

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программы бакалавриата
по направлению подготовки
13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Математика

Направление подготовки: 13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника

Направленность (профиль): Промышленная теплоэнергетика

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 366399
Подписал: И.о. заведующего кафедрой Курзина Ангелина
Михайловна
Дата: 30.03.2026

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины (модуля) «Математика» являются:

- закладка математического фундамента как средства изучения окружающего мира для успешного освоения дисциплин естественнонаучного и профессионального циклов;
- получение студентами основ теоретических знаний и прикладных навыков применения математических методов и моделей;
- подготовка к использованию этих методов для разработки и принятия эффективных организационных и управленческих решений;
- развитие логического мышления и повышение общего уровня культуры студентов.

Задачами освоения дисциплины (модуля) «Математика» являются:

овладение методами линейной алгебры, математического анализа, теории вероятностей.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ОПК-3 - Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач;

УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных;
- основные понятия интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, важнейшие теоремы;
- методы интегрирования простейших интегралов, основные понятия и теоремы случайных событий, основные;
- законы распределения случайных величин, математические методы обработки и анализа результатов статистических наблюдений (понятия обработки выборки, точечные оценки доверительных интервалов).

Уметь:

- решать системы линейных алгебраических уравнений, вычислять пределы;
- вычислять производные, частные производные и дифференциалы функций;
- исследовать свойства функций и строить графики;
- находить наибольшие и наименьшие значения дифференцируемых функций;
- находить простейшие интегралы;
- анализировать результаты статистических наблюдений и делать на их основании количественные и качественные выводы.

Владеть:

- навыками решения основных инженерных задач;
- навыками производить самостоятельный выбор методов и способов решения.

3. Объем дисциплины (модуля).**3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).**

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 11 з.е. (396 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов				
	Всего	Семестр			
		№1	№2	№3	№4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	240	80	64	64	32
В том числе:					
Занятия лекционного типа	112	32	32	32	16
Занятия семинарского типа	128	48	32	32	16

