

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы бакалавриата  
по направлению подготовки  
10.03.01 Информационная безопасность,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Математика**

Направление подготовки: 10.03.01 Информационная безопасность

Направленность (профиль): Безопасность компьютерных систем

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 366399  
Подписал: И.о. заведующего кафедрой Курзина Ангелина  
Михайловна  
Дата: 17.03.2026

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины (модуля) «Математика» являются:

- закладка математического фундамента как средства изучения окружающего мира для успешного освоения дисциплин естественнонаучного и профессионального циклов;
- получение студентами основ теоретических знаний и прикладных навыков применения математических методов и моделей;
- подготовка к использованию этих методов для разработки и принятия эффективных организационных и управленческих решений;
- развитие логического мышления и повышение общего уровня культуры студентов.

Задачами освоения дисциплины (модуля) «Математика» являются:

овладение методами линейной алгебры, математического анализа, теории вероятностей.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-3** - Способен использовать необходимые математические методы для решения задач профессиональной деятельности;

**УК-1** - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

- основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных;
- основные понятия интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, важнейшие теоремы;
- методы интегрирования простейших интегралов, основные понятия и теоремы случайных событий, основные.

### **Уметь:**

- решать системы линейных алгебраических уравнений, вычислять пределы;

- вычислять производные, частные производные и дифференциалы функций;
- исследовать свойства функций и строить графики;
- находить наибольшие и наименьшие значения дифференцируемых функций;
- находить простейшие интегралы.

**Владеть:**

- навыками решения основных инженерных задач.
- навыками производить самостоятельный выбор методов и способов решения.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 14 з.е. (504 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов				
	Всего	Семестр			
		№1	№2	№3	№4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	336	96	96	96	48
В том числе:					
Занятия лекционного типа	112	32	32	32	16
Занятия семинарского типа	224	64	64	64	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 168 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или)

лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p><b>Векторная алгебра (часть 1).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- векторы, действия над векторами;</li> <li>- векторные пространства <math>V_1, V_2, V_3</math>;</li> <li>- линейная зависимость векторов;</li> <li>- критерии линейной зависимости двух, трех и четырех векторов;</li> <li>- базис на прямой, на плоскости и в пространстве;</li> <li>- координаты вектора в заданном базисе;</li> <li>- линейные операции над векторами в координатной форме;</li> <li>- угол между двумя векторами;</li> <li>- ортогональная проекция вектора на направление другого вектора и ее линейные свойства.</li> </ul>
2	<p><b>Векторная алгебра (часть 2).</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- скалярное произведение двух векторов, его алгебраические свойства;</li> <li>- ортогональность векторов;</li> <li>- нахождение длины вектора и угла между векторами при помощи скалярного произведения;</li> <li>- ортонормированный базис в <math>V_3</math>;</li> <li>- координаты вектора в ортонормированном базисе как проекции этого вектора на направление базисных векторов;</li> <li>- формулы для вычисления скалярного произведения, длины вектора, косинуса угла между векторами через координаты векторов в ортонормированном базисе;</li> <li>- направляющие косинусы вектора, их свойство;</li> <li>- условие коллинеарности векторов в координатной форме;</li> <li>- ориентация базиса, правые и левые тройки векторов.</li> </ul>
3	<p><b>Векторная алгебра (часть 3).</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- векторное произведение двух векторов, его геометрический и механический смысл; - алгебраические свойства векторного произведения;</li> <li>- вычисление векторного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- смешанное произведение векторов, его геометрический смысл;</li> <li>- алгебраические свойства смешанного произведения;</li> <li>- вычисление смешанного произведения в ортонормированном базисе;</li> <li>- условие компланарности трех векторов;</li> <li>- вычисление длины отрезка, площадей параллелограмма и треугольника, объемов параллелепипеда и тетраэдра.</li> </ul>
4	<p><b>Аналитическая геометрия. Прямая на плоскости.</b>  Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнения прямых;</li> <li>- взаимное расположение прямых;</li> <li>- расстояние от точки до прямой.</li> </ul>
5	<p><b>Плоские кривые второго порядка.</b>  Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- эллипс, гипербола, парабола и их геометрические свойства;</li> <li>- эксцентриситет и директрисы;</li> <li>- канонические уравнения кривых второго порядка.</li> </ul>
6	<p>Аналитическая геометрия. Прямая и плоскость в пространстве (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- различные виды уравнений прямых;</li> <li>- различные виды уравнений плоскости;</li> <li>- взаимное расположение прямых и плоскостей.</li> </ul>
7	<p>Аналитическая геометрия. Прямая и плоскость в пространстве (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- взаимное расположение прямых и плоскостей;</li> <li>- расстояние от точки до плоскости и до прямой.</li> </ul>
8	<p>Теория пределов (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения;</li> <li>- понятие функции и способы её задания;</li> <li>- числовые последовательности;</li> <li>- предел последовательности;</li> <li>- предел функции;</li> <li>- односторонние пределы.</li> </ul>
9	<p>Теория пределов (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- предел монотонной последовательности;</li> <li>- теоремы о пределах;</li> <li>- первый и второй замечательный предел.</li> </ul>
10	<p>Приёмы раскрытия неопределённостей.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- бесконечно малые функции;</li> <li>- эквивалентность бесконечно малых функций;</li> <li>- приёмы раскрытия неопределённостей.</li> </ul>
11	<p>Непрерывность функции.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- непрерывные функции;</li> <li>- основные теоремы о непрерывных функциях;</li> <li>- изолированные точки разрыва и их классификация.</li> </ul>
12	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие производной;</li> <li>- производная функции;</li> <li>- правила вычисления производных;</li> <li>- производная сложной функции.</li> </ul>
13	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 2).</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- логарифмическая производная;</li> <li>- производная показательно-степенной функции;</li> <li>- производная неявной функции;</li> <li>- дифференцирование функции заданной в параметрической форме;</li> <li>- дифференциал функции.</li> </ul>
14	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- производные высших порядков.</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- дифференциалы высших порядков.</li> <li>- теорема о функциях, имеющих производные.</li> </ul>
15	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- правило Лопиталя;</li> <li>- формула Тейлора;</li> <li>- экстремум и интервалы монотонности функции.</li> </ul>
16	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 5).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- исследование поведения функций с помощью производных;</li> <li>- выпуклость, вогнутость, точки перегиба;</li> <li>- асимптоты и общая схема исследования функции.</li> <li>- исследование поведения функций с помощью производных.</li> </ul>
17	<p>Неопределенный интеграл (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определения первообразной функции и неопределенного интеграла;</li> <li>- основные свойства неопределенного интеграла;</li> <li>- таблица основных интегралов;</li> <li>- непосредственное интегрирование;</li> <li>- метод подстановки;</li> <li>- метод интегрирования по частям.</li> </ul>
18	<p>Неопределенный интеграл (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разложение рациональной функции на элементарные дроби;</li> <li>- интегрирование рациональных дробей.</li> </ul>
