

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы специалитета  
по специальности  
23.05.03 Подвижной состав железных дорог,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Математика**

Специальность: 23.05.03 Подвижной состав железных дорог

Специализация: Грузовые вагоны

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 366399  
Подписал: И.о. заведующего кафедрой Курзина Ангелина  
Михайловна  
Дата: 28.04.2025

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины (модуля) «Математика» являются:

- закладка математического фундамента как средства изучения окружающего мира для успешного освоения дисциплин естественнонаучного и профессионального циклов;
- получение студентами основ теоретических знаний и прикладных навыков применения математических методов и моделей;
- подготовка к использованию этих методов для разработки и принятия эффективных организационных и управленческих решений;
- развитие логического мышления и повышение общего уровня культуры студентов.

Задачами освоения дисциплины (модуля) «Математика» являются:

овладение методами линейной алгебры, математического анализа, теории вероятностей.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-1** - Способен решать инженерные задачи в профессиональной деятельности с использованием методов естественных наук, математического анализа и моделирования.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

- основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных;
- основные понятия интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, важнейшие теоремы;
- методы интегрирования простейших интегралов, основные понятия и теоремы случайных событий, основные;

### **Уметь:**

- решать системы линейных алгебраических уравнений, вычислять пределы;
- вычислять производные, частные производные и дифференциалы функций;

- исследовать свойства функций и строить графики;
- находить наибольшие и наименьшие значения дифференцируемых функций;

- находить простейшие интегралы;

**Владеть:**

- навыками решения основных инженерных задач;

**Знать:**

- законы распределения случайных величин, математические методы обработки и анализа результатов статистических наблюдений (понятия обработки выборки, точечные оценки доверительных интервалов).

**Уметь:**

- анализировать результаты статистических наблюдений и делать на их основании количественные и качественные выводы.

**Владеть:**

- навыками производить самостоятельный выбор методов и способов решения.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 11 з.е. (396 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов				
	Всего	Семестр			
		№1	№2	№3	№4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	240	80	64	64	32
В том числе:					
Занятия лекционного типа	112	32	32	32	16
Занятия семинарского типа	128	48	32	32	16

