

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы специалитета  
по специальности  
23.05.03 Подвижной состав железных дорог,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Математические модели вагонов и процессов**

Специальность: 23.05.03 Подвижной состав железных дорог

Специализация: Грузовые вагоны

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 3331  
Подписал: заведующий кафедрой Петров Геннадий Иванович  
Дата: 31.03.2024

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Дисциплина «Математические модели вагонов и процессов» ставит своей целью изучение студентами принципов и методов математического моделирования, умение разрабатывать математические модели реальных объектов и процессов и решать на их основе инженерные задачи с помощью современных средств вычислительной техники и стандартных пакетов прикладных программ.

Задачи дисциплины:

- изучение основных подходов к построению и анализу математических моделей, общих для различных областей технических наук, не зависящих от конкретной специфики;
- изучение студентами методов математического моделирования: аналитических (точных) и численных (приближённых) для решения инженерных задач с помощью математических моделей;
- приобретение студентами практических навыков применения методов математического моделирования при решении задач вагоностроения и вагонного хозяйства, а в том числе алгоритмизации и программирования;
- овладение студентами навыками анализа результатов, полученных в процессе вычислительного эксперимента.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-1** - Способен решать инженерные задачи в профессиональной деятельности с использованием методов естественных наук, математического анализа и моделирования.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

**Знать:**

основы методов математического моделирования

**Уметь:**

решать инженерные задачи вагоностроения и вагонного хозяйства с использованием методов математического моделирования

**Владеть:**

навыками разработки математических моделей и решения на их основе инженерных задач вагоностроения и вагонного хозяйства

### 3. Объем дисциплины (модуля).

#### 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 4 з.е. (144 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №7
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	64	64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	16	16
Занятия семинарского типа	48	48

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 80 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

### 4. Содержание дисциплины (модуля).

#### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Общие сведения о математическом моделировании. Процесс разработки математической модели Рассматриваемые вопросы: - цели и задачи дисциплины;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- рекомендуемая основная и дополнительная литература;</li> <li>- основные понятия математического моделирования;</li> <li>- классификация математических моделей;</li> <li>- разработка математической модели.</li> </ul>
2	<p>Оценка полученных результатов. Корректировка моделей.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- способы оценки результатов моделирования;</li> <li>- оценка сходимости модели;</li> <li>- оценка чувствительности модели;</li> <li>- верификация и корректировка модели</li> </ul>
3	<p>Системы координат в математических моделях</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- декартова, полярная системы координат на плоскости;</li> <li>- цилиндрическая, сферическая декартова косистемы координат в пространстве;</li> <li>- преобразования параллельного переноса и поворота декартовой системы координат;</li> <li>- переход между системами координат</li> </ul>
4	<p>Применение матриц в математическом моделировании. Основные матричные операции</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- понятия матрицы и вектора;</li> <li>- обращение к элементам матрицы;</li> <li>- операции сложения, умножения матриц, транспонирования и обращения.</li> </ul>
5	<p>Применение матричных операций</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- правила выполнения матричных операций</li> <li>- сферы применения матричных операций в задачах математического моделирования</li> </ul>
6	<p>Применение матриц при решении систем уравнений</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- обращение матрицы;</li> <li>- применение метода обратной матрицы для решения систем линейных уравнений;</li> <li>- применение метода Крамера для решения систем линейных уравнений</li> </ul>
7	<p>Методы численного интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принципы численного интегрирования дифференциальных уравнений;</li> <li>- шаг интегрирования;</li> <li>- начальные условия;</li> <li>- преобразование дифференциальных уравнений.</li> </ul>
8	<p>Метод Эйлера для интегрирования дифференциальных уравнений</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- сущность метода Эйлера;</li> <li>- аппроксимация приращения функций;</li> <li>- переход к системе дифференциальных уравнений первого порядка.</li> </ul>

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Лабораторные работы

№ п/п	Наименование лабораторных работ / краткое содержание
1	<p><b>Разработка математической модели</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- составления расчетной схемы;</li> <li>- выбора метода решения задачи;</li> <li>- разработка математической модели;</li> <li>- верификации математической модели;</li> <li>- проверки сходимости;</li> <li>- оценки чувствительности модели.</li> </ul>
2	<p><b>Анализ математической модели</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- верификации математической модели;</li> <li>- проверки сходимости;</li> <li>- оценки чувствительности модели.</li> </ul>
3	<p><b>Системы координат</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- применения основных систем координат;</li> <li>- преобразований систем координат;</li> <li>- перехода от одной системы координат к другой.</li> </ul>
4	<p><b>Системы координат</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ перехода от одной системы координат к другой и применения матричной формы записи систем уравнений;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных и результатов.</li> </ul>
5	<p><b>Системы координат</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ преобразований систем координат;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных и результатов.</li> </ul>
6	<p><b>Применение матричных операций</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- применения операций произведения матриц, умножения матрицы (вектор) на число, сложения матриц, скалярного произведения векторов;</li> <li>- вычисления определителей;</li> <li>- вычисления обратной матрицы;</li> <li>- применения обратной матрицы для решения системы уравнений в матричной форме;</li> <li>- применения определителей для решения системы уравнений.</li> </ul>
7	<p><b>Применение матричных операций</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ применения операций произведения матриц, умножения матрицы (вектор) на число, сложения матриц, скалярного произведения векторов;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных и результатов.</li> </ul>
8	<p><b>Математическая модель продольных колебаний вагона. Вывод дифференциальных уравнений. Математическая модель продольных колебаний вагона. Применение метода Эйлера</b></p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выбора расчетной схемы в динамике вагона;</li> <li>- применения аксиомы связей;</li> <li>- составления детализированной расчетной схемы;</li> <li>- составления уравнений движения;</li> <li>- реализации метода численного интегрирования для задач динамики;</li> <li>- применения метода Эйлера;</li> </ul>

