

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы бакалавриата  
по направлению подготовки  
27.03.05 Инноватика,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Математика**

Направление подготовки: 27.03.05 Инноватика

Направленность (профиль): Управление цифровыми инновациями

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 2672  
Подписал: И.о. заведующего кафедрой Платонова Ольга  
Алексеевна  
Дата: 25.09.2024

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины (модуля) «Математика» являются:

- закладка математического фундамента как средства изучения окружающего мира для успешного освоения дисциплин естественнонаучного и профессионального циклов;
- получение студентами основ теоретических знаний и прикладных навыков применения математических методов и моделей;
- подготовка к использованию этих методов для разработки и принятия эффективных организационных и управленческих решений;
- развитие логического мышления и повышение общего уровня культуры студентов.

Задачами освоения дисциплины (модуля) «Математика» являются:

овладение методами линейной алгебры, математического анализа, теории вероятностей.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-1** - Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области математики, естественных и технических наук;

**ОПК-2** - Способен формулировать задачи профессиональной деятельности на основе знаний профильных разделов математических, технических и естественно-научных дисциплин (модулей);

**ОПК-4** - Способен осуществлять оценку эффективности систем управления, разработанных на основе математических методов;

**УК-1** - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

- основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных;
- основные понятия интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, важнейшие теоремы, методы интегрирования

простейших интегралов;

- основные понятия и теоремы случайных событий;
- основные законы распределения случайных величин;
- математические методы обработки и анализа результатов статистических наблюдений (понятия обработки выборки, точечные оценки доверительных интервалов).

**Уметь:**

- интерпретировать основные понятия на простых модельных примерах: решать системы линейных алгебраических уравнений, вычислять пределы, вычислять производные, частные производные и дифференциалы функций, исследовать свойства функций и строить графики, находить наибольшие и наименьшие значения дифференцируемых функций, находить простейшие интегралы;

- анализировать результаты статистических наблюдений и делать на их основании количественные и качественные выводы.

**Владеть:**

- навыками решения основных инженерных задач;
- способностью производить самостоятельный выбор методов и способов решения.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 12 з.е. (432 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов				
	Всего	Семестр			
		№1	№2	№3	№4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	256	64	64	80	48
В том числе:					
Занятия лекционного типа	112	32	32	32	16
Занятия семинарского типа	144	32	32	48	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с

педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 176 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<b>Матрицы и определители матриц</b> Рассматриваемые вопросы: - виды матриц, операции над матрицами, свойства операций над матрицами; - элементарные преобразования матриц; - определитель квадратной матрицы; - минор и алгебраическое дополнение элемента определителя; - свойства определителей; - обратная матрица и её свойства; - матричные уравнения; - ранг матрицы.
2	<b>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы: - решение СЛАУ методом Крамера; - решение СЛАУ методом обратной матрицы.
3	<b>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 2).</b> Рассматриваемые вопросы: - решение СЛАУ методом Гаусса; - общее решение однородной СЛАУ.
4	<b>Векторная алгебра (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы: - векторы, действия над векторами; - векторные пространства $V_1, V_2, V_3$ ; - линейная зависимость векторов; - критерии линейной зависимости двух, трех и четырех векторов; - базис на прямой, на плоскости и в пространстве; - координаты вектора в заданном базисе; - линейные операции над векторами в координатной форме; - угол между двумя векторами; - ортогональная проекция вектора на направление другого вектора и ее линейные свойства; - скалярное произведение двух векторов, его алгебраические свойства;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- ортогональность векторов;</li> <li>- нахождение длины вектора и угла между векторами при помощи скалярного произведения;</li> <li>- ортонормированный базис в <math>V_3</math>;</li> <li>- координаты вектора в ортонормированном базисе как проекции этого вектора на направление базисных векторов;</li> <li>- формулы для вычисления скалярного произведения, длины вектора, косинуса угла между векторами через координаты векторов в ортонормированном базисе;</li> <li>- направляющие косинусы вектора, их свойство;</li> <li>- условие коллинеарности векторов в координатной форме;</li> <li>- ориентация базиса, правые и левые тройки векторов.</li> </ul>
5	<p><b>Векторная алгебра (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- векторное произведение двух векторов, его геометрический и механический смысл; - алгебраические свойства векторного произведения;</li> <li>- вычисление векторного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- смешанное произведение векторов, его геометрический смысл;</li> <li>- алгебраические свойства смешанного произведения;</li> <li>- вычисление смешанного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- условие компланарности трех векторов;</li> <li>- вычисление длины отрезка, площадей параллелограмма и треугольника, объемов параллелепипеда и тетраэдра.</li> </ul>
6	<p><b>Аналитическая геометрия. Прямая на плоскости.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнения прямых;</li> <li>- взаимное расположение прямых;</li> <li>- расстояние от точки до прямой.</li> </ul>
7	<p><b>Аналитическая геометрия. Прямая и плоскость в пространстве.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнений прямых и плоскостей;</li> <li>- взаимное расположение прямых и плоскостей;</li> <li>- расстояние от точки до плоскости и до прямой.</li> </ul>
8	<p><b>Плоские кривые второго порядка.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эллипс, гипербола, парабола и их геометрические свойства;</li> <li>- эксцентриситет и директрисы;</li> <li>- канонические уравнения кривых второго порядка.</li> </ul>
9	<p><b>Теория пределов (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения;</li> <li>- понятие функции и способы её задания;</li> <li>- числовые последовательности;</li> <li>- предел последовательности;</li> <li>- односторонние пределы.</li> </ul>
10	<p><b>Теория пределов (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- предел монотонной последовательности;</li> <li>- теоремы о пределах;</li> <li>- первый и второй замечательный предел.</li> </ul>
11	<p><b>Приёмы раскрытия неопределённостей.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- бесконечно малые функции;</li> <li>- эквивалентность бесконечно малых функций;</li> <li>- приёмы раскрытия неопределённостей.</li> </ul>
12	<p><b>Непрерывность функции.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение предела функции;</li> <li>- непрерывные функции;</li> <li>- основные теоремы о непрерывных функциях;</li> <li>- изолированные точки разрыва и их классификация.</li> </ul>
13	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие производной;</li> <li>- производная функции;</li> <li>- правила вычисления производных;</li> <li>- производная сложной функции;</li> <li>- логарифмическая производная;</li> <li>- производная показательно-степенной функции;</li> <li>- производная неявной функции;</li> <li>- дифференцирование функции заданной в параметрической форме;</li> <li>- дифференциал функции.</li> </ul>
14	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- производные высших порядков.</li> <li>- дифференциалы высших порядков.</li> <li>- теорема о функциях.</li> </ul>
15	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- правило Лопиталя;</li> <li>- формула Тейлора;</li> <li>- экстремум и интервалы монотонности функции.</li> </ul>
16	<p><b>Производные и дифференциалы функции (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- исследование поведения функций с помощью производных;</li> <li>- выпуклость, вогнутость, точки перегиба;</li> <li>- асимптоты и общая схема исследования функции.</li> <li>- исследование поведения функций с помощью производных.</li> </ul>
17	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения первообразной функции и неопределенного интеграла;</li> <li>- основные свойства неопределенного интеграла;</li> <li>- таблица основных интегралов;</li> <li>- непосредственное интегрирование;</li> <li>- метод подстановки;</li> <li>- метод интегрирования по частям.</li> </ul>