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации

образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 156 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p>Матрицы и определители матриц (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- виды матриц, операции над матрицами, свойства операций над матрицами;</li> <li>- элементарные преобразования матриц;</li> <li>- определитель квадратной матрицы;</li> <li>- минор и алгебраическое дополнение элемента определителя;</li> <li>- свойства определителей;</li> <li>- обратная матрица и её свойства;</li> <li>- матричные уравнения;</li> <li>- ранг матрицы.</li> </ul>
2	<p>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решение СЛАУ методом Крамера;</li> <li>- решение СЛАУ методом обратной матрицы.</li> </ul>
3	<p>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решение СЛАУ методом Гаусса;</li> <li>- общее решение однородной СЛАУ.</li> </ul>
4	<p>Векторная алгебра (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- векторы, действия над векторами;</li> <li>- векторные пространства <math>V_1, V_2, V_3</math>;</li> <li>- линейная зависимость векторов;</li> <li>- критерии линейной зависимости двух, трех и четырех векторов;</li> <li>- базис на прямой, на плоскости и в пространстве;</li> <li>- координаты вектора в заданном базисе;</li> <li>- линейные операции над векторами в координатной форме;</li> <li>- угол между двумя векторами;</li> <li>- ортогональная проекция вектора на направление другого вектора и ее линейные свойства;</li> <li>- скалярное произведение двух векторов, его алгебраические свойства;</li> <li>- ортогональность векторов;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- нахождение длины вектора и угла между векторами при помощи скалярного произведения;</li> <li>- ортонормированный базис в <math>V_3</math>;</li> <li>- координаты вектора в ортонормированном базисе как проекции этого вектора на направление базисных векторов;</li> <li>- формулы для вычисления скалярного произведения, длины вектора, косинуса угла между векторами через координаты векторов в ортонормированном базисе;</li> <li>- направляющие косинусы вектора, их свойство;</li> <li>- условие коллинеарности векторов в координатной форме;</li> <li>- ориентация базиса, правые и левые тройки векторов.</li> </ul>
5	<p><b>Векторная алгебра (часть 2).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- векторное произведение двух векторов, его геометрический и механический смысл;</li> <li>- алгебраические свойства векторного произведения;</li> <li>- вычисление векторного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- смешанное произведение векторов, его геометрический смысл;</li> <li>- алгебраические свойства смешанного произведения;</li> <li>- вычисление смешанного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- условие компланарности трех векторов;</li> <li>- вычисление длины отрезка, площадей параллелограмма и треугольника, объемов параллелепипеда и тетраэдра.</li> </ul>
6	<p><b>Аналитическая геометрия. Прямая на плоскости (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнения прямых;</li> <li>- взаимное расположение прямых;</li> <li>- расстояние от точки до прямой.</li> </ul>
7	<p><b>Аналитическая геометрия. Прямая и плоскость в пространстве (часть 2).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнений прямых и плоскостей;</li> <li>- взаимное расположение прямых и плоскостей;</li> <li>- расстояние от точки до плоскости и до прямой.</li> </ul>
8	<p><b>Плоские кривые второго порядка.</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эллипс, гипербола, парабола и их геометрические свойства;</li> <li>- эксцентриситет и директрисы;</li> <li>- канонические уравнения кривых второго порядка.</li> </ul>
9	<p><b>Теория пределов (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения;</li> <li>- понятие функции и способы её задания;</li> <li>- числовые последовательности;</li> <li>- предел последовательности;</li> <li>- предел функции;</li> <li>- односторонние пределы.</li> </ul>
10	<p><b>Теория пределов (часть 2).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- предел монотонной последовательности;</li> <li>- теоремы о пределах;</li> <li>- первый и второй замечательный предел.</li> </ul>
11	<p><b>Теория пределов (часть 3).</b> Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- бесконечно малые функции;</li> <li>- эквивалентность бесконечно малых функций;</li> <li>- приёмы раскрытия неопределённостей.</li> </ul>
12	<p>Теория пределов (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- непрерывные функции;</li> <li>- основные теоремы о непрерывных функциях;</li> <li>- изолированные точки разрыва и их классификация.</li> </ul>