19	<p>Неопределенный интеграл (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование тригонометрических функций.</li> </ul>
20	<p>Неопределенный интеграл (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интегрирование иррациональных функций;</li> <li>- интегрирование дифференциальных биномов.</li> </ul>
21	<p>Определенный интеграл.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задачи, приводящие к неопределенному интегралу;</li> <li>- определенный интеграл как предел интегральных сумм;</li> <li>- теорема об интегрируемости кусочно-непрерывных функций;</li> <li>- геометрическая интерпретация определенного интеграла;</li> <li>- основные свойства определенного интеграла;</li> <li>- теоремы об оценке и о среднем значении;</li> <li>- определенный интеграл с переменным верхним пределом и теорема о его производной;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- вычисление определенных интегралов подстановкой и по частям.</li> </ul>
22	<p>Приложение определенного интеграла.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- вычисление площадей плоских фигур, ограниченных кривыми, заданными в декартовых координатах, параметрических и в полярных координатах;</li> <li>- вычисление объемов тел по площадям поперечных сечений и объемов тел вращения;</li> <li>- вычисление длины дуги кривой и площади поверхности вращения.</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
23	<p><b>Несобственный интеграл.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- несобственные интегралы по бесконечному промежутку (1-го рода);</li> <li>- несобственные интегралы от неограниченных функций на отрезке (2-го рода);</li> <li>- признаки сходимости несобственных интегралов;</li> <li>- абсолютная и условная сходимости;</li> <li>- несобственные интегралы с несколькими особенностями.</li> </ul>
24	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 1).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- функция нескольких переменных (ФНП);</li> <li>- график ФНП;</li> <li>- примеры ФНП и их геометрическое представление;</li> <li>- линии (поверхности) уровня;</li> <li>- окрестности, открытые, замкнутые и ограниченные множества;</li> <li>- связные множества, области;</li> <li>- предел ФНП;</li> <li>- бесконечно малые и бесконечно большие ФНП;</li> <li>- непрерывность ФНП в точке, на множестве;</li> <li>- свойства ФНП, непрерывной на ограниченном замкнутом множестве.</li> </ul>
25	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 2).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные ФНП и их геометрическая интерпретация для <math>n=2</math>;</li> <li>- дифференцируемые ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия дифференцируемости;</li> <li>- полный дифференциал;</li> <li>- восстановление функции по ее полному дифференциалу;</li> <li>- дифференцируемость сложной функции;</li> <li>- частная и полная производные ФНП;</li> <li>- инвариантность формы первого дифференциала.</li> </ul>
26	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 3).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- частные производные и дифференциалы высших порядков;</li> <li>- теорема о независимости смешанных частных производных от порядка дифференцирования;</li> <li>- применение дифференциала ФНП к приближенным вычислениям;</li> <li>- формула Тейлора для функции нескольких переменных;</li> <li>- неявно заданные функции;</li> <li>- теорема о неявной функции.</li> </ul>
27	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 4).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- производная ФНП по направлению;</li> <li>- градиент функции и его свойства;</li> <li>- уравнения касательной и нормали к линии уровня функции двух переменных;</li> <li>- касательная плоскость и нормаль к поверхности.</li> </ul>
28	<p><b>Функция нескольких переменных (часть 5).</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- экстремум ФНП;</li> <li>- необходимые и достаточные условия экстремума ФНП;</li> <li>- частный случай — функция двух переменных;</li> <li>- условный экстремум функции двух переменных;</li> <li>- функция Лагранжа;</li> <li>- необходимые и достаточные условия условного экстремума;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	-нахождение наибольшего и наименьшего значений функции двух переменных в замкнутой области.
29	<p>Двойной интеграл (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие двойного интеграла, свойства;</li> <li>- вычисление двойного интеграла;</li> <li>- расстановка пределов интегрирования;</li> </ul>
30	<p>Двойной интеграл (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- двойные интегралы в полярных координатах;</li> <li>- приложение двойного интеграла.</li> </ul>
31	<p>Криволинейные интегралы (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение, вычисление, свойства и применение криволинейного интеграла первого рода;</li> <li>- задача определения работы переменной силы на криволинейном пути;</li> <li>-определение, свойства и вычисление криволинейного интеграла второго рода.</li> </ul>
32	<p>Криволинейные интегралы (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формула Грина для односвязных областей;</li> <li>- условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования;</li> <li>- вычисление криволинейного интеграла от полного дифференциала;</li> <li>- формула Ньютона-Лейбница;</li> <li>- нахождение функции по ее полному дифференциалу с помощью криволинейного интеграла</li> </ul>
33	<p>Комплексные числа.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- алгебраическая форма комплексного числа;</li> <li>- действия с комплексными числами в алгебраической форме;</li> <li>- модуль и аргумент комплексного числа;</li> <li>- тригонометрическая и экспоненциальная форма комплексного числа;</li> <li>- действия с комплексными числами в тригонометрической форме, формула Муавра, извлечение корней.</li> </ul>