18	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разложение рациональной функции на элементарные дроби;</li> <li>- интегрирование рациональных дробей.</li> </ul>
19	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование иррациональных функций;</li> <li>- интегрирование дифференциальных биномов.</li> </ul>
20	<p>Неопределенный интеграл (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование тригонометрических функций.</li> </ul>
21	<p>Определенный интеграл.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задачи, приводящие к неопределенному интегралу;</li> <li>- определенный интеграл как предел интегральных сумм;</li> <li>- теорема об интегрируемости кусочно-непрерывных функций;</li> <li>- геометрическая интерпретация определенного интеграла;</li> <li>- основные свойства определенного интеграла;</li> <li>- теоремы об оценке и о среднем значении;</li> <li>- определенный интеграл с переменным верхним пределом и теорема о его производной;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- вычисление определенных интегралов подстановкой и по частям.</li> </ul>
22	<p>Приложение определенного интеграла.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- вычисление площадей плоских фигур, ограниченных кривыми, заданными в декартовых координатах, параметрических и в полярных координатах;</li> <li>- вычисление объемов тел по площадям поперечных сечений и объемов тел вращения;</li> <li>- вычисление длины дуги кривой и площади поверхности вращения.</li> </ul>
23	<p>Несобственный интеграл.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- несобственные интегралы по бесконечному промежутку (1-го рода);</li> <li>- несобственные интегралы от неограниченных функций на отрезке (2-го рода);</li> <li>- признаки сходимости несобственных интегралов;</li> <li>- абсолютная и условная сходимости;</li> <li>- несобственные интегралы с несколькими особенностями.</li> </ul>
24	<p>Функция нескольких переменных (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- функция нескольких переменных (ФНП);</li> <li>- график ФНП;</li> <li>- примеры ФНП и их геометрическое представление;</li> <li>- линии (поверхности) уровня;</li> <li>- окрестности, открытые, замкнутые и ограниченные множества;</li> <li>- связные множества, области;</li> <li>- предел ФНП;</li> <li>- бесконечно малые и бесконечно большие ФНП;</li> <li>- непрерывность ФНП в точке, на множестве;</li> <li>- свойства ФНП, непрерывной на ограниченном замкнутом множестве.</li> </ul>
25	<p>Функция нескольких переменных (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные ФНП и их геометрическая интерпретация для <math>n=2</math>;</li> <li>- дифференцируемые ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия дифференцируемости;</li> <li>- полный дифференциал;</li> <li>- восстановление функции по ее полному дифференциалу;</li> <li>- дифференцируемость сложной функции;</li> <li>- частная и полная производные ФНП;</li> <li>- инвариантность формы первого дифференциала.</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
26	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные и дифференциалы высших порядков;</li> <li>- матрица Гессе;</li> <li>- теорема о независимости смешанных частных производных от порядка дифференцирования;</li> <li>- применение дифференциала ФНП к приближенным вычислениям;</li> <li>- формула Тейлора для функции нескольких переменных;</li> <li>- неявно заданные функции;</li> <li>- теорема о неявной функции.</li> </ul>
27	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- производная ФНП по направлению;</li> <li>- градиент функции и его свойства;</li> <li>- уравнения касательной и нормали к линии уровня функции двух переменных;</li> <li>- касательная плоскость и нормаль к поверхности.</li> </ul>
28	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 5).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- экстремум ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия экстремума ФНП;</li> <li>- частный случай — функция двух переменных;</li> <li>- условный экстремум функции двух переменных;</li> <li>- функция Лагранжа;</li> <li>- необходимые и достаточные условия условного экстремума;</li> <li>- нахождение наибольшего и наименьшего значений функции двух переменных в замкнутой области.</li> </ul>
29	<p><b>Двойной интеграл (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие двойного интеграла, свойства;</li> <li>- вычисление двойного интеграла;</li> <li>- расстановка пределов интегрирования;</li> <li>- двойные интегралы в полярных координатах;</li> <li>- приложение двойного интеграла.</li> </ul>
30	<p><b>Двойной интеграл (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- двойные интегралы в полярных координатах;</li> <li>- приложение двойного интеграла.</li> </ul>
31	<p><b>Криволинейные интегралы (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение, вычисление, свойства и применение криволинейного интеграла первого рода;</li> <li>- задача определения работы переменной силы на криволинейном пути;</li> <li>- определение, свойства и вычисление криволинейного интеграла второго рода.</li> </ul>
32	<p><b>Криволинейные интегралы (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формула Грина для односвязных областей;</li> <li>- условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования;</li> <li>- вычисление криволинейного интеграла от полного дифференциала;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- нахождение функции по ее полному дифференциалу с помощью криволинейного интеграла.</li> </ul>
33	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- общие сведения о дифференциальных уравнениях (основные понятия; задачи, приводящие к</li> </ul>



