

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы специалитета  
по специальности  
08.05.01 Строительство уникальных зданий и  
сооружений,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### Математика

Специальность: 08.05.01 Строительство уникальных зданий и сооружений

Специализация: Строительство автомагистралей, аэродромов и специальных сооружений

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 941415  
Подписал: проректор Марканич Татьяна Олеговна  
Дата: 25.09.2024

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины (модуля) «Математика» являются:

- закладка математического фундамента как средства изучения окружающего мира для успешного освоения дисциплин естественнонаучного и профессионального циклов;
- получение студентами основ теоретических знаний и прикладных навыков применения математических методов и моделей;
- подготовка к использованию этих методов для разработки и принятия эффективных организационных и управленческих решений;
- развитие логического мышления и повышение общего уровня культуры студентов.

Задачами освоения дисциплины (модуля) «Математика» являются:

овладение методами линейной алгебры, математического анализа, теории вероятностей.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-1** - Способен решать прикладные задачи строительной отрасли, используя теорию и методы фундаментальных наук.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

- основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных;
- основные понятия интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, важнейшие теоремы, методы интегрирования простейших интегралов;
- основные понятия и теоремы случайных событий;
- основные законы распределения случайных величин;
- математические методы обработки и анализа результатов статистических наблюдений (понятия обработки выборки, точечные оценки доверительных интервалов).

### **Уметь:**

- интерпретировать основные понятия на простых модельных примерах:

решать системы линейных алгебраических уравнений, вычислять пределы, вычислять производные, частные производные и дифференциалы функций, исследовать свойства функций и строить графики, находить наибольшие и наименьшие значения дифференцируемых функций, находить простейшие интегралы;

- анализировать результаты статистических наблюдений и делать на их основании количественные и качественные выводы.

**Владеть:**

- навыками решения основных инженерных задач;  
- способностью производить самостоятельный выбор методов и способов решения.

**3. Объем дисциплины (модуля).**

**3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).**

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 12 з.е. (432 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов				
	Всего	Семестр			
		№1	№2	№3	№4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	320	80	80	80	80
В том числе:					
Занятия лекционного типа	128	32	32	32	32
Занятия семинарского типа	192	48	48	48	48

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 112 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или)

лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p>Матрицы и определители матриц.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- виды матриц, операции над матрицами, свойства операций над матрицами;</li><li>- элементарные преобразования матриц;</li><li>- определитель квадратной матрицы;</li><li>- минор и алгебраическое дополнение элемента определителя;</li><li>- свойства определителей;</li><li>- обратная матрица и её свойства;</li><li>- матричные уравнения;</li><li>- ранг матрицы.</li></ul>
2	<p>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- решение СЛАУ методом Крамера;</li><li>- решение СЛАУ методом обратной матрицы.</li></ul>
3	<p>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- решение СЛАУ методом Гаусса;</li><li>- общее решение однородной СЛАУ.</li></ul>
4	<p>Векторная алгебра (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- векторы, действия над векторами;</li><li>- векторные пространства V1, V2 ,V3;</li><li>- линейная зависимость векторов;</li><li>- критерии линейной зависимости двух, трех и четырех векторов;</li><li>- базис на прямой, на плоскости и в пространстве;</li><li>- координаты вектора в заданном базисе;</li><li>- линейные операции над векторами в координатной форме;</li><li>- угол между двумя векторами;</li><li>- ортогональная проекция вектора на направление другого вектора и ее линейные свойства;</li><li>- скалярное произведение двух векторов, его алгебраические свойства;</li><li>- ортогональность векторов;</li><li>- нахождение длины вектора и угла между векторами при помощи скалярного произведения;</li><li>- ортонормированный базис в V3;</li><li>- координаты вектора в ортонормированном базисе как проекции этого вектора на направление базисных векторов;</li><li>- формулы для вычисления скалярного произведения, длины вектора, косинуса угла между векторами через координаты векторов в ортонормированном базисе;</li><li>- направляющие косинусы вектора, их свойство;</li><li>- условие коллинеарности векторов в координатной форме;</li><li>- ориентация базиса, правые и левые тройки векторов.</li></ul>
5	Векторная алгебра (часть 2).