34	<p>Элементы теории функции комплексного переменного (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определение функции комплексного переменного;</li> <li>- предел и непрерывность ФКП;</li> <li>-основные элементарные функции комплексного переменного.</li> </ul>
35	<p>Элементы теории функции комплексного переменного (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- дифференцирование ФКП, условия Эйлера - Даламбера;</li> <li>- интегрирование ФКП.</li> </ul>
36	<p>Дифференциальные уравнения (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- общие сведения о дифференциальных уравнениях (основные понятия; задачи, приводящие к понятию диф. уравнений);</li> <li>- дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными;</li> <li>- однородные дифференциальные уравнения.</li> </ul>
37	<p>Дифференциальные уравнения (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- уравнение Бернулли;</li> <li>- уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель.</li> </ul>
38	<p>Дифференциальные уравнения (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- особые точки и особые решения ОДУ первого порядка;</li> <li>- уравнения, не разрешенные относительно производной;</li> </ul>
39	<p>Дифференциальные уравнения (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задача Коши;</li> <li>- формулировка теоремы Коши для уравнений высшего порядка;</li> <li>- некоторые типы уравнений, допускающих понижение порядка.</li> </ul>
40	<p>Дифференциальные уравнения (часть 5).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения высших порядков;</li> <li>- свойства линейного дифференциального оператора;</li> <li>- свойства решений линейного уравнения;</li> <li>- линейно зависимые и независимые системы функций;</li> <li>- определитель Вронского, его свойства для системы решений линейного;</li> <li>- однородного уравнения порядка <math>n</math> и для произвольной системы функций;</li> <li>- фундаментальная система решений (ФСР) однородного линейного уравнения;</li> <li>- теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения;</li> <li>- общее решение линейного неоднородного уравнения;</li> <li>- теорема о его структуре.</li> </ul>
41	<p>Дифференциальные уравнения (часть 6).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами;</li> <li>- построение ФСР в случае различных корней характеристического уравнения;</li> <li>- случай кратных корней характеристического уравнения;</li> <li>- структура частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами и квазимногочленом в правой части.</li> </ul>
42	<p>Дифференциальные уравнения (часть 7).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- метод Лагранжа вариации постоянных.</li> </ul>
43	<p>Системы дифференциальных уравнений</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- нормальные системы дифференциальных уравнений;</li> <li>- задача Коши и теорема Коши существования и единственности решения (без док-ва);</li> <li>- сведение системы к одному уравнению порядка <math>n</math>.</li> </ul>
44	<p>Элементы операционного исчисления (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- оригиналы и их изображения;</li> <li>- таблица оригиналов и изображений.</li> </ul>
45	<p>Элементы операционного исчисления (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- свойства преобразования Лапласа;</li> <li>- обратное преобразование Лапласа.</li> </ul>
46	<p>Элементы операционного исчисления (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- операционный метод решения ЛДУ и их систем.</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
47	<p>Численные методы решения ДУ</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- метод Эйлера;</li> <li>- метод Рунге-Кутты.</li> </ul>
48	<p>Применение ДУ и их систем для построения математических моделей</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использование ДУ для описания физических процессов.</li> </ul>
49	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия;</li> <li>- ряд геометрической прогрессии;</li> <li>- необходимый признак сходимости числового ряда;</li> </ul> <p>гармонический ряд.</p>
50	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- признаки сходимости знакоположительных рядов;</li> <li>- признаки сравнения;</li> <li>- признак Даламбера;</li> <li>- признак Коши (радикальный, интегральный).</li> </ul>
51	<p>Числовые и функциональные ряды (Часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- признаки сходимости знакопеременных рядов: признаки Лейбница, Абеля и Дирихле;</li> <li>- условная и абсолютная сходимость знакопеременного ряда.</li> </ul>
52	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- функциональные ряды;</li> <li>- область сходимости;</li> <li>- равномерная сходимость, признак Вейерштрасса;</li> <li>- теоремы о непрерывности суммы, почленном интегрировании и дифференцировании равномерно сходящихся рядов.</li> </ul>
53	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 5).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- степенные ряды;</li> <li>- теоремы Абеля;</li> <li>- радиус сходимости и формула для его вычисления;</li> <li>- теоремы о почленном интегрировании и дифференцировании степенных рядов.</li> </ul>
54	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 6).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ряд Тейлора;</li> <li>- критерий сходимости ряда Тейлора к исходной функции;</li> <li>- ряды Маклорена;</li> <li>- разложение функций в степенные ряды;</li> <li>- разложение основных элементарных функций;</li> <li>- методы вывода разложений сложных функций.</li> </ul>
55	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 7).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ряды Фурье;</li> <li>- разложение функции в ряд Фурье.</li> </ul>
56	<p>Применение числовых и функциональных рядов.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- приближенное вычисление значений функций; - приближенное вычисление определенных интегралов.