13	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие производной;</li> <li>- производная функции;</li> <li>- правила вычисления производных;</li> <li>- производная сложной функции;</li> <li>- логарифмическая производная;</li> <li>- производная показательно-степенной функции;</li> <li>- производная неявной функции;</li> <li>- дифференцирование функции заданной в параметрической форме;</li> <li>- дифференциал функции.</li> </ul>
14	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- производные высших порядков.</li> <li>- дифференциалы высших порядков.</li> <li>- теорема о функциях, имеющих производные.</li> </ul>
15	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- правило Лопиталя;</li> <li>- формула Тейлора;</li> <li>- экстремум и интервалы монотонности функции.</li> </ul>
16	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- исследование поведения функций с помощью производных;</li> <li>- выпуклость, вогнутость, точки перегиба;</li> <li>- асимптоты и общая схема исследования функции.</li> <li>- исследование поведения функций с помощью производных.</li> </ul>
17	<p>Неопределенный интеграл (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения первообразной функции и неопределенного интеграла;</li> <li>- основные свойства неопределенного интеграла;</li> <li>- таблица основных интегралов;</li> <li>- непосредственное интегрирование;</li> <li>- метод подстановки;</li> <li>- метод интегрирования по частям.</li> </ul>
18	<p>Неопределенный интеграл (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разложение рациональной функции на элементарные дроби;</li> <li>- интегрирование рациональных дробей.</li> </ul>
19	<p>Неопределенный интеграл (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование иррациональных функций;</li> <li>- интегрирование дифференциальных биномов.</li> </ul>
20	<p><b>Неопределенный интеграл (часть 4).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование тригонометрических функций.</li> </ul>
21	<p><b>Определенный интеграл.</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задачи, приводящие к неопределенному интегралу;</li> <li>- определенный интеграл как предел интегральных сумм;</li> <li>- теорема об интегрируемости кусочно-непрерывных функций;</li> <li>- геометрическая интерпретация определенного интеграла;</li> <li>- основные свойства определенного интеграла;</li> <li>- теоремы об оценке и о среднем значении;</li> <li>- определенный интеграл с переменным верхним пределом и теорема о его производной;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- вычисление определенных интегралов подстановкой и по частям.</li> </ul>
22	<p><b>Приложение определенного интеграла.</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- вычисление площадей плоских фигур, ограниченных кривыми, заданными в декартовых координатах, параметрических и в полярных координатах;</li> <li>- вычисление объемов тел по площадям поперечных сечений и объемов тел вращения;</li> <li>- вычисление длины дуги кривой и площади поверхности вращения.</li> </ul>
23	<p><b>Несобственный интеграл.</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- несобственные интегралы по бесконечному промежутку (1-го рода);</li> <li>- несобственные интегралы от неограниченных функций на отрезке (2-го рода);</li> <li>- признаки сходимости несобственных интегралов;</li> <li>- абсолютная и условная сходимости;</li> <li>- несобственные интегралы с несколькими особенностями.</li> </ul>
24	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- функция нескольких переменных (ФНП);</li> <li>- график ФНП;</li> <li>- примеры ФНП и их геометрическое представление;</li> <li>- линии (поверхности) уровня;</li> <li>- окрестности, открытые, замкнутые и ограниченные множества;</li> <li>- связные множества, области;</li> <li>- предел ФНП;</li> <li>- бесконечно малые и бесконечно большие ФНП;</li> <li>- непрерывность ФНП в точке, на множестве;</li> <li>- свойства ФНП, непрерывной на ограниченном замкнутом множестве.</li> </ul>
25	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 2).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные ФНП и их геометрическая интерпретация для <math>n=2</math>;</li> <li>- дифференцируемые ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия дифференцируемости;</li> <li>- полный дифференциал;</li> <li>- восстановление функции по ее полному дифференциалу;</li> <li>- дифференцируемость сложной функции;</li> <li>- частная и полная производные ФНП;</li> <li>- инвариантность формы первого дифференциала.</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
26	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 3).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные и дифференциалы высших порядков;</li> <li>- теорема о независимости смешанных частных производных от порядка дифференцирования;</li> <li>- применение дифференциала ФНП к приближенным вычислениям;</li> <li>- формула Тейлора для функции нескольких переменных;</li> <li>- неявно заданные функции;</li> <li>- теорема о неявной функции.</li> </ul>