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- векторное произведение двух векторов, его геометрический и механический смысл; - алгебраические свойства векторного произведения;</li> <li>- вычисление векторного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- смешанное произведение векторов, его геометрический смысл;</li> <li>- алгебраические свойства смешанного произведения;</li> <li>- вычисление смешанного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- условие компланарности трех векторов;</li> <li>- вычисление длины отрезка, площадей параллелограмма и треугольника, объемов параллелепипеда и тетраэдра.</li> </ul>
6	<p><b>Аналитическая геометрия. Прямая на плоскости.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнения прямых;</li> <li>- взаимное расположение прямых;</li> <li>- расстояние от точки до прямой.</li> </ul>
7	<p><b>Аналитическая геометрия. Прямая и плоскость в пространстве.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнений прямых и плоскостей;</li> <li>- взаимное расположение прямых и плоскостей;</li> <li>- расстояние от точки до плоскости и до прямой.</li> </ul>
8	<p><b>Плоские кривые второго порядка.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эллипс, гипербола, парабола и их геометрические свойства;</li> <li>- эксцентриситет и директрисы;</li> <li>- канонические уравнения кривых второго порядка.</li> </ul>
9	<p><b>Теория пределов (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения;</li> <li>- понятие функции и способы её задания;</li> <li>- числовые последовательности;</li> <li>- предел последовательности;</li> <li>- односторонние пределы.</li> </ul>
10	<p><b>Теория пределов (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- предел монотонной последовательности;</li> <li>- теоремы о пределах;</li> <li>- первый и второй замечательный предел.</li> </ul>
11	<p><b>Приёмы раскрытия неопределённостей.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- бесконечно малые функции;</li> <li>- эквивалентность бесконечно малых функций;</li> <li>- приёмы раскрытия неопределённостей.</li> </ul>
12	<p><b>Непрерывность функции.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение предела функции;</li> <li>- непрерывные функции;</li> <li>- основные теоремы о непрерывных функциях;</li> <li>- изолированные точки разрыва и их классификация.</li> </ul>
13	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие производной;</li> <li>- производная функции;</li> <li>- правила вычисления производных;</li> <li>- производная сложной функции;</li> <li>- логарифмическая производная;</li> <li>- производная показательно-степенной функции;</li> <li>- производная неявной функции;</li> <li>- дифференцирование функции заданной в параметрической форме;</li> <li>- дифференциал функции.</li> </ul>
14	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- производные высших порядков.</li> <li>- дифференциалы высших порядков.</li> <li>- теорема о функциях.</li> </ul>
15	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- правило Лопитала;</li> <li>- формула Тейлора;</li> <li>- экстремум и интервалы монотонности функции.</li> </ul>
16	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- исследование поведения функций с помощью производных;</li> <li>- выпуклость, вогнутость, точки перегиба;</li> <li>- асимптоты и общая схема исследования функции.</li> <li>- исследование поведения функций с помощью производных.</li> </ul>
17	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения первообразной функции и неопределенного интеграла;</li> <li>- основные свойства неопределенного интеграла;</li> <li>- таблица основных интегралов;</li> <li>- непосредственное интегрирование;</li> <li>- метод подстановки;</li> <li>- метод интегрирования по частям.</li> </ul>
18	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разложение рациональной функции на элементарные дроби;</li> <li>- интегрирование рациональных дробей.</li> </ul>
19	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование иррациональных функций;</li> <li>- интегрирование дифференциальных биномов.</li> </ul>
20	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование тригонометрических функций.</li> </ul>
21	<p><b>Определенный интеграл.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задачи, приводящие к неопределенному интегралу;</li> <li>- определенный интеграл как предел интегральных сумм;</li> <li>- теорема об интегрируемости кусочно-непрерывных функций;</li> <li>- геометрическая интерпретация определенного интеграла;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- основные свойства определенного интеграла;</li> <li>- теоремы об оценке и о среднем значении;</li> <li>- определенный интеграл с переменным верхним пределом и теорема о его производной;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- вычисление определенных интегралов подстановкой и по частям.</li> </ul>
22	<p><b>Приложение определенного интеграла.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- вычисление площадей плоских фигур, ограниченных кривыми, заданными в декартовых координатах, параметрических и в полярных координатах;</li> <li>- вычисление объемов тел по площадям поперечных сечений и объемов тел вращения;</li> <li>- вычисление длины дуги кривой и площади поверхности вращения.</li> </ul>
