

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программа бакалавриата
по направлению подготовки
02.03.02 Фундаментальная информатика и
информационные технологии,
утвержденной первым проректором ФГАОУ ВО
РУТ (МИИТ) Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Математическая логика и теория алгоритмов

Направление подготовки: 02.03.02 Фундаментальная информатика и
информационные технологии

Направленность (профиль): Квантовые вычислительные системы и сети

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная ФГАОУ ВО РУТ
(МИИТ)

ID подписи: 1343395

Подписал: И.о. заведующего кафедрой Тищенко Сергей
Александрович

Дата: 01.09.2026

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью освоения дисциплины (модуля) являются:

- ознакомление с основными понятиями и методами математической логики и теории алгоритмов;
- формирование систематизированных знаний в области математической логики;
- формирование представлений о проблемах оснований математики и роли математической логики в их решении;
- развитие логического мышления, логической культуры.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- сбор и анализ исходных данных для проектирования систем защиты информации, определение требований, сравнительный анализ подсистем по показателям информационной безопасности;
- сбор, изучение научно-технической информации, отечественного и зарубежного опыта по тематике исследования.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ОПК-1 - Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности;

ОПК-3 - Способен к разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей, созданию информационных ресурсов глобальных сетей, образовательного контента, прикладных баз данных, тестов и средств тестирования систем и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- основы теории доказательств, понятие сложности алгоритма, алгоритмы поиска кратчайших путей на графах.
- математические методы и средства тестирования систем и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям;

- фундаментальные основы в области математических и (или) естественных наук.

Уметь:

- выполнять тождественные преобразования формул логики высказываний и логики предикатов;

- проверять и доказывать логическое следование;

- оценивать сложность алгоритмов.

- применять фундаментальные знания, полученные в области математических наук.

- применять математическую логику в разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей.

Владеть:

- навыками формализации и интерпретации высказываний;

- вычислениями логического значения высказывания;

- проверками логического следования;

- построениями доказательств (выводов) в исчислении высказываний;

- разработки алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 3 з.е. (108 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	48	48
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	16	16