27	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 4).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-производная ФНП по направлению;</li> <li>-градиент функции и его свойства;</li> <li>-уравнения касательной и нормали к линии уровня функции двух переменных;</li> <li>-касательная плоскость и нормаль к поверхности.</li> </ul>
28	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 5).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- экстремум ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия экстремума ФНП;</li> <li>- частный случай — функция двух переменных;</li> <li>- условный экстремум функции двух переменных;</li> <li>- функция Лагранжа;</li> <li>- необходимые и достаточные условия условного экстремума;</li> <li>- нахождение наибольшего и наименьшего значений функции двух переменных в замкнутой области.</li> </ul>
29	<p><b>Двойной интеграл (часть 1).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие двойного интеграла, свойства;</li> <li>- вычисление двойного интеграла;</li> <li>- расстановка пределов интегрирования.</li> </ul>
30	<p><b>Двойной интеграл (часть 2).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- двойные интегралы в полярных координатах;</li> <li>- приложение двойного интеграла.</li> </ul>
31	<p><b>Криволинейные интегралы (часть 1).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение, вычисление, свойства и применение криволинейного интеграла первого рода;</li> <li>- задача определения работы переменной силы на криволинейном пути;</li> <li>- определение, свойства и вычисление криволинейного интеграла второго рода.</li> </ul>
32	<p><b>Криволинейные интегралы (часть 2).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формула Грина для односвязных областей;</li> <li>- условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования;</li> <li>- вычисление криволинейного интеграла от полного дифференциала;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- нахождение функции по ее полному дифференциалу с помощью криволинейного интеграла.</li> </ul>
33	<p><b>Комплексные числа.</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия комплексного числа;</li> <li>- действий над комплексными числами;</li> <li>- формы записи комплексного числа;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- возведение комплексного числа в степень;</li> <li>- извлечение корня из комплексного числа.</li> </ul>
34	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- общие сведения о дифференциальных уравнениях (основные понятия; задачи, приводящие к понятию диф. уравнений);</li> <li>- дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными;</li> <li>- однородные дифференциальные уравнения.</li> <li>- линейные дифференциальные уравнения;</li> <li>- уравнение Бернулли;</li> <li>- уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель.</li> </ul>
35	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 2).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель.</li> <li>- особые точки и особые решения ОДУ первого порядка;</li> <li>- уравнения, не разрешенные относительно производной.</li> </ul>
36	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 3).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задача Коши;</li> <li>- формулировка теоремы Коши для уравнений высшего порядка;</li> <li>- некоторые типы уравнений, допускающих понижение порядка.</li> </ul>
37	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 4).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения высших порядков;</li> <li>- свойства линейного дифференциального оператора;</li> <li>- свойства решений линейного уравнения;</li> <li>- линейно зависимые и независимые системы функций;</li> <li>- определитель Вронского, его свойства для системы решений линейного;</li> <li>- однородного уравнения порядка <math>n</math> и для произвольной системы функций;</li> <li>- фундаментальная система решений (ФСР) однородного линейного уравнения;</li> <li>- теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения;</li> <li>- общее решение линейного неоднородного уравнения;</li> <li>- теорема о его структуре.</li> </ul>
38	<p><b>Дифференциальные уравнения (часть 5).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами;</li> <li>- построение ФСР в случае различных корней характеристического уравнения;</li> <li>- случай кратных корней характеристического уравнения;</li> <li>- структура частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами и квазимногочленом в правой части;</li> <li>- метод Лагранжа вариации постоянных.</li> </ul>
39	<p><b>Системы дифференциальных уравнений</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- нормальные системы дифференциальных уравнений;</li> <li>- задача Коши и теорема Коши существования и единственности решения (без док-ва);</li> <li>- сведение системы к одному уравнению порядка <math>n</math>.</li> </ul>