23	<p><b>Несобственный интеграл.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- несобственные интегралы по бесконечному промежутку (1-го рода);</li> <li>- несобственные интегралы от неограниченных функций на отрезке (2-го рода);</li> <li>- признаки сходимости несобственных интегралов;</li> <li>- абсолютная и условная сходимость;</li> <li>- несобственные интегралы с несколькими особенностями.</li> </ul>
24	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- функция нескольких переменных (ФНП);</li> <li>- график ФНП;</li> <li>- примеры ФНП и их геометрическое представление;</li> <li>- линии (поверхности) уровня;</li> <li>- окрестности, открытые, замкнутые и ограниченные множества;</li> <li>- связные множества, области;</li> <li>- предел ФНП;</li> <li>- бесконечно малые и бесконечно большие ФНП;</li> <li>- непрерывность ФНП в точке, на множестве;</li> <li>- свойства ФНП, непрерывной на ограниченном замкнутом множестве.</li> </ul>
25	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные ФНП и их геометрическая интерпретация для <math>n=2</math>;</li> <li>- дифференцируемые ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия дифференцируемости;</li> <li>- полный дифференциал;</li> <li>- восстановление функции по ее полному дифференциальному;</li> <li>- дифференцируемость сложной функции;</li> <li>- частная и полная производные ФНП;</li> <li>- инвариантность формы первого дифференциала.</li> </ul>
26	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные и дифференциалы высших порядков;</li> <li>- матрица Гессе;</li> <li>- теорема о независимости смешанных частных производных от порядка дифференцирования;</li> <li>- применение дифференциала ФНП к приближенным вычислениям;</li> <li>- формула Тейлора для функции нескольких переменных;</li> <li>- неявно заданные функции;</li> <li>- теорема о неявной функции.</li> </ul>
27	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- производная ФНП по направлению;</li> <li>- градиент функции и его свойства;</li> <li>- уравнения касательной и нормали к линии уровня функции двух переменных;</li> <li>- касательная плоскость и нормаль к поверхности.</li> </ul>
28	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 5).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- экстремум ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия экстремума ФНП;</li> <li>- частный случай — функция двух переменных;</li> <li>- условный экстремум функции двух переменных;</li> <li>- функция Лагранжа;</li> <li>- необходимые и достаточные условия условного экстремума;</li> <li>- нахождение наибольшего и наименьшего значений функции двух переменных в замкнутой области.</li> </ul>
29	<p><b>Двойной интеграл (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие двойного интеграла, свойства;</li> <li>- вычисление двойного интеграла;</li> <li>- расстановка пределов интегрирования;</li> <li>- двойные интегралы в полярных координатах;</li> <li>- приложение двойного интеграла.</li> </ul>
30	<p><b>Двойной интеграл (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- двойные интегралы в полярных координатах;</li> <li>- приложение двойного интеграла.</li> </ul>
31	<p><b>Криволинейные интегралы (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение, вычисление, свойства и применение криволинейного интеграла первого рода;</li> <li>- задача определения работы переменной силы на криволинейном пути;</li> <li>- определение, свойства и вычисление криволинейного интеграла второго рода.</li> </ul>
32	<p><b>Криволинейные интегралы (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формула Грина для односвязных областей;</li> <li>- условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования;</li> <li>- вычисление криволинейного интеграла от полного дифференциала;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- нахождение функции по ее полному дифференциальному с помощью криволинейного интеграла.</li> </ul>
33	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- общие сведения о дифференциальных уравнениях (основные понятия; задачи, приводящие к понятию диф. уравнений);</li> <li>- дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными;</li> <li>- однородные дифференциальные уравнения.</li> </ul>
34	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения;</li> <li>- уравнение Бернулли;</li> <li>- уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель.</li> </ul>
35	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- особые точки и особые решения ОДУ первого порядка;</li> <li>- уравнения, не разрешенные относительно производной;</li> <li>- метод введения параметра;</li> <li>- уравнения Лагран-жа и Клеро;</li> <li>- формулировка теоремы Коши;</li> <li>- дискриминантная кривая.</li> </ul>
36	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задача Коши;</li> <li>- формулировка теоремы Коши для уравнений высшего порядка;</li> <li>- некоторые типы уравнений, допускающих понижение порядка.</li> </ul>