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 156 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p>Матрицы и определители матриц (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - виды матриц, операции над матрицами, свойства операций над матрицами; - элементарные преобразования матриц; - определитель квадратной матрицы; - минор и алгебраическое дополнение элемента определителя; - свойства определителей; - обратная матрица и её свойства; - матричные уравнения; - ранг матрицы.
2	<p>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решение СЛАУ методом Крамера; - решение СЛАУ методом обратной матрицы.
3	<p>Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решение СЛАУ методом Гаусса; - общее решение однородной СЛАУ.
4	<p>Векторная алгебра (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - векторы, действия над векторами; - векторные пространства V_1, V_2, V_3; - линейная зависимость векторов; - критерии линейной зависимости двух, трех и четырех векторов; - базис на прямой, на плоскости и в пространстве; - координаты вектора в заданном базисе; - линейные операции над векторами в координатной форме; - угол между двумя векторами; - ортогональная проекция вектора на направление другого вектора и ее линейные свойства; - скалярное произведение двух векторов, его алгебраические свойства; - ортогональность векторов; - нахождение длины вектора и угла между векторами при помощи скалярного произведения; - ортонормированный базис в V_3; - координаты вектора в ортонормированном базисе как проекции этого вектора на направление базисных векторов;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - формулы для вычисления скалярного произведения, длины вектора, косинуса угла между векторами через координаты векторов в ортонормированном базисе; - направляющие косинусы вектора, их свойство; - условие коллинеарности векторов в координатной форме; - ориентация базиса, правые и левые тройки векторов.
5	<p>Векторная алгебра (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - векторное произведение двух векторов, его геометрический и механический смысл; - алгебраические свойства векторного произведения; - вычисление векторного произведения в ортонормированном базисе; - смешанное произведение векторов, его геометрический смысл; - алгебраические свойства смешанного произведения; - вычисление смешанного произведения в ортонормированном базисе; - условие компланарности трех векторов; - вычисление длины отрезка, площадей параллелограмма и треугольника, объемов параллелепипеда и тетраэдра.
6	<p>Аналитическая геометрия. Прямая на плоскости (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - различные виды уравнения прямых; - взаимное расположение прямых; - расстояние от точки до прямой.
7	<p>Аналитическая геометрия. Прямая и плоскость в пространстве (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - различные виды уравнений прямых и плоскостей; - взаимное расположение прямых и плоскостей; - расстояние от точки до плоскости и до прямой.
8	<p>Плоские кривые второго порядка.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - эллипс, гипербола, парабола и их геометрические свойства; - эксцентриситет и директрисы; - канонические уравнения кривых второго порядка.
9	<p>Теория пределов (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - определения; - понятие функции и способы её задания; - числовые последовательности; - предел последовательности; - предел функции; - односторонние пределы.
10	<p>Теория пределов (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - предел монотонной последовательности; - теоремы о пределах; - первый и второй замечательный предел.
11	<p>Теория пределов (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - бесконечно малые функции; - эквивалентность бесконечно малых функций; - приёмы раскрытия неопределённостей.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
12	<p>Теория пределов (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - непрерывные функции; - основные теоремы о непрерывных функциях; - изолированные точки разрыва и их классификация.
13	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие производной; - производная функции; - правила вычисления производных; - производная сложной функции; - логарифмическая производная; - производная показательно-степенной функции; - производная неявной функции; - дифференцирование функции заданной в параметрической форме; - дифференциал функции.
14	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - производные высших порядков. - дифференциалы высших порядков. - теорема о функциях, имеющих производные.
15	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - правило Лопиталю; - формула Тейлора; - экстремум и интервалы монотонности функции.
16	<p>Производные и дифференциалы функции (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - исследование поведения функций с помощью производных; - выпуклость, вогнутость, точки перегиба; - асимптоты и общая схема исследования функции. - исследование поведения функций с помощью производных.
17	<p>Неопределенный интеграл (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - определения первообразной функции и неопределенного интеграла; - основные свойства неопределенного интеграла; - таблица основных интегралов; - непосредственное интегрирование; - метод подстановки; - метод интегрирования по частям.
18	<p>Неопределенный интеграл (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - разложение рациональной функции на элементарные дроби; - интегрирование рациональных дробей.
19	<p>Неопределенный интеграл (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - интегрирование иррациональных функций; - интегрирование дифференциальных биномов.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