40	<p><b>Числовые и функциональные ряды (часть 1).</b> Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия;</li> <li>- ряд геометрической прогрессии;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- необходимый признак сходимости числового ряда;</li> <li>- гармонический ряд.</li> </ul>
41	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- признаки сходимости знакоположительных рядов;</li> <li>- признаки сравнения;</li> <li>- признак Даламбера;</li> <li>- признак Коши (радикальный, интегральный).</li> </ul>
42	<p>Числовые и функциональные ряды (Часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- признаки сходимости знакопеременных рядов: признаки Лейбница, Абеля и Дирихле;</li> <li>- условная и абсолютная сходимость знакопеременного ряда.</li> </ul>
43	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- функциональные ряды;</li> <li>- область сходимости;</li> <li>- равномерная сходимость, признак Вейерштрасса;</li> <li>- теоремы о непрерывности суммы, почленном интегрировании и дифференцировании равномерно сходящихся рядов.</li> </ul>
44	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 5).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- степенные ряды;</li> <li>- теоремы Абеля;</li> <li>- радиус сходимости и формула для его вычисления;</li> <li>- теоремы о почленном интегрировании и дифференцировании степенных рядов.</li> </ul>
45	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 6).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ряд Тейлора;</li> <li>- критерий сходимости ряда Тейлора к исходной функции;</li> <li>- ряды Маклорена;</li> <li>- разложение функций в степенные ряды;</li> <li>- разложение основных элементарных функций;</li> <li>- методы вывода разложений сложных функций.</li> </ul>
46	<p>Применение числовых и функциональных рядов (часть 7).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- приближенное вычисление значений функций;</li> <li>- приближенное вычисление определенных интегралов.</li> </ul>
47	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 8).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ряды Фурье;</li> <li>- разложение функции в ряд Фурье.</li> </ul>
48	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 9).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интеграл Фурье;</li> <li>- преобразование Фурье.</li> </ul>
49	<p>Случайные события (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие случайного события;</li> <li>- пространство элементарных событий;</li> <li>- составные события, действия над событиями;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- алгебра событий как одна из интерпретаций алгебры Буля;</li> <li>- диаграммы Венна;</li> <li>- классическое, статистическое и геометрическое определение вероятности;</li> <li>- понятие об аксиоматическом определении вероятности.</li> </ul>
50	<p>Случайные события (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- теоремы сложения и умножения вероятностей;</li> <li>- условная вероятность;</li> <li>- формула полной вероятности и формула Байеса.</li> </ul>
51	<p>Случайные события (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формула Бернулли;</li> <li>- локальная и интегральная теоремы Лапласа.</li> <li>- отклонение относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях.</li> </ul>
52	<p>Случайные величины (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие об одномерной случайной величине;</li> <li>- дискретные случайные величины.</li> <li>- закон распределения дискретной случайной величины;</li> <li>- функция распределения и ее свойства.</li> </ul>
53	<p>Случайные величины (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- непрерывные случайные величины;</li> <li>- функция плотности распределения и ее свойства.</li> <li>- математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратичное отклонение непрерывной случайной величины;</li> <li>- основные законы распределения.</li> </ul>
54	<p>Двумерная случайная величина.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие двумерной случайной величины;</li> <li>- законы распределения двумерной случайной величины;</li> <li>- условные законы распределения вероятностей составляющих непрерывной двумерной случайной величины.</li> <li>- числовые характеристики непрерывной двумерной случайной величины.</li> </ul>
55	<p>Элементы математической статистики (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- статистическое распределение выборки;</li> <li>- эмпирическая функция распределения;</li> <li>- полигон и гистограмма;</li> <li>- точечные оценки;</li> <li>- интервальные оценки.</li> </ul>
56	<p>Элементы математической статистики (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- статистическая проверка статистических гипотез (критерий Пирсона).</li> </ul>