37	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 5).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения высших порядков;</li> <li>- свойства линейного дифференциального оператора;</li> <li>- свойства решений линейного уравнения;</li> <li>- линейно зависимые и независимые системы функций;</li> <li>- определитель Вронского, его свойства для системы решений линейного;</li> <li>- однородного уравнения порядка <math>n</math> и для произвольной системы функций;</li> <li>- фундаментальная система решений (ФСР) однородного линейного уравнения;</li> <li>-теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения;</li> <li>- общее решение линейного неоднородного уравнения;</li> <li>- теорема о его структуре.</li> </ul>
38	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 6).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами;</li> <li>- построение ФСР в случае различных корней характеристического уравнения;</li> <li>- случай кратных корней характеристического уравнения;</li> <li>- структура частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами и квазимногочленом в правой части;</li> <li>- метод Лагранжа вариации постоянных.</li> </ul>
39	<p><b>Системы дифференциальных уравнений</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- нормальные системы дифференциальных уравнений;</li> <li>- задача Коши и теорема Коши существования и единственности решения (без док-ва);</li> <li>- сведение системы к одному уравнению порядка <math>n</math>.</li> </ul>
40	<p><b>Числовые и функциональные ряды (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия;</li> <li>- ряд геометрической прогрессии;</li> <li>- необходимый признак сходимости числового ряда;</li> <li>гармонический ряд.</li> </ul>
41	<p><b>Числовые и функциональные ряды (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- признаки сходимости знакоположительных рядов;</li> <li>- признаки сравнения;</li> <li>- признак Даламбера;</li> <li>- признак Коши (радикальный, интегральный).</li> </ul>
42	<p><b>Числовые и функциональные ряды (Часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- признаки сходимости знакопеременных рядов: признаки Лейбница, Абеля и Дирихле; - условная и абсолютная сходимость знакопеременного ряда.
43	<b>Числовые и функциональные ряды (часть 4).</b> Рассматриваемые вопросы: - функциональные ряды; - область сходимости; - равномерная сходимость, признак Вейерштрасса; - теоремы о непрерывности суммы, почленном интегрировании и дифференцировании равномерно сходящихся рядов.
44	<b>Числовые и функциональные ряды (часть 5).</b> Рассматриваемые вопросы: - степенные ряды; - теоремы Абеля; - радиус сходимости и формула для его вычисления; - теоремы о почленном интегрировании и дифференцировании степенных рядов.
45	<b>Числовые и функциональные ряды (часть 6).</b> Рассматриваемые вопросы: - ряд Тейлора; - критерий сходимости ряда Тейлора к исходной функции; - ряды Маклорена; - разложение функций в степенные ряды; - разложение основных элементарных функций; - методы вывода разложений сложных функций.
46	<b>Применение числовых и функциональных рядов.</b> Рассматриваемые вопросы: - приближенное вычисление значений функций; - приближенное вычисление определенных интегралов.
47	<b>Числовые и функциональные ряды.</b> Рассматриваемые вопросы: - ряды Фурье. - разложение функции в ряд Фурье.
48	<b>Числовые и функциональные ряды.</b> Рассматриваемые вопросы: - интеграл Фурье; - преобразование Фурье.
49	<b>Случайные события (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы: - понятие случайного события; - пространство элементарных событий; - составные события, действия над событиями; - алгебра событий как одна из интерпретаций алгебры Буля; - диаграммы Венна. - классическое, статистическое и геометрическое определение вероятности; - понятие об аксиоматическом определении вероятности.
50	<b>Случайные события (часть 2).</b> Рассматриваемые вопросы: - теоремы сложения и умножения вероятностей; - условная вероятность; - формула полной вероятности и формула Байеса.
51	<b>Случайные события (часть 3).</b>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	Рассматриваемые вопросы: - формула Бернулли; - локальная и интегральная теоремы Лапласа; - отклонение относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях.
52	Случайные величины (часть 4). Рассматриваемые вопросы: - понятие об одномерной случайной величине; - дискретные случайные величины; - закон распределения дискретной случайной величины; - функция распределения и ее свойства.
53	Случайные величины (часть 5). Рассматриваемые вопросы: - непрерывные случайные величины; - функция плотности распределения и ее свойства; - математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратичное отклонение непрерывной случайной величины; - основные законы распределения.
54	Случайные величины (часть 6). Рассматриваемые вопросы: - закон распределения дискретной случайной величины; - функция распределения и ее свойства.
55	Случайные величины (часть 7). Рассматриваемые вопросы: - непрерывные случайные величины; - функция плотности распределения и ее свойства.
56	Случайные величины (часть 8). Рассматриваемые вопросы: - математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратичное отклонение непрерывной случайной величины; - основные законы распределения.