20	<p>Неопределенный интеграл (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - интегрирование тригонометрических функций.
21	<p>Определенный интеграл.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - задачи, приводящие к неопределенному интегралу; - определенный интеграл как предел интегральных сумм; - теорема об интегрируемости кусочно-непрерывных функций; - геометрическая интерпретация определенного интеграла; - основные свойства определенного интеграла; - теоремы об оценке и о среднем значении; - определенный интеграл с переменным верхним пределом и теорема о его производной; - формула Ньютона-Лейбница; - вычисление определенных интегралов подстановкой и по частям.
22	<p>Приложение определенного интеграла.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - вычисление площадей плоских фигур, ограниченных кривыми, заданными в декартовых координатах, параметрических и в полярных координатах; - вычисление объемов тел по площадям поперечных сечений и объемов тел вращения; - вычисление длины дуги кривой и площади поверхности вращения.
23	<p>Несобственный интеграл.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - несобственные интегралы по бесконечному промежутку (1-го рода); - несобственные интегралы от неограниченных функций на отрезке (2-го рода); - признаки сходимости несобственных интегралов; - абсолютная и условная сходимости; - несобственные интегралы с несколькими особенностями.
24	<p>Функция нескольких переменных (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - функция нескольких переменных (ФНП); - график ФНП; - примеры ФНП и их геометрическое представление; - линии (поверхности) уровня; - окрестности, открытые, замкнутые и ограниченные множества; - связные множества, области; - предел ФНП; - бесконечно малые и бесконечно большие ФНП; - непрерывность ФНП в точке, на множестве; - свойства ФНП, непрерывной на ограниченном замкнутом множестве.
25	<p>Функция нескольких переменных (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - частные производные ФНП и их геометрическая интерпретация для $n=2$; - дифференцируемые ФНП; - необходимые и достаточные условия дифференцируемости; - полный дифференциал; - восстановление функции по ее полному дифференциалу; - дифференцируемость сложной функции; - частная и полная производные ФНП; - инвариантность формы первого дифференциала.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
26	<p>Функция нескольких переменных (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - частные производные и дифференциалы высших порядков; - теорема о независимости смешанных частных производных от порядка дифференцирования; - применение дифференциала ФНП к приближенным вычислениям; - формула Тейлора для функции нескольких переменных; - неявно заданные функции; - теорема о неявной функции.
27	<p>Функция нескольких переменных (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> -производная ФНП по направлению; -градиент функции и его свойства; -уравнения касательной и нормали к линии уровня функции двух переменных; -касательная плоскость и нормаль к поверхности.
28	<p>Функция нескольких переменных (часть 5).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - экстремум ФНП; - необходимые и достаточные условия экстремума ФНП; - частный случай — функция двух переменных; - условный экстремум функции двух переменных; - функция Лагранжа; - необходимые и достаточные условия условного экстремума; - нахождение наибольшего и наименьшего значений функции двух переменных в замкнутой области.
29	<p>Двойной интеграл (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие двойного интеграла, свойства; - вычисление двойного интеграла; - расстановка пределов интегрирования.
30	<p>Двойной интеграл (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - двойные интегралы в полярных координатах; - приложение двойного интеграла.
31	<p>Криволинейные интегралы (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - определение, вычисление, свойства и применение криволинейного интеграла первого рода; - задача определения работы переменной силы на криволинейном пути; - определение, свойства и вычисление криволинейного интеграла второго рода.
32	<p>Криволинейные интегралы (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - формула Грина для односвязных областей; - условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования; - вычисление криволинейного интеграла от полного дифференциала; - формула Ньютона-Лейбница; - нахождение функции по ее полному дифференциалу с помощью криволинейного интеграла.
33	<p>Комплексные числа.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятия комплексного числа; - действий над комплексными числами; - формы записи комплексного числа;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - возведение комплексного числа в степень; - извлечение корня из комплексного числа.
34	<p>Дифференциальные уравнения (часть 1). Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - общие сведения о дифференциальных уравнениях (основные понятия; задачи, приводящие к понятию диф. уравнений); - дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными; - однородные дифференциальные уравнения. - линейные дифференциальные уравнения; - уравнение Бернулли; - уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель.
35	<p>Дифференциальные уравнения (часть 2). Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель. - особые точки и особые решения ОДУ первого порядка; - уравнения, не разрешенные относительно производной.
36	<p>Дифференциальные уравнения (часть 3). Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - задача Коши; - формулировка теоремы Коши для уравнений высшего порядка; - некоторые типы уравнений, допускающих понижение порядка.
