

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
базового высшего образования
по направлению подготовки
38.03.01 Экономика,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Методы оптимальных решений

Направление подготовки: 38.03.01 Экономика

Направленность (профиль): Экономика предприятий и организаций

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 564169
Подписал: заведующий кафедрой Каргина Лариса Андреевна
Дата: 08.06.2026

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения дисциплины являются:

- изучить современные методы решения задач оптимизации;
- овладеть навыками использования методов оптимизации решения для экономических и управленческих задач;
- развить критическое мышление и повысить общий уровень аналитической культуры.

Задачами освоения дисциплины является:

- сформировать у обучающихся представления о многообразии методологических приемов решения задач оптимизации;
- познакомить с понятийным и категориальным аппаратом, научить составлению математических моделей различных типов задач оптимизации;
- сформировать навыки решения задач оптимизации с использованием различных методов;
- привить критический подход при формализации конкретных управленческих ситуаций;
- научить интерпретации результатов решения задачи оптимизации, развить навыки анализа и исследования оптимального решения для разработки и повышения эффективности организационных и управленческих решений.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ОПК-3 - Способен осуществлять сбор, обработку и анализ данных, необходимых для решения профессиональных задач с использованием современного инструментария;

ОПК-4 - Способен использовать современные информационные технологии и программные средства при решении профессиональных задач.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- понятие задачи оптимизации;
- различные типы задач оптимизации;
- правила составления математической модели задачи оптимизации;
- методы решения задач линейной и нелинейной оптимизации;

- определение матричной игры и основные понятия теории игр.

Уметь:

- составлять математическую модель задачи оптимизации;
- решать задачу линейного программирования графическим методом, симплекс-методом и М-методом;
- решать задачи нелинейного программирования с помощью критерия Сильвестра и с помощью функции Лагранжа
- решать задачи линейного и нелинейного программирования с использованием надстройки «Поиск решения» MS Excel;
- составлять математическую модель двойственной задачи линейного программирования;
- решать транспортную задачу методом потенциалов и с помощью надстройки «Поиск решения» MS Excel;
- находить верхнюю и нижнюю цену игры, использовать критерии «игры с природой» для нахождения оптимальной стратегии;
- сводить матричную игру к задаче линейного программирования и решать ее с помощью MS Excel.

Владеть:

- навыками формализации задач оптимизации;
- навыками решения задач оптимизации с использованием различных методов;
- навыками составления математической модели задачи оптимизации и теории игр в MS Excel и использования надстройки «Поиск решения» MS Excel для их решения;
- навыками интерпретации результатов решения задачи оптимизации для повышения обоснованности принятия решений;
- навыками исследования чувствительности и устойчивости оптимального решения с использованием надстройки «Поиск решения» MS Excel с целью повышения эффективности принимаемых решений.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 4 з.е. (144 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами,

привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №3
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	64	64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	32	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 80 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p>Понятие задачи оптимизации.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - основные понятия; - типы и примеры задач оптимизации; - задача линейного программирования и ее математическая модель; - примеры задач линейного программирования в экономике и управлении.
2	<p>Графический метод решения ЗЛП.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - область допустимых решений; - градиент и линия уровня; - алгоритм решения ЗЛП графическим методом; - анализ чувствительности и устойчивости решения ЗЛП; - экономическая интерпретация результатов.
3	<p>Решение ЗЛП симплекс-методом.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - идея и принципы симплекс-метода;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - приведение ЗЛП к каноническому виду; - правила перехода к новому допустимому базисному решению; - алгоритм решения ЗЛП с помощью симплекс-таблиц; - интерпретация результатов решения задач оптимизации.
4	<p>Решение ЗЛП М-методом.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - проблемы симплекс-метода; - правила составления М-задачи; - соответствие между решением исходной ЗЛП и решением М-задачи; - решение ЗЛП с помощью М-метода.
5	<p>Решение ЗЛП с помощью надстройки «Поиск решения» MS Excel.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - реализация математической модели ЗЛП в MS Excel; - настройка параметров «Поиска решения»; - интерпретация результатов моделирования; - исследование оптимального решения.
6	<p>Двойственная ЗЛП.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - принципы составления ЗЛП; - четыре пары двойственных ЗЛП; - первая и вторая теорема двойственности - экономическая интерпретация результатов.
7	<p>Решение транспортной задачи методом потенциалов.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - математическая модель транспортной задачи; - поиск начального допустимого базисного решения методом северо-западного угла и наименьшей стоимости; - проверка решения на оптимальность методом потенциалов; - сдвиг по циклу в транспортной задаче; - задачи, сводящиеся к транспортным; - использование надстройки «Поиск решения» MS Excel для решения транспортной задачи.
8	<p>Модификации транспортной задачи и их решение в MS Excel.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - транспортная задача с дополнительными ограничениями; - задачи, сводящиеся к транспортным; - использование надстройки «Поиск решения» MS Excel для решения транспортной задачи.
9	<p>Задача нелинейного программирования.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - виды задач нелинейного программирования и их применение в экономике; - решение задач на безусловный экстремум: матрица Гессе и критерий Сильвестра; - решение задач на условный экстремум: метод Лагранжа; - использование надстройки «Поиск решения» MS Excel для решения задач нелинейного программирования.
10	<p>Задача динамического программирования в экономике.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - постановка задачи динамического программирования; - принцип оптимальности и уравнение Беллмана; - примеры задач динамического программирования и их использование в экономике.
11	<p>Основы теории матричных игр.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - основные понятия теории игр; - нижняя и верхняя цена игры, цена игры; - решение игры в чистых стратегиях; - понятие смешанной стратегии; - поиск решения матричной игры методом линейного программирования.
12	<p>Игры с природой. Экономические приложения матричных игр.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - игра с природой; - критерии оптимальной стратегии игры с природой: Вальде, максимума, Гурвица, Байеса, Лапласа, Сэвиджа; - применение теории игр в экономике.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	<p>Составление математической модели задачи линейного программирования.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент развивает навыки построения математической модели задачи линейного программирования.</p>
2	<p>Графический метод решения задачи линейного программирования.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент научится строить область допустимых решений задачи линейного программирования с двумя переменными, градиент целевой функции и искать графически и аналитически оптимальное решение, развивает навыки анализа чувствительности и устойчивости оптимального решения.</p>
3	<p>Поиск оптимального решения задачи линейного программирования симплекс-методом.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент отрабатывает навыки работы по алгоритму симплекс-метода: составление и пересчет симплекс-таблиц, используя изученные теоретические идеи и принципы симплекс-метода.</p>
4	<p>Поиск оптимального решения задачи линейного программирования М-методом.</p> <p>В результате работы на практических занятиях студент научится выявлять проблемы алгоритма симплекс-метода, составлять М-задачу, приобретет навыки работы по алгоритму М-метода.</p>
5	<p>Использование надстройки «Поиск решения» MS-Excel для решения задачи линейного программирования.</p> <p>В результате работы на практических занятиях студент осваивает правила составления математической модели ЗЛП в MS Excel, научится использовать надстройку «Поиск решения», анализировать полученные отчеты и интерпретировать результаты с целью повышения эффективности принимаемых управленческих решений.</p>
6	<p>Двойственная задача линейного программирования.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент научится составлять двойственные задачи и применять для их решения теоремы двойственности и давать экономическую интерпретацию полученным результатам.</p>
7	<p>Транспортная задача в табличной форме.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент учится искать начальное допустимое базисное решение транспортной задачи различными способами, определять потенциалы, проверять решение на оптимальность и переходить при необходимости переходить к новому решению,</p>