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Матрицы и определители матриц (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: выполнение линейных операций над матрицами, вычисления определителей второго и третьего порядков.
2	Матрицы и определители матриц (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: выполнение линейных операций над матрицами, вычисления определителей второго и третьего порядков.
3	Матрицы и определители матриц (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: нахождение обратной матрицы, нахождение ранга матрицы, решение матричных уравнений.
4	Матрицы и определители матриц (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: нахождение обратной матрицы, нахождение ранга матрицы, решение матричных уравнений.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
5	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). В результате работы студент приобретет навыки решения СЛАУ методом Гаусса.
6	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). В результате работы студент приобретет навыки решения СЛАУ методом Крамера.
7	Векторная алгебра (часть 1). В результате работы студент приобретет умения применения скалярного, векторного, смешанного произведения векторов к решению задач
8	Векторная алгебра (часть 1). В результате работы студент приобретет умения применения скалярного, векторного, смешанного произведения векторов к решению задач.
9	Аналитическая геометрия (часть 1). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания прямой на плоскости различными способами, взаимное расположение двух прямых на плоскости, приобретет умения вычисление расстояния от точки до прямой.
10	Прямая и плоскость в пространстве (часть 2). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания прямой в пространстве, взаимное расположение прямой и плоскости, приобретет навыки задания уравнения плоскости в пространстве.
11	Плоские кривые второго порядка. В результате работы студент приобретет умения построение эллипса, гиперболы, параболы, нахождение эксцентриситета и директрисы.
12	Плоские кривые второго порядка. В результате работы студент приобретет умения построение эллипса, гиперболы, параболы, нахождение эксцентриситета и директрисы.
13	Теория пределов (часть 1). В результате работы студент приобретет умения построение графиков функций.
14	Теория пределов (часть 1). В результате работы студент приобретет умения построение графиков функций.
15	Теория пределов (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: раскрытие неопределенностей в пределах, вычисление первого и второго замечательных пределов.
16	Приёмы раскрытия неопределённостей (часть 3). В результате работы студент приобретет умения использования основных эквивалентностей при вычислении пределов.
17	Приёмы раскрытия неопределённостей (часть 3). В результате работы студент приобретет умения использования основных эквивалентностей при вычислении пределов.
18	Непрерывность функции (часть 4). В результате работы студент приобретет умения исследование функции на непрерывность.
19	Производные и дифференциалы функции (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисление производных.
20	Производные и дифференциалы функции (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисления производной степенно-показательной функции, вычисления производной функции, заданной параметрически, вычисление производных высших порядков, вычисления дифференциалов высших порядков.
21	Производные и дифференциалы функции (часть 3). В результате работы студент приобретет навыки использование правила Лопитала для вычисления пределов.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
22	<b>Производные и дифференциалы функции (часть 4).</b> В результате работы студент приобретет умения исследования функции на монотонность, исследование функции на выпуклость и вогнутость.
23	<b>Производные и дифференциалы функции (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения: исследование функции, построение графика функции по исследованию.
24	<b>Производные и дифференциалы функции (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения: исследование функции, построение графика функции по исследованию.
25	<b>Неопределенный интеграл (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет умения вычисления неопределенных интегралов с помощью таблицы интегралов.
26	<b>Неопределенный интеграл (часть 2).</b> В результате работы студент приобретет умения: вычисление неопределенного интеграла с помощью замены переменной.
27	<b>Неопределенный интеграл (часть 2).</b> В результате работы студент приобретет умения: вычисление неопределенного интеграла с помощью интегрирования по частям.
28	<b>Неопределенный интеграл (часть 3).</b> В результате работы студент приобретет умения интегрирования рациональных дробей.
29	<b>Неопределенный интеграл (часть 4).</b> В результате работы студент приобретет умения интегрирование иррациональных функций.
30	<b>Неопределенный интеграл (часть 4).</b> В результате работы студент приобретет умения интегрирование иррациональных функций.
31	<b>Неопределенный интеграл (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения интегрирования тригонометрические функции.
32	<b>Неопределенный интеграл (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения интегрирования тригонометрические функции.
33	<b>Определенный интеграл (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет умения: вычисление определенного интеграла, замена переменной в определенном интеграле, вычисление площадей плоских фигур.
34	<b>Понятие несобственного интеграла (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет умения вычисления несобственных интегралов.
35	<b>Производная функции нескольких переменных (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет навыки вычисление частных производных функции двух переменных.
36	<b>Производная функции нескольких переменных (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет навыки вычисление частных производных функции двух переменных.
37	<b>Производная функции нескольких переменных (часть 2).</b> В результате работы студент приобретет умения применения полного дифференциала к приближенным вычислениям.
38	<b>Производная функции нескольких переменных (часть 3).</b> В результате работы студент приобретет умения: вычисление производной функции по направление, вычисления вектора градиента, нахождения уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.
39	<b>Производная функции нескольких переменных (часть 3).</b> В результате работы студент приобретет умения: вычисление производной функции по направление,