## 4.2. Занятия семинарского типа.

### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Матрицы и определители матриц (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: выполнение линейных операций над матрицами, вычисления определителей второго и третьего порядков.
2	Матрицы и определители матриц (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: нахождение обратной матрицы, нахождение ранга матрицы.
3	Матрицы и определители матриц (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решение матричных уравнений.
4	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки решения СЛАУ методом Гаусса, Крамера.
5	Векторная алгебра (часть 1). В результате работы студент приобретет умения применения скалярного, векторного, смешанного произведения векторов к решению задач.
6	Аналитическая геометрия (часть 1). В результате работы студент будет ознакомлен с различными способами задания прямой на плоскости.
7	Аналитическая геометрия (часть 2). В результате работы студент будет ознакомлен со взаимным расположением двух прямых на плоскости, вычислением угла между прямыми, приобретет умения вычисления расстояния от точки до прямой.
8	Аналитическая геометрия (часть 3). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания прямой в пространстве, взаимным расположением двух прямых в пространстве, приобретет умения составления уравнения прямой в пространстве.
9	Аналитическая геометрия (часть 4). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания плоскости в пространстве, взаимным расположением двух плоскостей в пространстве, приобретет навыки задания уравнения плоскости.
10	Аналитическая геометрия(часть 5). В результате работы студент будет ознакомлен со взаимным расположением двух плоскостей в пространстве, взаимным расположением прямой и плоскости, приобретет навыки нахождения расстояния от точки до плоскости.
11	Плоские кривые второго порядка. В результате работы студент приобретет умения построения эллипса, гиперболы, параболы, нахождение эксцентриситета и директрисы.
12	Теория пределов (часть 1). В результате работы студент приобретет умения построения графиков функций.
13	Теория пределов (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: раскрытие неопределенностей в пределах.
14	Теория пределов (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления первого и второго замечательных пределов.
15	Теория пределов (часть 4). В результате работы студент приобретет умения использования основных эквивалентностей при вычислении пределов, замена переменной в пределах.
16	Теория пределов (часть 5). В результате работы студент приобретет умения исследование функции на непрерывность.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
17	Производные и дифференциалы функции (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисления производных.
18	Производные и дифференциалы функции (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисления производной степенно-показательной функции, вычисления производной функции, заданной параметрически.
19	Производные и дифференциалы функции (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисления производных высших порядков, вычисления дифференциалов высших порядков.
20	Производные и дифференциалы функции (часть 4). В результате работы студент приобретет навыки использования правила Лопиталья для вычисления пределов.
21	Производные и дифференциалы функции (часть 5). В результате работы студент приобретет умения исследования функции на монотонность.
22	Производные и дифференциалы функции (часть 6). В результате работы студент приобретет умения исследования функции на выпуклость и вогнутость.
23	Производные и дифференциалы функции (часть 7). В результате работы студент приобретет умения нахождения асимптот функции.
24	Производные и дифференциалы функции (часть 8). В результате работы студент приобретет умения: исследование функции, построение графика функции по исследованию.
25	Неопределенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления неопределенных интегралов с помощью таблицы интегралов.
26	Неопределенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления неопределенных интегралов с помощью таблицы интегралов.
27	Неопределенный интеграл (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисление неопределенного интеграла с помощью замены переменной, интегрирование по частям.
28	Неопределенный интеграл (часть 3). В результате работы студент приобретет умения интегрирования рациональных дробей.
29	Неопределенный интеграл (часть 4). В результате работы студент приобретет умения интегрирования иррациональных функций.
30	Неопределенный интеграл (часть 5). В результате работы студент приобретет умения интегрирования тригонометрические функции.
31	Определенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: вычисление определенного интеграла, замена переменной в определенном интеграле, вычисление площадей плоских фигур.
32	Понятие несобственного интеграла (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления несобственных интегралов.
33	Производная функции нескольких переменных (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисления частных производных функции двух переменных.
34	Производная функции нескольких переменных (часть 2). В результате работы студент приобретет умения применения полного дифференциала к приближенным вычислениям.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
35	Производная функции нескольких переменных (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисление производной функции по направлению, вычисление вектора градиента, нахождение уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.
36	Производная функции нескольких переменных (часть 4). В результате работы студент приобретет умения нахождения экстремума функции двух переменных.
37	Кратные и криволинейные интегралы (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов, расстановки пределов интегрирования.
38	Кратные и криволинейные интегралы (часть 2). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов в полярных координатах.
39	Кратные и криволинейные интегралы (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления площади плоской фигуры.
40	Кратные и криволинейные интегралы (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла I рода.
41	Комплексные числа. В результате работы студент приобретет умения: выполнение действий над комплексными числами, формы записи комплексного числа, возведение комплексного числа в степень, извлечение корня из комплексного числа.
42	Дифференциальные уравнения (часть 1). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (уравнения с разделяющимися переменными, однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли).