№ п/п	Наименование лабораторных работ / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- задания и применения начальных условий;</li> <li>- преобразования уравнений движения к системе дифференциальных уравнений первого порядка.</li> </ul>
9	<p>Математическая модель продольных колебаний вагона. Вывод дифференциальных уравнений. Математическая модель продольных колебаний вагона. Применение метода Эйлера</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ с использованием метода Эйлера;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных, расчетной схемы и результатов.</li> </ul>
10	<p>Математическая модель продольных колебаний вагона. Вывод дифференциальных уравнений. Математическая модель продольных колебаний вагона. Применение метода Эйлера</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ с использованием метода численного интегрирования для задач динамики;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных, расчетной схемы и результатов.</li> </ul>
11	<p>Математическая модель колебаний подпрыгивания вагона с применением модифицированного метода Эйлера. Математическая модель продольных колебаний вагона с применением метода Рунге-Кутты</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выбора расчетной схемы в колебаний подпрыгивания вагона;</li> <li>- составления детализированной расчетной схемы;</li> <li>- составления системы дифференциальных уравнений движения для случая подпрыгивания;</li> <li>- использования метода численного интегрирования повышенной точности;</li> <li>- вычисления коэффициентов Рунге-Кутты;</li> <li>- составления математической модели с применением метода Рунге-Кутты.</li> </ul>
12	<p>Математическая модель колебаний подпрыгивания вагона с применением модифицированного метода Эйлера. Математическая модель продольных колебаний вагона с применением метода Рунге-Кутты</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ для составления математической модели с применением метода Рунге-Кутты;</li> <li>- разработки и отладки программ для использования метода численного интегрирования повышенной точности;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных.</li> </ul>
13	<p>Математическая модель продольных колебаний вагона. Вывод дифференциальных уравнений. Математическая модель продольных колебаний вагона. Применение метода Эйлера</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выбора расчетной схемы в динамике вагона;</li> <li>- применения аксиомы связей;</li> <li>- составления детализированной расчетной схемы;</li> <li>- составления уравнений движения;</li> <li>- реализации метода численного интегрирования для задач динамики;</li> <li>- применения метода Эйлера;</li> <li>- задания и применения начальных условий;</li> <li>- преобразования уравнений движения к системе дифференциальных уравнений первого порядка</li> </ul>
14	<p>Математическая модель колебаний подпрыгивания вагона с применением</p>

№ п/п	Наименование лабораторных работ / краткое содержание
	<p>модифицированного метода Эйлера. Математическая модель продольных колебаний вагона с применением метода Рунге-Кутты</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ для получения решения дифференциальных уравнений движения для случая подпрыгивания;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных.</li> </ul>
15	<p>Математические модели поглощающих аппаратов автосцепки</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- задания силовых характеристик поглощающих аппаратов различных типов;</li> <li>- вычисления сил упругости и трения в аппарате;</li> <li>- определения силовой характеристики после закрытия поглощающего аппарата;</li> <li>- разработки силовой характеристики автосцепного устройства в целом.</li> </ul>
16	<p>Математические модели поглощающих аппаратов автосцепки</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ для получения силовых характеристик поглощающих аппаратов различных типов;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных и расчетной схемы поглощающего аппарата.</li> </ul>
17	<p>Математическая модель котла цистерны для расчета на прочность. Уравнения безмоментной теории оболочек</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-использования уравнений теории оболочек для котлов цистерн;</li> <li>- составления расчетной схемы котла.</li> </ul>
18	<p>Математическая модель котла цистерны для расчета на прочность. Уравнения безмоментной теории оболочек</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ для использования безмоментной теории оболочек при расчете котлов цистерн;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных и упрощенной расчетной схемы котла.</li> </ul>
19	<p>Математическая модель котла цистерны для расчета на прочность. Уравнения безмоментной теории оболочек</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-использования уравнений теории оболочек для котлов цистерн;</li> <li>- составления расчетной схемы котла.</li> </ul>
20	<p>Математическая модель котла цистерны для расчета на прочность. Уравнения безмоментной теории оболочек</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработки и отладки программ для использования уравнений теории оболочек при расчете котлов цистерн;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных и расчетной схемы котла.</li> </ul>
21	<p>Математическая модель котла цистерны для расчета на прочность. Применение принципа Лагранжа</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- применения принципа Лагранжа;</li> <li>- преобразования исходных уравнений теории оболочек.</li> </ul>
22	<p>Математическая модель котла цистерны для расчета на прочность. Применение принципа Лагранжа</p> <p>В результате формируются навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разработка и отладка программы применения принципа Лагранжа в теории оболочек;</li> <li>- разработка и отладка ввода исходных данных.</li> </ul>