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
	владеть алгоритмом решения транспортной задачи методом потенциалов, использовать возможности MS Excel для решения транспортной задачи.
8	Модификации транспортной задачи и их решение с помощью MS Excel. В результате работы на практическом занятии студент учится вводить дополнительные ограничения в модель транспортной задачи, учится учитывать эти ограничения в алгоритме решения ТЗ, знакомится с задачами, подобными транспортным, приобретает навыки использования возможностей MS Excel для решения транспортной задачи, в том числе с учетом дополнительных ограничений.
9	Задача нелинейного программирования без ограничений. В результате работы на практическом занятии студент отрабатывает навыки решения задач безусловного экстремума с использованием матрицы Гессе и критерия Сильвестра, задач условного экстремума с использованием метода Лагранжа, а также учится использовать возможности MS Excel для решения задач данных классов.
10	Задача нелинейного программирования с ограничениями. В результате работы на практическом занятии студент отрабатывает навыки решения задач условного экстремума с использованием метода Лагранжа, а также учится использовать возможности MS Excel для решения различных классов задач нелинейного программирования.
11	Поиск оптимальной стратегии матричной игры. В результате на практических занятиях студент учится составлять платежную матрицу, определять ее верхнюю и нижнюю цену игры, цену игры, седловую точку и решать игру в чистых и смешанных стратегиях в том числе с использованием задачи линейного программирования в том числе с использованием MS Excel.
12	Критерии игры с природой. Игры в экономике. В результате работы на практическом занятии студент знакомится с различными критериями игры с природой (Вальде, максимума, Гурвица, Байеса, Лапласа, Сэвиджа), учится обосновывать целесообразность применения того или иного критерия, учится применять игровые модели для решения задач экономики и управления.
13	Нахождение оптимальной стратегии «игры с природой» В результате работы на практическом занятии студент отрабатывает навыки решения «игр с природой» с использованием различных критериев (Вальде, максимума, Гурвица, Сэвиджа, Байеса, Лапласа).

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к практическим занятиям
2	Работа с лекционным материалом
3	Работа с литературой
4	Выполнение курсовой работы.
5	Подготовка к промежуточной аттестации.
6	Подготовка к текущему контролю.

4.4. Примерный перечень тем курсовых работ

- 1) Модели планирования производства
- 2) Модель оптимального распределения ресурсов
- 3) Модель оптимизация продовольственной корзины
- 4) Модель оптимизации отходов производства
- 5) Модель оптимизации штатного расписания
- 6) Модель минимизации транспортных издержек
- 7) Модель минимизации рисков при инвестиционном планировании
- 8) Задача о назначениях в управлении производственным процессом
- 9) Модель оптимального выбора инвестиционного проекта
- 10) Модель оптимизации плана продаж с учетом погодных условий

В течение семестра студент выполняет курсовую работу по согласованной с преподавателем теме.

Курсовая работа состоит из кейс-заданий, исходные данные для которых каждому студенту выдаются в соответствии с индивидуальным вариантом.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Зенков, А. В. Методы оптимальных решений : учебное пособие для вузов / А. В. Зенков. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 201 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-05377-7. 2021	https://urait.ru/bcode/473421 (дата обращения: 04.06.2026) - Текст : электронный.
2	Кремер, Н. Ш. Математика для экономистов: от арифметики до эконометрики. Учебно-справочное пособие : учебник для вузов / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; под общей редакцией Н. Ш. Кремера. — 5-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 760 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-14218-1. 2019	https://urait.ru/bcode/425064 (дата обращения: 04.06.2026) - Текст : электронный.
3	Токарев, В. В. Методы оптимизации : учебное пособие для вузов / В. В. Токарев. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 440 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-04712-7. 2021	https://urait.ru/bcode/472892 (дата обращения: 04.06.2026) - Текст : электронный.
4	Методы оптимизации. Задачник : учебное пособие для вузов / В. В. Токарев, А. В. Соколов, Л. Г. Егорова, П. А. Мышкис. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 292 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10417-2. 2021	https://urait.ru/bcode/475305 (дата обращения: 04.06.2026) - Текст : электронный.

5	Рубчинский, А. А. Методы и модели принятия управленческих решений : учебник и практикум для вузов / А. А. Рубчинский. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 526 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-03619-0. 2021	https://urait.ru/bcode/469183 (дата обращения: 04.06.2026) - Текст : электронный.
---	--	--

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ): <http://library.miiit.ru>

Образовательная платформа «Юрайт» : <https://urait.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

- Набор программных компонентов Microsoft Office.

- Яндекс. Браузер (или другой браузер).

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Для проведения лекционных занятий необходима аудитория с мультимедиа аппаратурой. Для проведения практических занятий требуется аудитория, оснащенная мультимедиа аппаратурой и ПК с необходимым программным обеспечением и подключением к сети интернет.

9. Форма промежуточной аттестации:

Курсовая работа в 3 семестре.

Экзамен в 3 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, к.н. кафедры
«Информационные системы
цифровой экономики»

А.И. Фроловичев

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЭУТ

М.Г. Данилина

Заведующий кафедрой ИСЦЭ

Л.А. Каргина

Председатель учебно-методической
комиссии

М.В. Ишханян