37	<p>Дифференциальные уравнения (часть 4). Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - линейные дифференциальные уравнения высших порядков; - свойства линейного дифференциального оператора; - свойства решений линейного уравнения; - линейно зависимые и независимые системы функций; - определитель Вронского, его свойства для системы решений линейного; - однородного уравнения порядка n и для произвольной системы функций; - фундаментальная система решений (ФСР) однородного линейного уравнения; - теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения; - общее решение линейного неоднородного уравнения; - теорема о его структуре.
38	<p>Дифференциальные уравнения (часть 5). Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами; - построение ФСР в случае различных корней характеристического уравнения; - случай кратных корней характеристического уравнения; - структура частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами и квазимногочленом в правой части; - метод Лагранжа вариации постоянных.
39	<p>Системы дифференциальных уравнений Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - нормальные системы дифференциальных уравнений; - задача Коши и теорема Коши существования и единственности решения (без док-ва); - сведение системы к одному уравнению порядка n.
40	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 1). Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - основные понятия; - ряд геометрической прогрессии;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - необходимый признак сходимости числового ряда; - гармонический ряд.
41	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - признаки сходимости знакоположительных рядов; - признаки сравнения; - признак Даламбера; - признак Коши (радикальный, интегральный).
42	<p>Числовые и функциональные ряды (Часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - признаки сходимости знакопеременных рядов: признаки Лейбница, Абеля и Дирихле; - условная и абсолютная сходимость знакопеременного ряда.
43	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 4).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - функциональные ряды; - область сходимости; - равномерная сходимость, признак Вейерштрасса; - теоремы о непрерывности суммы, почленном интегрировании и дифференцировании равномерно сходящихся рядов.
44	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 5).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - степенные ряды; - теоремы Абеля; - радиус сходимости и формула для его вычисления; - теоремы о почленном интегрировании и дифференцировании степенных рядов.
45	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 6).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - ряд Тейлора; - критерий сходимости ряда Тейлора к исходной функции; - ряды Маклорена; - разложение функций в степенные ряды; - разложение основных элементарных функций; - методы вывода разложений сложных функций.
46	<p>Применение числовых и функциональных рядов (часть 7).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - приближенное вычисление значений функций; - приближенное вычисление определенных интегралов.
47	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 8).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - ряды Фурье; - разложение функции в ряд Фурье.
48	<p>Числовые и функциональные ряды (часть 9).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - интеграл Фурье; - преобразование Фурье.
49	<p>Случайные события (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие случайного события; - пространство элементарных событий; - составные события, действия над событиями;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - алгебра событий как одна из интерпретаций алгебры Буля; - диаграммы Венна; - классическое, статистическое и геометрическое определение вероятности; - понятие об аксиоматическом определении вероятности.
50	<p>Случайные события (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - теоремы сложения и умножения вероятностей; - условная вероятность; - формула полной вероятности и формула Байеса.
51	<p>Случайные события (часть 3).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - формула Бернулли; - локальная и интегральная теоремы Лапласа. - отклонение относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях.
52	<p>Случайные величины (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие об одномерной случайной величине; - дискретные случайные величины. - закон распределения дискретной случайной величины; - функция распределения и ее свойства.
53	<p>Случайные величины (часть 2).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - непрерывные случайные величины; - функция плотности распределения и ее свойства. - математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратичное отклонение непрерывной случайной величины; - основные законы распределения.
54	<p>Двумерная случайная величина.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие двумерной случайной величины; - законы распределения двумерной случайной величины; - условные законы распределения вероятностей составляющих непрерывной двумерной случайной величины. - числовые характеристики непрерывной двумерной случайной величины.
55	<p>Элементы математической статистики (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - статистическое распределение выборки; - эмпирическая функция распределения; - полигон и гистограмма; - точечные оценки; - интервальные оценки.
56	<p>Элементы математической статистики (часть 1).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - статистическая проверка статистических гипотез (критерий Пирсона).

