

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы бакалавриата  
по направлению подготовки  
02.03.02 Фундаментальная информатика и  
информационные технологии,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Математическая логика и теория алгоритмов**

Направление подготовки: 02.03.02 Фундаментальная информатика и  
информационные технологии

Направленность (профиль): Квантовые вычислительные системы и сети

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 1343395  
Подписал: И.о. заведующего кафедрой Тищенко Сергей  
Александрович  
Дата: 20.05.2026

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью освоения дисциплины (модуля) являются:

- ознакомление с основными понятиями и методами математической логики и теории алгоритмов;
- формирование систематизированных знаний в области математической логики;
- формирование представлений о проблемах оснований математики и роли математической логики в их решении;
- развитие логического мышления, логической культуры.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- сбор и анализ исходных данных для проектирования систем защиты информации, определение требований, сравнительный анализ подсистем по показателям информационной безопасности;
- сбор, изучение научно-технической информации, отечественного и зарубежного опыта по тематике исследования.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-1** - Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности;

**ОПК-3** - Способен к разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей, созданию информационных ресурсов глобальных сетей, образовательного контента, прикладных баз данных, тестов и средств тестирования систем и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

- основы теории доказательств, понятие сложности алгоритма, алгоритмы поиска кратчайших путей на графах.
- математические методы и средства тестирования систем и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям;

- фундаментальные основы в области математических и (или) естественных наук.

**Уметь:**

- выполнять тождественные преобразования формул логики высказываний и логики предикатов;

- проверять и доказывать логическое следование;

- оценивать сложность алгоритмов.

- применять фундаментальные знания, полученные в области математических наук.

- применять математическую логику в разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей.

**Владеть:**

- навыками формализации и интерпретации высказываний;

- вычислениями логического значения высказывания;

- проверками логического следования;

- построениями доказательств (выводов) в исчислении высказываний;

- разработки алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 3 з.е. (108 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	48	48
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	16	16

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 60 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p>Логика и исчисление высказываний</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формализация языка. Высказывания, истинностные значения высказываний;</li> <li>- формулы в исчислении высказываний. Эквивалентность формул в ИВ;</li> <li>- логическое следствие в ИВ. Рассуждение. Правильные (логичные) рассуждения.</li> </ul>
2	<p>Логическое следование</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие логического следования;</li> <li>- теорема о признаке логического следования;</li> <li>- теорема о признаке логической равносильности.</li> </ul>
3	<p>Логика предикатов</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие предиката в логике;</li> <li>- множество истинности предиката;</li> <li>- кванторные операции над предикатами;</li> <li>- формулы логики предикатов;</li> </ul>
4	<p>Логика предикатов</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- законы логики предикатов;</li> <li>- теорема о приведенной форме;</li> <li>- теорема о предваренной нормальной форме.</li> </ul>
5	<p>Элементы теории графов</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие графа. Способы представления графов. Ориентированные и неориентированные графы;</li> <li>- взвешенные графы. Пути и циклы в графах;</li> <li>- постановки задач о кратчайших путях, задача коммивояжера.</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
6	<p><b>Теория алгоритмов</b>  Рассматриваемые вопросы:  - понятие задачи: массовая и индивидуальная. Свойства алгоритма. Кодирование задачи.  Необходимость формализации понятия алгоритма;  - алгоритмически неразрешимые проблемы;  - временная сложность алгоритма: время работы алгоритма над входом, сложность алгоритма, сложность задачи. Полиномиальные алгоритмы. Класс задач P;</p>
7	<p><b>Теория алгоритмов(продолжение)</b>  Рассматриваемые вопросы:  - сложность некоторых вычислительных алгоритмов;  - понятие недетерминированного алгоритма. Класс задач NP. Примеры NP-полных задач;  - типы алгоритмов: переборные, жадные. Эвристики и приближенные алгоритмы.</p>
8	<p><b>Формальные аксиоматические теории</b>  Рассматриваемые вопросы:  - понятие формальной аксиоматической теории (ФАТ);  - основные свойства ФАТ;  - формализованное исчисление высказываний (ФИВ);  - понятие вывода (доказательства) формулы ФИВ;  - теорема о дедукции;  - свойства ФИВ;</p>
9	<p><b>Формальные аксиоматические теории(продолжение)</b>  Рассматриваемые вопросы:  - формализованное исчисление предикатов (ФИП);  - свойства ФИП;  - формальная арифметика (ФА).</p>
10	<p><b>Формальные аксиоматические теории(продолжение)</b>  Рассматриваемые вопросы:  - теоремы Гёделя о неполноте ФА;  - теорема Чёрча о неразрешимости ФА;  - теорема Тарского об истинности.</p>
11	<p><b>Вычислимые функции</b>  Рассматриваемые вопросы:  - понятие алгоритмически вычислимой функции;  - аксиоматическая теория вычислимых функций;</p>
12	<p><b>Вычислимые функции(продолжение)</b>  Рассматриваемые вопросы:  - понятие функции, вычислимой по Чёрчу;  - тезис Чёрча.</p>
13	<p><b>Машина Тьюринга</b>  - понятие машины Тьюринга;  - понятие функции, вычислимой по Тьюрингу;</p>
14	<p><b>Машина Тьюринга(продолжение)</b>  Рассматриваемые вопросы:  - тезис Тьюринга;  - теорема об эквивалентности множества функций, вычислимых по Тьюрингу, и множества функций, вычислимых по Чёрчу.</p>
15	<p><b>Основы теории сложности алгоритмов</b>  Рассматриваемые вопросы:  - понятие массовой проблемы;  - теорема о существовании функции, невычислимой по Тьюрингу;</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- теорема Райса; - временная функция сложности алгоритма;
16	<b>Основы теории сложности алгоритмов(продолжение)</b> Рассматриваемые вопросы: - шкала асимптотической сложности алгоритмов; - сложностные классы массовых проблем; - понятия практически решаемой и труднорешаемой массовой проблемы; - классы массовых проблем P и NP.