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
	вычисления вектора градиента, нахождения уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.
40	Производная функции нескольких переменных (часть 4). В результате работы студент приобретет умения нахождения экстремума функции двух переменных.
41	Кратные и криволинейные интегралы (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов, расстановки пределов интегрирования.
42	Кратные и криволинейные интегралы (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов, расстановки пределов интегрирования.
43	Кратные и криволинейные интегралы (часть 2). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов в полярных координатах.
44	Кратные и криволинейные интегралы (часть 2). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов в полярных координатах.
45	Кратные и криволинейные интегралы (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления площади плоской фигуры.
46	Кратные и криволинейные интегралы (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла I рода.
47	Кратные и криволинейные интегралы (часть 5). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла II рода.
48	Кратные и криволинейные интегралы (часть 5). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла II рода.
49	Общие сведения о дифференциальных уравнениях (часть 1). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными.
50	Дифференциальные уравнения (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли).
51	Дифференциальные уравнения (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли).
52	Дифференциальные уравнения (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
53	Дифференциальные уравнения (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
54	Дифференциальные уравнения (часть 4). В результате работы студент приобретет умения решения однородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами.
55	Дифференциальные уравнения (часть 5). В результате работы студент приобретет умения решения неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
56	Дифференциальные уравнения (часть 5). В результате работы студент приобретет умения решения неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
57	<b>Дифференциальные уравнения (часть 6).</b> В результате работы студент приобретет уознакомлен с метод вариации произвольных постоянных.
58	<b>Дифференциальные уравнения (часть 7).</b> В результате работы студент приобретет навыки решения дифференциальных уравнений разных типов.
59	<b>Дифференциальные уравнения (часть 7).</b> В результате работы студент приобретет навыки решения дифференциальных уравнений разных типов.
60	<b>Дифференциальные уравнения (часть 8).</b> В результате работы студент приобретет умения решения систем дифференциальных уравнений.
61	<b>Дифференциальные уравнения (часть 8).</b> В результате работы студент приобретет умения решения систем дифференциальных уравнений.
62	<b>Числовой ряды (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет умения: использования необходимого признака сходимости для исследования сходимости числовых рядов, использования обобщенного гармонический ряд для исследования сходимости числовых рядов, использования интегрального признака для исследования сходимости числовых рядов.
63	<b>Числовой ряды (часть 2).</b> В результате работы студент приобретет умения исследование рядов на сходимость с помощью признаков Даламбера, радикального признака Коши.
64	<b>Числовой ряды (часть 3).</b> В результате работы студент приобретет умения исследование рядов на абсолютную и условную сходимость.
65	<b>Числовой ряды (часть 3).</b> В результате работы студент приобретет умения исследование рядов на абсолютную и условную сходимость.
66	<b>Функциональные ряды (часть 4).</b> В результате работы студент приобретет умения вычисление области сходимости степенных рядов
67	<b>Разложение функции в степенные ряды (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения разложения функций в степенные ряды.
68	<b>Разложение функции в степенные ряды (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения разложения функций в степенные ряды.