№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<p>понятию диф. уравнений);</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными;</li> <li>- однородные дифференциальные уравнения.</li> </ul>
34	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения;</li> <li>- уравнение Бернулли;</li> <li>- уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель.</li> </ul>
35	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- особые точки и особые решения ОДУ первого порядка;</li> <li>- уравнения, не разрешенные относительно производной;</li> <li>- метод введения параметра;</li> <li>- уравнения Лагран-жа и Клеро;</li> <li>- формулировка теоремы Коши;</li> <li>- дискриминантная кривая.</li> </ul>
36	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задача Коши;</li> <li>- формулировка теоремы Коши для уравнений высшего порядка;</li> <li>- некоторые типы уравнений, допускающих понижение порядка.</li> </ul>
37	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 5).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения высших порядков;</li> <li>- свойства линейного дифференциального оператора;</li> <li>- свойства решений линейного уравнения;</li> <li>- линейно зависимые и независимые системы функций;</li> <li>- определитель Вронского, его свойства для системы решений линейного;</li> <li>- однородного уравнения порядка <math>n</math> и для произвольной системы функций;</li> <li>- фундаментальная система решений (ФСР) однородного линейного уравнения;</li> <li>- теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения;</li> <li>- общее решение линейного неоднородного уравнения;</li> <li>- теорема о его структуре.</li> </ul>
38	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 6).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами;</li> <li>- построение ФСР в случае различных корней характеристического уравнения;</li> <li>- случай кратных корней характеристического уравнения;</li> <li>- структура частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами и квазимногочленом в правой части;</li> <li>- метод Лагранжа вариации постоянных.</li> </ul>
39	<p><b>Системы дифференциальных уравнений</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- нормальные системы дифференциальных уравнений;</li> <li>- задача Коши и теорема Коши существования и единственности решения (без док-ва);</li> <li>- сведение системы к одному уравнению порядка <math>n</math>.</li> </ul>
40	<p><b>Числовые и функциональные ряды (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия;</li> <li>- ряд геометрической прогрессии;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- необходимый признак сходимости числового ряда; гармонический ряд.
41	Числовые и функциональные ряды (часть 2). Рассматриваемые вопросы: - признаки сходимости знакоположительных рядов; - признаки сравнения; - признак Даламбера; - признак Коши (радикальный, интегральный).
42	Числовые и функциональные ряды (Часть 3). Рассматриваемые вопросы: - признаки сходимости знакопеременных рядов: признаки Лейбница, Абеля и Дирихле; - условная и абсолютная сходимость знакопеременного ряда.
43	Числовые и функциональные ряды (часть 4). Рассматриваемые вопросы: - функциональные ряды; - область сходимости; - равномерная сходимость, признак Вейерштрасса; - теоремы о непрерывности суммы, почленном интегрировании и дифференцировании равномерно сходящихся рядов.
44	Числовые и функциональные ряды (часть 5). Рассматриваемые вопросы: - степенные ряды; - теоремы Абеля; - радиус сходимости и формула для его вычисления; - теоремы о почленном интегрировании и дифференцировании степенных рядов.
45	Числовые и функциональные ряды (часть 6). Рассматриваемые вопросы: - ряд Тейлора; - критерий сходимости ряда Тейлора к исходной функции; - ряды Маклорена; - разложение функций в степенные ряды; - разложение основных элементарных функций; - методы вывода разложений сложных функций.
46	Применение числовых и функциональных рядов. Рассматриваемые вопросы: - приближенное вычисление значений функций; - приближенное вычисление определенных интегралов.
47	Числовые и функциональные ряды. Рассматриваемые вопросы: - ряды Фурье; - разложение функции в ряд Фурье.
48	Числовые и функциональные ряды. Рассматриваемые вопросы: - интеграл Фурье; - преобразование Фурье.
49	Случайные события (часть 1). Рассматриваемые вопросы: - понятие случайного события; - пространство элементарных событий; - составные события, действия над событиями;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- алгебра событий как одна из интерпретаций алгебры Буля; - диаграммы Венна; - классическое, статистическое и геометрическое определение вероятности; - понятие об аксиоматическом определении вероятности.
50	Случайные события (часть 2). Рассматриваемые вопросы: - теоремы сложения и умножения вероятностей; - условная вероятность; - формула полной вероятности и формула Байеса.
51	Случайные события (часть 3). Рассматриваемые вопросы: - формула Бернулли; - локальная и интегральная теоремы Лапласа.
52	Случайные события (часть 4). Рассматриваемые вопросы: - отклонение относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях.
53	Случайные величины (часть 5). Рассматриваемые вопросы: - понятие об одномерной случайной величине; - дискретные случайные величины.
54	Случайные величины (часть 6). Рассматриваемые вопросы: - закон распределения дискретной случайной величины; - функция распределения и ее свойства.
55	Случайные величины (часть 7). Рассматриваемые вопросы: - непрерывные случайные величины; - функция плотности распределения и ее свойства.
56	Случайные величины (часть 8). Рассматриваемые вопросы: - математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратичное отклонение непрерывной случайной величины; - основные законы распределения.