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Матрицы и определители матриц (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: выполнение линейных операций над матрицами, вычисления определителей второго и третьего порядков.
2	Матрицы и определители матриц (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: нахождение обратной матрицы, нахождение ранга матрицы.
3	Матрицы и определители матриц (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решение матричных уравнений.
4	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки решения СЛАУ методом Гаусса, Крамера.
5	Векторная алгебра (часть 1). В результате работы студент приобретет умения применения скалярного, векторного, смешанного произведения векторов к решению задач.
6	Аналитическая геометрия (часть 1). В результате работы студент будет ознакомлен с различными способами задания прямой на плоскости.
7	Аналитическая геометрия (часть 2). В результате работы студент будет ознакомлен со взаимным расположением двух прямых на плоскости, вычислением угла между прямыми, приобретет умения вычисления расстояния от точки до прямой.
8	Аналитическая геометрия (часть 3). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания прямой в пространстве, взаимным расположением двух прямых в пространстве, приобретет умения составления уравнения прямой в пространстве.
9	Аналитическая геометрия (часть 4). В результате работы студент будет ознакомлен со способами задания плоскости в пространстве, взаимным расположением двух плоскостей в пространстве, приобретет навыки задания уравнения плоскости.
10	Аналитическая геометрия(часть 5). В результате работы студент будет ознакомлен со взаимным расположением двух плоскостей в пространстве, взаимным расположением прямой и плоскости, приобретет навыки нахождения расстояния от точки до плоскости.
11	Плоские кривые второго порядка. В результате работы студент приобретет умения построения эллипса, гиперболы, параболы, нахождение эксцентриситета и директрисы.
12	Теория пределов (часть 1). В результате работы студент приобретет умения построения графиков функций.
13	Теория пределов (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: раскрытие неопределенностей в пределах.
14	Теория пределов (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления первого и второго замечательных пределов.
15	Теория пределов (часть 4). В результате работы студент приобретет умения использования основных эквивалентностей при вычислении пределов, замена переменной в пределах.
16	Теория пределов (часть 5). В результате работы студент приобретет умения исследование функции на непрерывность.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
17	Производные и дифференциалы функции (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисления производных.
18	Производные и дифференциалы функции (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисления производной степенно-показательной функции, вычисления производной функции, заданной параметрически.
19	Производные и дифференциалы функции (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисления производных высших порядков, вычисления дифференциалов высших порядков.
20	Производные и дифференциалы функции (часть 4). В результате работы студент приобретет навыки использования правила Лопиталья для вычисления пределов.
21	Производные и дифференциалы функции (часть 5). В результате работы студент приобретет умения исследования функции на монотонность.
22	Производные и дифференциалы функции (часть 6). В результате работы студент приобретет умения исследования функции на выпуклость и вогнутость.
23	Производные и дифференциалы функции (часть 7). В результате работы студент приобретет умения нахождения асимптот функции.
24	Производные и дифференциалы функции (часть 8). В результате работы студент приобретет умения: исследование функции, построение графика функции по исследованию.
25	Неопределенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления неопределенных интегралов с помощью таблицы интегралов.
26	Неопределенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления неопределенных интегралов с помощью таблицы интегралов.
27	Неопределенный интеграл (часть 2). В результате работы студент приобретет умения: вычисление неопределенного интеграла с помощью замены переменной, интегрирование по частям.
28	Неопределенный интеграл (часть 3). В результате работы студент приобретет умения интегрирования рациональных дробей.
29	Неопределенный интеграл (часть 4). В результате работы студент приобретет умения интегрирования иррациональных функций.
30	Неопределенный интеграл (часть 5). В результате работы студент приобретет умения интегрирования тригонометрические функции.
31	Определенный интеграл (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: вычисление определенного интеграла, замена переменной в определенном интеграле, вычисление площадей плоских фигур.
32	Понятие несобственного интеграла (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления несобственных интегралов.
33	Производная функции нескольких переменных (часть 1). В результате работы студент приобретет навыки вычисления частных производных функции двух переменных.
34	Производная функции нескольких переменных (часть 2). В результате работы студент приобретет умения применения полного дифференциала к приближенным вычислениям.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
35	Производная функции нескольких переменных (часть 3). В результате работы студент приобретет умения: вычисление производной функции по направлению, вычисление вектора градиента, нахождение уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.
36	Производная функции нескольких переменных (часть 4). В результате работы студент приобретет умения нахождения экстремума функции двух переменных.
37	Кратные и криволинейные интегралы (часть 1). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов, расстановки пределов интегрирования.
38	Кратные и криволинейные интегралы (часть 2). В результате работы студент приобретет умения вычисления двойных интегралов в полярных координатах.
39	Кратные и криволинейные интегралы (часть 3). В результате работы студент приобретет умения вычисления площади плоской фигуры.
40	Кратные и криволинейные интегралы (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления криволинейного интеграла I рода.
41	Комплексные числа. В результате работы студент приобретет умения: выполнение действий над комплексными числами, формы записи комплексного числа, возведение комплексного числа в степень, извлечение корня из комплексного числа.