69	<b>Ряды Фурье (часть 6).</b> В результате работы студент приобретет умения разложения функций в ряды Фурье.
70	<b>Ряды Фурье (часть 6).</b> В результате работы студент приобретет умения разложения функций в ряды Фурье.
71	<b>Приложение числовых и функциональных рядов (часть 7).</b> В результате работы студент приобретет умения приближенного вычисления значений функций, приближенного вычисления определенных интегралов.
72	<b>Приложение числовых и функциональных рядов (часть 8).</b> В результате работы студент приобретет умения приближенного решения дифференциальных уравнений.
73	<b>Случайные события (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет умения решения задач на классическое определение вероятностей.
74	<b>Случайные события (часть 1).</b> В результате работы студент приобретет умения решения задач на классическое определение вероятностей.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
75	<b>Случайные события (часть 2).</b> В результате работы студент приобретет умения решение задач с использованием теорем сложения вероятностей и умножения вероятностей.
76	<b>Случайные события (часть 2).</b> В результате работы студент приобретет умения решение задач с использованием теорем сложения вероятностей и умножения вероятностей.
77	<b>Случайные события (часть 3).</b> В результате работы студент приобретет умения решение задач с использование формулы полной вероятности.
78	<b>Случайные события (часть 3).</b> В результате работы студент приобретет умения решение задач с использование формулы полной вероятности.
79	<b>Случайные события (часть 4).</b> В результате работы студент приобретет умения использования формулы Бернулли, формулы Пуассона, локальной и интегральной формул Муавра-Лапласа при решении задач.
80	<b>Случайные события (часть 4).</b> В результате работы студент приобретет умения использования формулы Бернулли, формулы Пуассона, локальной и интегральной формул Муавра-Лапласа при решении задач.
81	<b>Случайные величины (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения построение закона распределения вероятностей дискретной случайной величины, будет ознакомлен биномиальным распределением, распределением Пуассона, геометрическим распределением случайной величины.
82	<b>Случайные величины (часть 5).</b> В результате работы студент приобретет умения построение закона распределения вероятностей дискретной случайной величины, будет ознакомлен биномиальным распределением, распределением Пуассона, геометрическим распределением случайной величины.
83	<b>Случайные события (часть 6).</b> В результате работы студент приобретет умения вычисления математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения дискретных случайных величин.
84	<b>Случайные события (часть 6).</b> В результате работы студент приобретет умения вычисления математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения дискретных случайных величин.
85	<b>Случайные величины (часть 7).</b> В результате работы студент будет ознакомлен с непрерывные случайными величинами. Приобретет умения нахождения функции распределения по известной плотности распределения.
86	<b>Случайные величины (часть 7).</b> В результате работы студент будет ознакомлен с непрерывные случайными величинами. Приобретет умения нахождения функции распределения по известной плотности распределения.
87	<b>Случайные величины (часть 8).</b> В результате работы студент будет ознакомлен с основные законы распределения непрерывных случайных величин. Приобретет умения вычисление математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения непрерывных случайных величин.
88	<b>Случайные величины (часть 8).</b> В результате работы студент будет ознакомлен с основные законы распределения непрерывных случайных величин. Приобретет умения вычисление математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения непрерывных случайных величин.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к практическим занятиям
2	Подготовка к промежуточной аттестации.
3	Подготовка к текущему контролю.