## 4.2. Занятия семинарского типа.

### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Матрицы и определители матриц (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: выполнение линейных операций над матрицами, вычисления определителей второго и третьего порядков.
2	Матрицы и определители матриц (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: нахождение обратной матрицы, нахождение ранга матрицы, решение матричных уравнений.
3	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). В результате работы студент приобретет навыки решения СЛАУ методом Гаусса, Крамера.
4	Векторная алгебра (часть 1).

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
	В результате работы студент приобретет умения применения скалярного, векторного, смешанного произведения векторов к решению задач.
5	Аналитическая геометрия (часть 1). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания прямой на плоскости различными способами, взаимное расположение двух прямых на плоскости, приобретет умения вычисление расстояния от точки до прямой.
6	Прямая и плоскость в пространстве (часть 2). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания прямой в пространстве, взаимным расположением прямой и плоскости, приобретет навыки задания уравнения плоскости в пространстве.
7	Плоские кривые второго порядка. В результате работы студент приобретет умения построение эллипса, гиперболы, параболы, нахождение эксцентриситета и директрисы.
8	Теория пределов (часть 1). В результате работы студент приобретет умения построение графиков функций.
9	Теория пределов (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: раскрытие неопределенностей в пределах, вычисление первого и второго замечательных пределов.
10	Приемы раскрытия неопределенностей (часть 3). В результате работы студент приобретет умения использования основных эквивалентностей при вычислении пределов.
11	Непрерывность функции (часть 4). В результате работы студент приобретет умения исследования функции на непрерывность.
12	Производные и дифференциалы функции (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисления производных.
13	Производные и дифференциалы функции (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисления производной степенно-показательной функции, вычисления производной функции, заданной параметрически, вычисления производных высших порядков, вычисления дифференциалов высших порядков.
14	Производные и дифференциалы функции (часть 3). В результате работы студент приобретет навыки использования правила Лопиталья для вычисления пределов.
15	Производные и дифференциалы функции (часть 4). В результате работы студент приобретет умения исследования функции на монотонность, исследование функции на выпуклость и вогнутость.
16	Производные и дифференциалы функции (часть 5). В результате работы студент приобретет умения: исследование функции, построение графика функции по исследованию.
17	Неопределенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления неопределенных интегралов с помощью таблицы интегралов.
18	Неопределенный интеграл (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисление неопределенного интеграла с помощью замены переменной, интегрирование по частям.
19	Неопределенный интеграл (часть 3). В результате работы студент приобретет умения интегрирования рациональных дробей.
20	Неопределенный интеграл (часть 4). В результате работы студент приобретет умения интегрирования иррациональных функций.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
21	Неопределенный интеграл (часть 5). В результате работы студент приобретет умения интегрирования тригонометрические функции.
22	Определенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: вычисление определенного интеграла, замена переменной в определенном интеграле, вычисление площадей плоских фигур.
23	Понятие несобственного интеграла (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления несобственных интегралов.
24	Производная функции нескольких переменных (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисления частных производных функции двух переменных.
25	Производная функции нескольких переменных (часть 2). В результате работы студент приобретет умения применения полного дифференциала к приближенным вычислениям.
26	Производная функции нескольких переменных (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисление производной функции по направлению, вычисления вектора градиента, нахождения уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.
27	Производная функции нескольких переменных (часть 4). В результате работы студент приобретет умения нахождения экстремума функции двух переменных.
28	Кратные и криволинейные интегралы (часть 1) В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов, расстановки пределов интегрирования.
29	Кратные и криволинейные интегралы (часть 2). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов в полярных координатах.
30	Кратные и криволинейные интегралы (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления площади плоской фигуры.
31	Кратные и криволинейные интегралы (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла I рода.
32	Кратные и криволинейные интегралы (часть 5). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла II рода.
33	Общие сведения о дифференциальных уравнениях (часть 1). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными.
34	Дифференциальные уравнения (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли).
35	Дифференциальные уравнения (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
36	Дифференциальные уравнения (часть 4). В результате работы студент приобретет умения решения однородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами.