## 4.2. Занятия семинарского типа.

### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Системы координат (часть 1) В результате работы студент приобретет умения работать с простейшими задачами в различных системах координат на плоскости и в пространстве
2	Системы координат (часть 2) В результате работы студент приобретет умения пользоваться формулами перехода из полярной системы в декартову и из декартовой в полярную и построения кривых в полярной и декартовой системе координат.
3	Векторная алгебра (часть 1). В результате работы студент приобретет умения действий с векторами в геометрической и координатной форме
4	Векторная алгебра (часть 2). В результате работы студент приобретет умения применять векторный метод к решению геометрических задач
5	Векторная алгебра (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления скалярного произведения векторов и его применения при решении физических и геометрических задач
6	Векторная алгебра (часть 4 ). В результате работы студент приобретет умения вычисления векторного смешанного произведения векторов и его применения к решению задач
7	Аналитическая геометрия (часть 1). В результате работы студент приобретет умения задавать прямую на плоскости различными видами уравнений.
8	Аналитическая геометрия (часть 2). В результате работы студент приобретет умения определять взаимное расположение двух прямых на плоскости, вычислять угол между прямыми, вычислять расстояние от точки до прямой.
9	Плоские кривые второго порядка (часть 1). В результате работы студент приобретет умения построение эллипса, гиперболы, параболы, нахождение эксцентриситета и директрисы.
10	Плоские кривые второго порядка (часть 2). В результате работы студент приобретет умения выполнять преобразования системы координат на плоскости и приводить общее уравнение кривой 2 порядка к каноническому виду
11	Аналитическая геометрия(часть 3). В результате работы студент приобретет умения задавать прямую в пространстве различными уравнениями, определять взаимное расположение двух прямых в пространстве.
12	Аналитическая геометрия(часть 4). В результате работы студент приобретет умения задавать плоскость в пространстве различными уравнениями, определять взаимное расположение двух плоскостей в пространстве.
13	Аналитическая геометрия(часть 5). В результате работы студент приобретет умения определять вид поверхности 2 порядка