4.4. Примерный перечень тем контрольных работ  
Производная функции одной переменной.  
Неопределенный и определенный интегралы.  
Решение дифференциальных уравнений.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 в 2 кн. Книга 1 : учебник для вузов / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сенцов. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 324 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-07067-5.	<a href="https://urait.ru/bcode/538112">https://urait.ru/bcode/538112</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.
2	Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7.	<a href="https://urait.ru/bcode/468424">https://urait.ru/bcode/468424</a> (дата обращения: 26.01.2024). Текст: электронный.
3	Садовничая, И. В. Математический анализ. Предел и непрерывность функции одной переменной : учебное пособие для вузов / И. В. Садовничая, Т. Н. Фоменко ; под общей редакцией В. А. Ильина. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 115 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08473-3.	<a href="https://urait.ru/bcode/539821">https://urait.ru/bcode/539821</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.
4	Муратова, Т. В. Дифференциальные уравнения : учебник и практикум для вузов / Т. В. Муратова. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 435 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01456-3.	<a href="https://urait.ru/bcode/535915">https://urait.ru/bcode/535915</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.
5	Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4.	<a href="https://urait.ru/bcode/541918">https://urait.ru/bcode/541918</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.
6	Математический анализ. Сборник заданий : учебное пособие для вузов / В. В. Логинова [и др.] ; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. — 2-е изд., испр. и доп. —	<a href="https://urait.ru/bcode/540065">https://urait.ru/bcode/540065</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст:

	Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 206 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-11516-1.	электронный.
--	---	--------------

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

1. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) <http://library.miit.ru>
2. Образовательная платформа для университетов и колледжей Юрайт <https://urait.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Office, Microsoft Windows.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Компьютер/моноблок, доска, проектор/экран.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 3 семестре.

Зачет в 1, 2, 4 семестрах.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

заведующий кафедрой, доцент, к.н.  
кафедры «Высшая математика»

О.А. Платонова

Согласовано:

Проректор

Т.О. Марканич

Председатель учебно-методической  
комиссии

О.А. Морякова