43	Дифференциальные уравнения (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
44	Дифференциальные уравнения (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения однородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами.
45	Дифференциальные уравнения (часть 4). В результате работы студент приобретет умения решения неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
46	Дифференциальные уравнения (часть 5). В результате работы студент приобретет ознакомлен с метод вариации произвольных постоянных.
47	Дифференциальные уравнения (часть 6). В результате работы студент приобретет навыки решения дифференциальных уравнений разных типов.
48	Дифференциальные уравнения (часть 7). В результате работы студент приобретет умения решения систем дифференциальных уравнений.
49	Числовые ряды (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: использование необходимого признака сходимости для исследования сходимости числовых рядов, использование обобщенного гармонического ряда для исследования сходимости числовых рядов, использование интегрального признака для исследования сходимости числовых рядов.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
50	Числовые ряды (часть 2). В результате работы студент приобретет умения исследования рядов на сходимость с помощью признаков Даламбера, радикального признака Коши.
51	Числовые ряды (часть 3). В результате работы студент приобретет умения исследования рядов на абсолютную и условную сходимость.
52	Функциональные ряды (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления области сходимости степенных рядов.
53	Разложение функции в степенные ряды (часть 5). В результате работы студент приобретет умения разложения функций в степенные ряды.
54	Ряды Фурье (часть 6). В результате работы студент приобретет умения разложения функций в ряды Фурье.
55	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 7). В результате работы студент приобретет умения приближенного вычисления значений функций, приближенного вычисления определенных интегралов.
56	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 8). В результате работы студент приобретет умения приближенного решения дифференциальных уравнений.
57	Случайные события (часть 1). В результате работы студент приобретет умения решения задач на классическое определение вероятностей.
58	Случайные события (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения задач с использованием теорем сложения вероятностей и умножения вероятностей.
59	Случайные события (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения задач с использованием формулы полной вероятности.
60	Случайные события (часть 4). В результате работы студент приобретет умения использования формулы Бернулли, формулы Пуассона, локальной и интегральной формул Муавра-Лапласа при решении задач.
61	Случайные величины (часть 5). В результате работы студент приобретет умения построения закона распределения вероятностей дискретной случайной величины, будет ознакомлен с биномиальным распределением, распределением Пуассона, геометрическим распределением случайной величины.
62	Случайные события (часть 6). В результате работы студент приобретет умения вычисления математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения дискретных случайных величин.
63	Случайные величины (часть 7). В результате работы студент будет ознакомлен с непрерывными случайными величинами. Приобретет умения нахождения функции распределения по известной плотности распределения.
64	Случайные величины (часть 8). В результате работы студент будет ознакомлен с основными законами распределения непрерывных случайных величин. Приобретет умения вычисления математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения непрерывных случайных величин.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к практическим занятиям.
2	Подготовка к текущему контролю.
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 в 2 кн. Книга 1: учебник для вузов / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 324 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-07067-5. В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов Учебник Юрайт , 2022	<a href="https://urait.ru/bcode/491294">https://urait.ru/bcode/491294</a>
2	Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7. В. С. Шипачев. Учебное пособие Юрайт , 2021	<a href="https://urait.ru/bcode/468424">https://urait.ru/bcode/468424</a>
3	Садовничая, И.В. Математический анализ. Предел и непрерывность функции одной переменной : учебное пособие для вузов / И.В. Садовничая, Т.Н. Фоменко ; под общей редакцией В.А. Ильина. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 115 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08473-3. И.В. Садовничая, Т.Н. Фоменко ; под общей редакцией В.А. Ильина. Учебное пособие Юрайт , 2023	<a href="https://urait.ru/bcode/515257">https://urait.ru/bcode/515257</a>
4	Дифференциальные уравнения : учебник и практикум для вузов / Т. В. Муратова. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 435 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01456-3. Т. В. Муратова. Учебник Юрайт , 2021	<a href="https://urait.ru/bcode/468795">https://urait.ru/bcode/468795</a>
5	Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. Н. Ш. Кремер. Учебник Юрайт , 2019	<a href="https://urait.ru/bcode/431167">https://urait.ru/bcode/431167</a>

6	Математический анализ. Сборник заданий: учебное пособие для вузов / В. В. Логинова [и др.]; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 206 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-11516-1. В. В. Логинова [и др.]; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. Учебное пособие Юрайт , 2022	<a href="https://urait.ru/bcode/493329">https://urait.ru/bcode/493329</a>
---	--	---

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

1. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) <http://library.miit.ru>
2. Электронно-библиотечная система «Лань» <http://e.lanbook.com/>
3. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) ИЭФ <http://ml.miit-ief.ru>
4. Образовательная платформа для университетов и колледжей Юрайт <https://urait.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Office, Microsoft Windows.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Компьютеры, интерактивные доски, проекторы, экраны, меловые доски (маркерные доски).

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 3 семестре.

Зачет в 1, 2, 4 семестрах.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

старший преподаватель кафедры  
«Высшая математика»

М.Е. Булатникова

Согласовано:

Заведующий кафедрой ВВХ

Г.И. Петров

и.о. заведующего кафедрой ВМ

А.М. Курзина

Председатель учебно-методической  
комиссии

С.В. Володин