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	<b>Формулы в исчислении высказываний. Эквивалентность формул в ИВ</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык выполнять эквивалентные преобразования формул в ИВ.
2	<b>Логическое следствие в ИВ. Рассуждение. Правильные (логичные) рассуждения</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык проверять логическое следование в ИВ.
3	<b>Предикаты. Формулы в ИП. Интерпретация формул в ИП. Алгебра предикатов и алгебра множеств</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык преобразования формул алгебры предикатов.
4	<b>Алгебра предикатов и алгебра множеств</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык преобразования формул алгебры предикатов.
5	<b>Логическое следствие в ИП. Рассуждение. Правильные (логичные) рассуждения</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык проверять логическое следование в ИП.
6	<b>Способы представления графов</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык задавать графы и определять типы графов.
7	<b>Пути и циклы в графах</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык строить пути и циклы в графах.
8	<b>Оценка сложности фрагментов программ</b> В результате выполнения практического задания студент получает навык оценки сложности программ.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Работа с лекционным материалом.
2	Работа с литературой.
3	Текущая подготовка к занятиям.

4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Математическая логика и теория алгоритмов: Метод. указания к практич. занятиям / Е.Б. Арутюнян, М.Н. Аршинов; МИИТ. Каф. Прикладная математика-1. - М.: МИИТ, 2003. - 66 с.	<a href="https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/00-81956.pdf">https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/00-81956.pdf</a>
2	Математическая логика: сборник тестовых заданий для напр. Экономика. Ч.2 / 3. С. Липкина, М. В. Тюленева; МИИТ. Каф. Математика.М.: РУТ(МИИТ), 2017. - 70 с. - Б. ц.	<a href="https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/DC-542.pdf">https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/DC-542.pdf</a>
3	Построение частотных характеристик (годографов) САР: метод. указ. к самост. работе по дисц. Теория управления для студ. спец. Оборудование и технология повышения износостойкости и восстановление деталей машин и аппаратов / Ю.А. Ермолин; МИИТ. Каф. Управление и информатика в технических системах. - М.: МИИТ, 2010. - 20 с.	<a href="https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/03_19492.pdf">https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/03_19492.pdf</a>

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Электронная библиотека МИИТа: <http://library.miit.ru/fulltext.php>

НТБ МИИТ: <http://miit.ru/portal/page/portal/miit/library>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

ОС Microsoft Windows.

Microsoft Office

Интернет-браузер (Yandex и др.)

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебная аудитория для проведения учебных занятий (занятий лекционного типа, практических занятий):

- компьютер преподавателя, мультимедийное оборудование, доска.

Аудитория подключена к сети «Интернет».

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 4 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, доцент, к.н. кафедры  
«Цифровые технологии управления  
транспортными процессами»

А.П. Иванова

Согласовано:

Заведующий кафедрой ВССиИБ  
и.о. заведующего кафедрой ПМ  
Председатель учебно-методической  
комиссии

Б.В. Желенков

С.А. Тищенко

Н.А. Андриянова