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
14	Теория пределов(часть 1). В результате работы студент приобретет умения построение построения графиков элементарных функций, чтения графиков.
15	Теория пределов(часть 2). В результате работы студент приобретет умения построение построение графиков функций с помощью преобразований.
16	Теория пределов(часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления предела числовой последовательности
17	Теория пределов(часть 4). В результате работы студент приобретет умения раскрытия неопределенностей в пределах.
18	Теория пределов(часть 5). В результате работы студент приобретет умения раскрытия неопределенностей в пределах.
19	Теория пределов(часть 6). В результате работы студент приобретет умения вычисления первого и второго замечательных пределов.
20	Теория пределов(часть 7). В результате работы студент приобретет умения использования основных эквивалентностей при вычислении пределов, замена переменной в пределах.
21	Теория пределов (часть 8). В результате работы студент приобретет умения исследование функции на непрерывность.
22	Теория пределов (часть 9). В результате работы студент приобретет умения определять характер точек разрыва, исследования функций на непрерывность.
23	Производные и дифференциалы функции (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисления производных.
24	Производные и дифференциалы функции (часть 2). В результате работы студент приобретет навыки вычисления производных
25	Производные и дифференциалы функции (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисления производной степенно-показательной функции, вычисления производной функции, заданной параметрически.
26	Производные и дифференциалы функции (часть 4). В результате работы студент приобретет умения: вычисление производных высших порядков, вычисления дифференциалов высших порядков.
27	Производные и дифференциалы функции (часть 5). В результате работы студент приобретет навыки использование правила Лопиталья для вычисления пределов.
28	Производные и дифференциалы функции (часть 6). В результате работы студент приобретет умения исследования функции на монотонность.
29	Производные и дифференциалы функции (часть 7). В результате работы студент приобретет умения исследование функции на выпуклость и вогнутость.
30	Производные и дифференциалы функции (часть 8). В результате работы студент приобретет умения нахождения асимптот функции
31	Производные и дифференциалы функции (часть 9). В результате работы студент приобретет умения: исследование функции, построение графика функции по исследованию.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
32	Производные и дифференциалы функции (часть 10). В результате работы студент приобретет умения: исследование функции, построение графика функции по исследованию.
33	Неопределенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления неопределенных интегралов с помощью таблицы интегралов.
34	Неопределенный интеграл (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисление неопределенного интеграла с помощью замены переменной.
35	Неопределенный интеграл (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисление неопределенного интеграла с помощью интегрирования по частям.
36	Неопределенный интеграл (часть 4). В результате работы студент приобретет умения интегрирования рациональных дробей.
37	Неопределенный интеграл (часть 5). В результате работы студент приобретет умения интегрирования рациональных дробей с помощью метода неопределенных коэффициентов.
38	Неопределенный интеграл (часть 6). В результате работы студент приобретет умения интегрирование иррациональных функций.
39	Неопределенный интеграл (часть 7). В результате работы студент приобретет умения интегрирование иррациональных функций.
40	Неопределенный интеграл (часть 8). В результате работы студент приобретет умения интегрирования дифференциальных биномов.
41	Неопределенный интеграл (часть 9). В результате работы студент приобретет умения интегрирования тригонометрических функции.
42	Определенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: вычисление определенного интеграла, замены переменной в определенном интеграле, интегрировании по частям.
43	Определенный интеграл (часть 2). В результате работы студент приобретет умения вычисления площадей плоских фигур.
44	Определенный интеграл (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления длины дуги плоской кривой и объем тел вращения.
45	Понятие несобственного интеграла (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления несобственных интегралов.
46	Понятие несобственного интеграла (часть 2). В результате работы студент приобретет умения исследовать несобственный интеграл на сходимостью.
47	Производная функции нескольких переменных (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки исследования поверхности методом сечений и построения линий уровня ФНП.
48	Производная функции нескольких переменных (часть 2). В результате работы студент приобретет навыки нахождения приделов ФНП и исследования ФНП на непрерывность
49	Производная функции нескольких переменных (часть 3). В результате работы студент приобретет навыки вычисления частных производных функции двух переменных.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
50	Производная функции нескольких переменных (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления дифференциалов и восстановления функции по полному дифференциалу
51	Производная функции нескольких переменных (часть 5). В результате работы студент приобретет умения применения формулы Тейлора к ФНП
52	Производная функции нескольких переменных (часть 6). В результате работы студент приобретет умения применения полного дифференциала к приближенным вычислениям.
53	Производная функции нескольких переменных (часть 7). В результате работы студент приобретет умения вычисления производной функции по направлению.