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к лабораторным работам
2	Подготовка к промежуточной аттестации.
3	Подготовка к текущему контролю.

#### 5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Элементы теории математических моделей : монография / А.Д. Мышкис. - М. : Физматлит, ВО "Наука", 1994. - 192 с. - ISBN 5-02-014850-4	<a href="https://search.rsl.ru/ru/record/01001692528">https://search.rsl.ru/ru/record/01001692528</a> (дата обращения: 12.04.2024). Текст электронный.
2	Сборник задач по линейной алгебре : учеб. пособие / И.В. Проскуряков. - 10-е изд., стер. - СПб. : "Лань", 2007. - 480 с. - ISBN 978-5-8114-0707-1	<a href="http://elibrary.sgu.ru/uch_lit/560.pdf">http://elibrary.sgu.ru/uch_lit/560.pdf</a> (дата обращения: 12.04.2024). Текст электронный.
3	Введение в численные методы : учеб. пособие для вузов / А.А. Самарский. - 3-е изд., стер. - СПб. : "Лань", 2005. - 288 с. - ISBN 5-8114-0602-9	<a href="https://search.rsl.ru/ru/record/01001125829">https://search.rsl.ru/ru/record/01001125829</a> (дата обращения: 12.04.2024). Текст электронный.
4	Определение температурного поля котла цистерны в очаге пламени : метод. указ. к курс. и дипл. проектированию по дисц. "Конструирование и расчет вагонов" для студ. спец. "Вагоны" / С.В. Беспалько, С.С. Андриянов, В.М. Меланин . - М. : МИИТ, 2009. - 26 с.	<a href="https://search.rsl.ru/ru/record/01004586981">https://search.rsl.ru/ru/record/01004586981</a> (дата обращения: 12.04.2024). Текст электронный.
5	Вариационное исчисление и интегральные уравнения : справочное руководство / Л.Я. Цлаф. - 3-е изд., стер. - СПб. : "Лань", 2005. - 192 с. - ISBN 5-8114-0596-0 Однотомное издание	<a href="https://search.rsl.ru/ru/record/01007082385">https://search.rsl.ru/ru/record/01007082385</a> (дата обращения: 12.04.2024). Текст электронный.
6	Прикладные численные методы в физике и технике : научное издание / Т.Е. Шуп; Пер. с англ. С.Ю.Славянова; Ред. С.П.Меркурьев. - М. : Высшая школа, 1990. - 255 с. : ил. - ISBN 5-06-001014-7	<a href="https://search.rsl.ru/ru/record/01001551566">https://search.rsl.ru/ru/record/01001551566</a> (дата обращения: 12.04.2024). Текст электронный.



6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Федеральный портал «Российское образование» - <http://www.edu.ru/>;

Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) - <http://www.fcior.edu.ru/> ;

Электронно-библиотечная система "ЛАНЬ" - <https://e.lanbook.com/>;

Электронно-библиотечная система "ЮРАЙТ" - <https://urait.ru/>;

Электронно-библиотечная система "BOOK.RU" - <http://www.book.ru/>;

Электронно-библиотечная система [ibooks.ru](http://ibooks.ru/) - <http://ibooks.ru/>;

Электронно-библиотечная система «Академия» - <http://academia-moscow.ru/>;

Электронно-библиотечная система «ZNANIUM.COM» - <http://www.znanium.com/>;

Информационный портал нормативных документов ОАО «РЖД» - <http://rzd.ru/>;

База нормативных документов (ГОСТ) - <https://docs.cntd.ru/document/>;

Электронно-библиотечная система Научно-технической библиотеки МИИТ - <http://library.miit.ru/>;

Информационно-справочный портал Проект Российской государственной библиотеки для молодежи - <http://www.library.ru/>.

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

ОС MS Windows

MS Office 2007

Среда программирования C++ Builder

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Сетевой компьютерный класс, оснащенный персональными компьютерами на платформе IBM PC

Канал связи с Интернетом со скоростью не менее 5 Мбит/сек

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 7 семестре.

## 10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

профессор, профессор, д.н. кафедры  
«Вагоны и вагонное хозяйство»

С.В. Беспалько

Согласовано:

Заведующий кафедрой ВВХ

Г.И. Петров

Председатель учебно-методической  
комиссии

С.В. Володин