37	Дифференциальные уравнения (часть 4). В результате работы студент приобретет умения решения неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
38	Дифференциальные уравнения (часть 5). В результате работы студент приобретет ознакомлен с метод вариации произвольных постоянных.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
39	Дифференциальные уравнения (часть 6). В результате работы студент приобретет навыки решения дифференциальных уравнений разных типов.
40	Дифференциальные уравнения (часть 6). В результате работы студент приобретет умения решения систем дифференциальных уравнений.
41	Дифференциальные уравнения (часть 6). В результате работы студент приобретет умения: решение неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
42	Дифференциальные уравнения (часть 7). В результате работы студент приобретет умения: решения неоднородного уравнения методом вариации произвольных постоянных.
43	Дифференциальные уравнения (часть 8). В результате работы студент приобретет умения: решение дифференциальных уравнений разных типов.
44	Дифференциальные уравнения (часть 9). В результате работы студент приобретет умения: решение систем дифференциальных уравнений.
45	Числовой ряды (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: использование необходимого признака сходимости для исследования сходимости числовых рядов, использование обобщенного гармонического ряда для исследования сходимости числовых рядов.
46	Числовой ряды (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: использование интегрального признака для исследования сходимости числовых рядов.
47	Числовой ряды (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: исследование рядов на сходимость с помощью признаков Даламбера, радикального признака Коши.
48	Числовой ряды (часть 4). В результате работы студент приобретет умения: исследование рядов на сходимость с помощью признаков сравнения.
49	Числовой ряды (часть 5). В результате работы студент приобретет умения: исследование рядов на сходимость.
50	Числовой ряды (часть 6). В результате работы студент приобретет умения: исследование рядов на абсолютную и условную сходимость.
51	Функциональные ряды. В результате работы студент приобретет умения: вычисление области сходимости степенных рядов.
52	Разложение функции в степенные ряды. В результате работы студент приобретет умения: разложение функций в степенные ряды.
53	Ряды Фурье. В результате работы студент приобретет умения: разложение функций в ряды Фурье.
54	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: приближенные вычисления значений функций.
55	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: приближенные вычисления определенных интегралов.
56	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: приближенное решение дифференциальных уравнений.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
57	Случайные события (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: решение задач на классическое определение вероятностей.
58	Случайные события (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: решение задач с использованием теорем сложения вероятностей.
59	Случайные события (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: решение задач с использованием теорем умножения вероятностей.
60	Случайные события (часть 4). В результате работы студент приобретет умения: решение задач с использованием формулы полной вероятности.
61	Случайные события (часть 5). В результате работы студент приобретет умения: решение задач с использованием формулы Байеса.
62	Случайные события (часть 6). В результате работы студент приобретет умения: использование формулы Бернулли, формулы Пуассона, локальной и интегральной формул Муавра-Лапласа при решении задач.
63	Случайные величины (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: построение закона распределения вероятностей дискретной случайной величины.
64	Случайные величины (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: построение закона распределения вероятностей дискретной случайной величины, в том числе закона распределения Пуассона и закона распределения геометрической случайной величины.
65	Случайные величины (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисление математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения дискретных случайных величин.
66	Случайные величины (часть 4). В результате работы студент приобретет умения: вычисление отклонения случайной величины от ее математического ожидания.
67	Случайные величины (часть 5). В результате работы студент приобретет умения: вычисление неравенства Чебышева.
68	Случайные величины (часть 6). В результате работы студент приобретет умения: нахождение функции распределения по известной плотности распределения.
69	Случайные величины (часть 7). В результате работы студент приобретет умения: построение закона распределения вероятностей непрерывной случайной величины.
70	Случайные величины (часть 8). В результате работы студент приобретет умения: вычисление математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения непрерывных случайных величин.
71	Элементы математической статистики (часть 1). В результате работы студент будет ознакомлен с понятиями генеральной и выборочной совокупности, повторной и бесповторной выборкой, репрезентативной выборкой.
72	Элементы математической статистики (часть 2). В результате работы студент приобретет умения построения статистического распределения выборки, построения эмпирической функции распределения, полигона и гистограммы.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к практическим занятиям.
2	Подготовка к промежуточной аттестации.
3	Подготовка к текущему контролю.