54	Производная функции нескольких переменных (часть 8). В результате работы студент приобретет умения: нахождения уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.
55	Производная функции нескольких переменных (часть 9). В результате работы студент приобретет умения нахождения экстремума функции двух переменных.
56	Производная функции нескольких переменных (часть 10). В результате работы студент приобретет умения нахождения условного экстремума функции двух переменных.
57	Кратные и криволинейные интегралы (часть 1) В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов.
58	Кратные и криволинейные интегралы (часть 2) В результате работы студент приобретет умения расстановки пределов интегрирования в двойном интеграле.
59	Кратные и криволинейные интегралы (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов в полярных координатах.
60	Кратные и криволинейные интегралы (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления площади плоской фигуры и объемов тел вращения.
61	Кратные и криволинейные интегралы (часть 5). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла I рода.
62	Кратные и криволинейные интегралы (часть 6). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла II рода.
63	Кратные и криволинейные интегралы (часть 7). В результате работы студент приобретет умения применять вычисление криволинейных интегралов для решения физических и геометрических задач.
64	Кратные и криволинейные интегралы (часть 8). В результате работы студент приобретет умения восстанавливать функцию по ее полному дифференциалу
65	Комплексные числа (часть 1). В результате работы студент приобретет умения выполнения действий над комплексными числами; записи комплексного числа в различных формах.
66	Комплексные числа (часть 2). В результате работы студент приобретет умения выполнения возведения комплексного числа в степень; извлечения корня из комплексного числа.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
67	Элементы теории функции комплексного переменного (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления значений элементарных функций комплексного переменного
68	Элементы теории функции комплексного переменного (часть 2). В результате работы студент приобретет умения вычисления значений элементарных функций комплексного переменного
69	Элементы теории функции комплексного переменного (часть 3). В результате работы студент приобретет умения дифференцировать ФКП
70	Элементы теории функции комплексного переменного (часть 4). В результате работы студент приобретет умения интегрировать ФКП
71	Дифференциальные уравнения (часть 1). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (уравнения с разделяющимися переменными).
72	Дифференциальные уравнения (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (однородные уравнения).
73	Дифференциальные уравнения (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (линейные уравнения).
74	Дифференциальные уравнения (часть 4). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (уравнения Бернулли).
75	Дифференциальные уравнения (часть 5). В результате работы студент приобретет умения находить особые точки и особые решениях ДУ
76	Дифференциальные уравнения (часть 6). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка.
77	Дифференциальные уравнения (часть 7). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
78	Дифференциальные уравнения (часть 8). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
79	Дифференциальные уравнения (часть 9). В результате работы студент приобретет умения устанавливать являются ли функции линейно зависимыми.
80	Дифференциальные уравнения (часть 10). В результате работы студент приобретет умения решения однородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами
81	Дифференциальные уравнения (часть 11). В результате работы студент приобретет умения решения неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
82	Дифференциальные уравнения (часть 12). В результате работы студент приобретет умения решения неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
83	Дифференциальные уравнения (часть 13). В результате работы студент приобретет умения применять методом вариации произвольных постоянных.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
84	Дифференциальные уравнения (часть 14). В результате работы студент приобретет навыки решения дифференциальных уравнений разных типов.
85	Дифференциальные уравнения (часть 15). В результате работы студент приобретет умения решения систем дифференциальных уравнений.
86	Дифференциальные уравнения (часть 16). В результате работы студент приобретет умения решения систем дифференциальных уравнений.
87	Элементы операционного исчисления (часть 1). В результате работы студент приобретет умения нахождения изображения по оригиналу
88	Элементы операционного исчисления (часть 2). В результате работы студент приобретет умения нахождения оригинала по изображению
89	Элементы операционного исчисления (часть 3). В результате работы студент приобретет умения применять свойства преобразования Лапласа
90	Элементы операционного исчисления (часть 4). В результате работы студент приобретет умения применять свойства преобразования Лапласа для нахождения изображений по оригиналу и восстановления оригинала по изображению
91	Элементы операционного исчисления (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решать дифференциальные уравнения операторным методом
92	Элементы операционного исчисления (часть 4). В результате работы студент приобретет умения решать системы дифференциальных уравнений операторным методом
93	Численные методы решения ДУ (часть 1) В результате работы студент приобретет знания о методах численного решения дифференциальных уравнений
94	Численные методы решения ДУ (часть 2) В результате работы студент приобретет умения решать дифференциальные уравнения методом Эйлера и методом Рунге-Кутты
