) <http://library.miit.ru>
2. Электронно-библиотечная система «Лань»<http://e.lanbook.com/>
3. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) ИЭФ <http://ml.miit-ief.ru>
4. Образовательная платформа для университетов и колледжей Юрайт <https://urait.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

MicrosoftOffice

MicrosoftTeams

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Компьютеры, интерактивные доски, проекторы, экраны, меловые доски.

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 1 семестре.

Экзамен во 2 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

заведующий кафедрой, доцент, к.н.
кафедры «Высшая математика»

О.А. Платонова

доцент, доцент, к.н. кафедры
«Высшая математика»

Л.Г. Халилова

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЭТИиУСБ

Е.А. Ступникова

Заведующий кафедрой ВМ

О.А. Платонова

Председатель учебно-методической
комиссии

М.В. Ишханян