42	Дифференциальные уравнения (часть 1). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений первого порядка (уравнения с разделяющимися переменными, однородные уравнения, линейные уравнения, уравнения Бернулли).
43	Дифференциальные уравнения (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
44	Дифференциальные уравнения (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения однородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами.
45	Дифференциальные уравнения (часть 4). В результате работы студент приобретет умения решения неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
46	Дифференциальные уравнения (часть 5). В результате работы студент приобретет ознакомлен с метод вариации произвольных постоянных.
47	Дифференциальные уравнения (часть 6). В результате работы студент приобретет навыки решения дифференциальных уравнений разных типов.
48	Дифференциальные уравнения (часть 7). В результате работы студент приобретет умения решения систем дифференциальных уравнений.
49	Числовые ряды (часть 1). В результате работы студент приобретет умения: использование необходимого признака сходимости для исследования сходимости числовых рядов, использование обобщенного гармонического ряда для исследования сходимости числовых рядов, использование интегрального признака для исследования сходимости числовых рядов.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
50	Числовые ряды (часть 2). В результате работы студент приобретет умения исследования рядов на сходимость с помощью признаков Даламбера, радикального признака Коши.
51	Числовые ряды (часть 3). В результате работы студент приобретет умения исследования рядов на абсолютную и условную сходимость.
52	Функциональные ряды (часть 4). В результате работы студент приобретет умения вычисления области сходимости степенных рядов.
53	Разложение функции в степенные ряды (часть 5). В результате работы студент приобретет умения разложения функций в степенные ряды.
54	Ряды Фурье (часть 6). В результате работы студент приобретет умения разложения функций в ряды Фурье.
55	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 7). В результате работы студент приобретет умения приближенного вычисления значений функций, приближенного вычисления определенных интегралов.
56	Приложение числовых и функциональных рядов (часть 8). В результате работы студент приобретет умения приближенного решения дифференциальных уравнений.
57	Случайные события (часть 1). В результате работы студент приобретет умения решения задач на классическое определение вероятностей.
58	Случайные события (часть 2). В результате работы студент приобретет умения решения задач с использованием теорем сложения вероятностей и умножения вероятностей.
59	Случайные события (часть 3). В результате работы студент приобретет умения решения задач с использованием формулы полной вероятности.
60	Случайные события (часть 4). В результате работы студент приобретет умения использования формулы Бернулли, формулы Пуассона, локальной и интегральной формул Муавра-Лапласа при решении задач.
61	Случайные величины (часть 5). В результате работы студент приобретет умения построения закона распределения вероятностей дискретной случайной величины, будет ознакомлен с биномиальным распределением, распределением Пуассона, геометрическим распределением случайной величины.
62	Случайные события (часть 6). В результате работы студент приобретет умения вычисления математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения дискретных случайных величин.
63	Случайные величины (часть 7). В результате работы студент будет ознакомлен с непрерывными случайными величинами. Приобретет умения нахождения функции распределения по известной плотности распределения.
64	Случайные величины (часть 8). В результате работы студент будет ознакомлен с основными законами распределения непрерывных случайных величин. Приобретет умения вычисления математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения непрерывных случайных величин.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к практическим занятиям.
2	Подготовка к промежуточной аттестации.
3	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 1 в 2 кн. Книга 1: учебник для вузов / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 324 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-07067-5. В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов Учебник Юрайт , 2022	https://urait.ru/bcode/491294
2	Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7. В. С. Шипачев. Учебное пособие Юрайт , 2021	https://urait.ru/bcode/468424
3	Садовничая, И.В. Математический анализ. Предел и непрерывность функции одной переменной : учебное пособие для вузов / И.В. Садовничая, Т.Н. Фоменко ; под общей редакцией В.А. Ильина. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 115 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08473-3. И.В. Садовничая, Т.Н. Фоменко ; под общей редакцией В.А. Ильина. Учебное пособие Юрайт , 2023	https://urait.ru/bcode/515257
4	Дифференциальные уравнения : учебник и практикум для вузов / Т. В. Муратова. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 435 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01456-3. Т. В. Муратова. Учебник Юрайт , 2021	https://urait.ru/bcode/468795
5	Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. Н. Ш. Кремер. Учебник Юрайт , 2019	https://urait.ru/bcode/431167
6	Математический анализ. Сборник заданий: учебное пособие для вузов / В. В. Логинова [и др.]; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. — 2-е изд., испр. и доп.	https://urait.ru/bcode/493329

— Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 206 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-11516-1. В. В. Логинова [и др.]; под общей редакцией Е. Г. Плотниковой. Учебное пособие Юрайт , 2022	
---	--

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

1. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) <http://library.miit.ru>
2. Электронно-библиотечная система «Лань» <http://e.lanbook.com/>
3. Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) ИЭФ <http://ml.miit-ief.ru>
4. Образовательная платформа для университетов и колледжей Юрайт <https://urait.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Office, Microsoft Windows.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Компьютеры, интерактивные доски, проекторы, экраны, меловые доски.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 3 семестре.

Зачет в 1, 2, 4 семестрах.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

старший преподаватель кафедры
«Высшая математика»

М.Е. Булатникова

Согласовано:

Заведующий кафедрой ТТ

А.В. Дмитренко

и.о. заведующего кафедрой ВМ

А.М. Курзина

Председатель учебно-методической
комиссии

С.В. Володин