95	Применение ДУ и их систем для построения математических моделей (часть 1) В результате работы студент приобретет представления о математических моделях
96	Применение ДУ и их систем для построения математических моделей (часть 2) В результате работы студент приобретет умение составлять простейшие математические модели
97	Числовые ряды (часть 1). В результате работы студент приобретет умения исследования числового ряда на сходимость с помощью определения.
98	Числовые ряды (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: использования необходимого признака сходимости для исследования сходимости числовых рядов, использования обобщенного гармонический ряд для исследования сходимости числовых рядов, использования интегрального признака для исследования сходимости числовых рядов.
99	Числовые ряды (часть 3). В результате работы студент приобретет умения исследование рядов на сходимость с помощью признаков Даламбера, радикального признака Коши.
100	Числовые ряды (часть 4). В результате работы студент приобретет умения исследования рядов с положительными членами на сходимость.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
101	Числовые ряды (часть 5). В результате работы студент приобретет умения исследования знакопеременных рядов с помощью признака Лейбница.
102	Числовые ряды (часть 6). В результате работы студент приобретет умения исследования рядов на абсолютную и условную сходимость.
103	Функциональные ряды (часть 7). В результате работы студент приобретет умения вычисления радиуса и интервала сходимости степенных рядов.
104	Функциональные ряды (часть 8). В результате работы студент приобретет навыки исследования сходимости степенных рядов.
105	Разложение функции в степенные ряды (часть 9). В результате работы студент приобретет умения разложения функций в степенные ряды.
106	Разложение функции в степенные ряды (часть 10). В результате работы студент приобретет умения применения разложения функций в степенные ряды для решения других задач.
107	Ряды Фурье (часть 11). В результате работы студент приобретет умения разложения функций в ряды Фурье.
108	Ряды Фурье (часть 12). В результате работы студент приобретет умения разложения четных и нечетных функций в ряды Фурье.
109	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 13). В результате работы студент приобретет умения приближенного вычисления значений функций, приближенного вычисления определенных интегралов.
110	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 14). В результате работы студент приобретет умения применения разложения функций в ряд для решения прикладных задач
111	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 15). В результате работы студент приобретет умения приближенного решения дифференциальных уравнений.
112	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 16). В результате работы студент приобретет умения приближенного решения дифференциальных уравнений.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к практическим занятиям.
2	Подготовка к промежуточной аттестации.
3	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 в 2 кн. Книга 1: учебник для вузов / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 324 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-07067-5. В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. Учебник Юрайт , 2022	<a href="https://urait.ru/bcode/491294">https://urait.ru/bcode/491294</a>
2	Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7. В. С. Шипачев. Учебное пособие Юрайт , 2021	<a href="https://urait.ru/bcode/468424">https://urait.ru/bcode/468424</a>
3	Садовничая, И.В. Математический анализ. Предел и непрерывность функции одной переменной : учебное пособие для вузов / И.В. Садовничая, Т.Н. Фоменко ; под общей редакцией В.А. Ильина. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 115 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08473-3. И.В. Садовничая, Т.Н. Фоменко ; под общей редакцией В.А. Ильина. Учебное пособие Юрайт , 2023	<a href="https://urait.ru/bcode/515257">https://urait.ru/bcode/515257</a>
4	Дифференциальные уравнения : учебник и практикум для вузов / Т. В. Муратова. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 435 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01456-3. Т. В. Муратова. Учебник Юрайт , 2021	<a href="https://urait.ru/bcode/468795">https://urait.ru/bcode/468795</a>
5	Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. Н. Ш. Кремер. Учебник Юрайт , 2019	<a href="https://urait.ru/bcode/431167">https://urait.ru/bcode/431167</a>
6	Математический анализ. Сборник заданий: учебное пособие для вузов / В. В. Логинова [и др.]; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 206 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-11516-1. В. В. Логинова [и др.]; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. Учебное пособие Юрайт , 2022	<a href="https://urait.ru/bcode/493329">https://urait.ru/bcode/493329</a>

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

1. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) <http://library.miit.ru>

2. Электронно-библиотечная система «Лань» <http://e.lanbook.com/>
3. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) ИЭФ <http://ml.miit-ief.ru>
4. Образовательная платформа для университетов и колледжей Юрайт <https://urait.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Office, Microsoft Windows.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Компьютеры, интерактивные доски, проекторы, экраны, меловые доски (маркерные доски).

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 3 семестре.

Зачет в 1, 2, 4 семестрах.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

старший преподаватель кафедры  
«Высшая математика»

Е.В. Антонова

Согласовано:

Заведующий кафедрой ВССиИБ

Б.В. Желенков

и.о. заведующего кафедрой ВМ

А.М. Курзина

Председатель учебно-методической  
комиссии

Н.А. Андриянова