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 60 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Логика и исчисление высказываний Рассматриваемые вопросы: - формализация языка. Высказывания, истинностные значения высказываний; - формулы в исчислении высказываний. Эквивалентность формул в ИВ; - логическое следствие в ИВ. Рассуждение. Правильные (логичные) рассуждения.
2	Логическое следование Рассматриваемые вопросы: - понятие логического следования; - теорема о признаке логического следования; - теорема о признаке логической равносильности.
3	Логика предикатов Рассматриваемые вопросы: - понятие предиката в логике; - множество истинности предиката; - кванторные операции над предикатами; - формулы логики предикатов;
4	Логика предикатов Рассматриваемые вопросы: - законы логики предикатов; - теорема о приведенной форме; - теорема о предваренной нормальной форме.
5	Элементы теории графов Рассматриваемые вопросы: - понятие графа. Способы представления графов. Ориентированные и неориентированные графы; - взвешенные графы. Пути и циклы в графах; - постановки задач о кратчайших путях, задача коммивояжера.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
6	Теория алгоритмов Рассматриваемые вопросы: - понятие задачи: массовая и индивидуальная. Свойства алгоритма. Кодирование задачи. Необходимость формализации понятия алгоритма; - алгоритмически неразрешимые проблемы; - временная сложность алгоритма: время работы алгоритма над входом, сложность алгоритма, сложность задачи. Полиномиальные алгоритмы. Класс задач P;
7	Теория алгоритмов(продолжение) Рассматриваемые вопросы: - сложность некоторых вычислительных алгоритмов; - понятие недетерминированного алгоритма. Класс задач NP. Примеры NP-полных задач; - типы алгоритмов: переборные, жадные. Эвристики и приближенные алгоритмы.
8	Формальные аксиоматические теории Рассматриваемые вопросы: - понятие формальной аксиоматической теории (ФАТ); - основные свойства ФАТ; - формализованное исчисление высказываний (ФИВ); - понятие вывода (доказательства) формулы ФИВ; - теорема о дедукции; - свойства ФИВ;
9	Формальные аксиоматические теории(продолжение) Рассматриваемые вопросы: - формализованное исчисление предикатов (ФИП); - свойства ФИП; - формальная арифметика (ФА).
10	Формальные аксиоматические теории(продолжение) Рассматриваемые вопросы: - теоремы Гёделя о неполноте ФА; - теорема Чёрча о неразрешимости ФА; - теорема Тарского об истинности.
11	Вычислимые функции Рассматриваемые вопросы: - понятие алгоритмически вычислимой функции; - аксиоматическая теория вычислимых функций;
12	Вычислимые функции(продолжение) Рассматриваемые вопросы: - понятие функции, вычислимой по Чёрчу; - тезис Чёрча.
13	Машина Тьюринга - понятие машины Тьюринга; - понятие функции, вычислимой по Тьюрингу;
14	Машина Тьюринга(продолжение) Рассматриваемые вопросы: - тезис Тьюринга; - теорема об эквивалентности множества функций, вычислимых по Тьюрингу, и множества функций, вычислимых по Чёрчу.
15	Основы теории сложности алгоритмов Рассматриваемые вопросы: - понятие массовой проблемы; - теорема о существовании функции, невычислимой по Тьюрингу;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- теорема Райса; - временная функция сложности алгоритма;
16	Основы теории сложности алгоритмов(продолжение) Рассматриваемые вопросы: - шкала асимптотической сложности алгоритмов; - сложностные классы массовых проблем; - понятия практически решаемой и труднорешаемой массовой проблемы; - классы массовых проблем P и NP.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Формулы в исчислении высказываний. Эквивалентность формул в ИВ В результате выполнения практического задания студент получает навык выполнять эквивалентные преобразования формул в ИВ.
2	Логическое следствие в ИВ. Рассуждение. Правильные (логичные) рассуждения В результате выполнения практического задания студент получает навык проверять логическое следование в ИВ.
3	Предикаты. Формулы в ИП. Интерпретация формул в ИП. Алгебра предикатов и алгебра множеств В результате выполнения практического задания студент получает навык преобразования формул алгебры предикатов.
4	Алгебра предикатов и алгебра множеств В результате выполнения практического задания студент получает навык преобразования формул алгебры предикатов.
5	Логическое следствие в ИП. Рассуждение. Правильные (логичные) рассуждения В результате выполнения практического задания студент получает навык проверять логическое следование в ИП.
6	Способы представления графов В результате выполнения практического задания студент получает навык задавать графы и определять типы графов.
7	Пути и циклы в графах В результате выполнения практического задания студент получает навык строить пути и циклы в графах.
8	Оценка сложности фрагментов программ В результате выполнения практического задания студент получает навык оценки сложности программ.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Работа с лекционным материалом.
2	Работа с литературой.
3	Текущая подготовка к занятиям.

4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Математическая логика и теория алгоритмов: Метод. указания к практич. занятиям / Е.Б. Арутюнян, М.Н. Аршинов; МИИТ. Каф. Прикладная математика-1. - М.: МИИТ, 2003. - 66 с.	https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/00-81956.pdf
2	Математическая логика: сборник тестовых заданий для напр. Экономика. Ч.2 / З. С. Липкина, М. В. Тюленева; МИИТ. Каф. Математика.М.: РУТ(МИИТ), 2017. - 70 с. - Б. ц.	https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/DC-542.pdf
3	Построение частотных характеристик (годографов) САР: метод. указ. к самост. работе по дисц. Теория управления для студ. спец. Оборудование и технология повышения износостойкости и восстановление деталей машин и аппаратов / Ю.А. Ермолин; МИИТ. Каф. Управление и информатика в технических системах. - М.: МИИТ, 2010. - 20 с.	https://library.miit.ru/bookscatalog/metod/03_19492.pdf

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Электронная библиотека МИИТа: <http://library.miit.ru/fulltext.php>

НТБ МИИТ: <http://miit.ru/portal/page/portal/miit/library>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

ОС Microsoft Windows.

Microsoft Office

Интернет-браузер (Yandex и др.)

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебная аудитория для проведения учебных занятий (занятий лекционного типа, практических занятий):

- компьютер преподавателя, мультимедийное оборудование, доска.

Аудитория подключена к сети «Интернет».

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 4 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, доцент, к.н. кафедры
«Цифровые технологии управления
транспортными процессами»

А.П. Иванова

Согласовано:

Заведующий кафедрой ВССиИБ
и.о. заведующего кафедрой ММСС
Председатель учебно-методической
комиссии

Б.В. Желенков

С.А. Тищенко

Н.А. Андриянова