#### 4.4. Примерный перечень тем контрольных работ

Производная функции одной переменной.

Интегрирование функции одной переменной.

Производная функции нескольких переменных.

Решение дифференциальных уравнений.

Случайные события. Случайные величины.

#### 5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 в 2 кн. Книга 1 : учебник для вузов / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 324 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-07067-5.	<a href="https://urait.ru/bcode/538112">https://urait.ru/bcode/538112</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.
2	Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7.	<a href="https://urait.ru/bcode/468424">https://urait.ru/bcode/468424</a> (дата обращения: 26.01.2024). Текст: электронный.
3	Садовничая, И. В. Математический анализ. Предел и непрерывность функции одной переменной : учебное пособие для вузов / И. В. Садовничая, Т. Н. Фоменко ; под общей редакцией В. А. Ильина. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 115 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08473-3.	<a href="https://urait.ru/bcode/539821">https://urait.ru/bcode/539821</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.
4	Муратова, Т. В. Дифференциальные уравнения : учебник и практикум для вузов / Т. В. Муратова. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 435 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01456-3.	<a href="https://urait.ru/bcode/535915">https://urait.ru/bcode/535915</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.
5	Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 538 с. — (Высшее образование).	<a href="https://urait.ru/bcode/541918">https://urait.ru/bcode/541918</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.



	образование). — ISBN 978-5-534-10004-4.	
6	Математический анализ. Сборник заданий : учебное пособие для вузов / В. В. Логинова [и др.] ; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 206 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-11516-1.	<a href="https://urait.ru/bcode/540065">https://urait.ru/bcode/540065</a> (дата обращения: 25.09.2024). Текст: электронный.

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

1. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) <http://library.miiit.ru>
2. Образовательная платформа для университетов и колледжей Юрайт <https://urait.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Office, Microsoft Windows.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Компьютер/моноблок, доска, проектор/экран.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 3 семестре.

Зачет в 1, 2, 4 семестрах.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

старший преподаватель кафедры  
«Высшая математика»

М.Е. Булатникова

Согласовано:

Заведующий кафедрой УИТ

В.Н. Тарасова

и.о. заведующего кафедрой ВМ

О.А. Платонова

Председатель учебно-методической  
комиссии

С.В. Володин