

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы бакалавриата  
по направлению подготовки  
25.03.03 Аэронавигация,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### Методы оптимизации управления и принятия решений

Направление подготовки: 25.03.03 Аэронавигация

Направленность (профиль): Организация бизнес-процессов на воздушном транспорте

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 564169  
Подписал: заведующий кафедрой Каргина Лариса Андреевна  
Дата: 25.04.2025

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения дисциплины являются:

- изучить современные методы решения задач оптимизации;
- овладеть навыками использования методов оптимизации для решения экономических и управленческих задач;
- развить критическое мышление и повысить общий уровень аналитической культуры.

Задачами освоения дисциплины является:

- сформировать у обучающихся представления о многообразии методологических приемов решения задач оптимизации;
- познакомить с понятийным и категориальным аппаратом, научить составлению математических моделей различных типов задач оптимизации;
- сформировать навыки решения задач оптимизации с использованием различных методов;
- привить критический подход при формализации конкретных управленческих ситуаций;
- научить интерпретации результатов решения задачи оптимизации, развить навыки анализа и исследования оптимального решения для разработки и повышения эффективности организационных и управленческих решений.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-6** - Способен использовать основные законы математических и естественнонаучных дисциплин (модулей) в профессиональной деятельности, в том числе с использованием стандартных программных средств;

**УК-1** - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

**Знать:**

- понятие задачи оптимизации;
- различные типы задач оптимизации;
- правила составления математической модели задачи оптимизации;

- методы решения задач оптимизации;
- определение матричной игры и основные понятия теории игр.

**Уметь:**

- составлять математическую модель задачи оптимизации;
- решать задачу линейного программирования графическим методом, симплекс-методом и М-методом;
- решать задачу линейного программирования с использованием надстройки «Поиск решения» MS Excel;
- составлять математическую модель двойственной задачи линейного программирования;
- решать транспортную задачу;
- находить верхнюю и нижнюю цену игры, использовать критерии «игры с природой» для нахождения оптимальной стратегии;
- сводить матричную игру к задаче линейного программирования.

**Владеть:**

- навыками формализации задач оптимизации;
- навыками решения задач оптимизации с использованием различных методов;
- навыками составления математической модели задачи оптимизации в MS Excel и использования надстройки «Поиск решения» MS Excel для их решения;
- навыками интерпретации результатов решения задачи оптимизации для повышения обоснованности принятия решений;
- навыками исследования чувствительности и устойчивости оптимального решения с использованием надстройки «Поиск решения» MS Excel с целью повышения эффективности принимаемых решений.

**3. Объем дисциплины (модуля).**

**3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).**

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 4 з.е. (144 академических часа(ов)).

**3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:**

Тип учебных занятий	Количество часов
---------------------	------------------

	Всего	Семестр №4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	64	64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	32	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 80 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

<b>№ п/п</b>	<b>Тематика лекционных занятий / краткое содержание</b>
1	<p>Понятие задачи оптимизации.            Рассматриваемые вопросы:            - основные понятия;            - типы и примеры задач оптимизации;            - задача линейного программирования и ее математическая модель;            - примеры задач линейного программирования в экономике и управлении.</p>
2	<p>Графический метод решения ЗЛП            Рассматриваемые вопросы:            - область допустимых решений;            - градиент и линия уровня;            - алгоритм решения ЗЛП графическим методом;            - анализ чувствительности и устойчивости решения ЗЛП;            - экономическая интерпретация результатов.</p>
3	<p>Решение ЗЛП симплекс-методом            Рассматриваемые вопросы:            - идея и принципы симплекс-метода;            - приведение ЗЛП к каноническому виду;            - правила перехода к новому допустимому базисному решению;            - алгоритм решения ЗЛП с помощью симплекс-таблиц;            - интерпретация результатов решения задач оптимизации.</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
4	<p><b>Решение ЗЛП М-методом</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- проблемы симплекс-метода;</li> <li>- правила составления М-задачи;</li> <li>- соответствие между решением исходной ЗЛП и решением М-задачи;</li> <li>- решение ЗЛП с помощью М-метода.</li> </ul>
5	<p><b>Решение ЗЛП с помощью надстройки «Поиск решения» MS Excel</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- реализация математической модели ЗЛП в MS Excel;</li> <li>- настройка параметров «Поиска решения»;</li> <li>- интерпретация результатов моделирования;</li> <li>- исследование оптимального решения.</li> </ul>
6	<p><b>Двойственная ЗЛП:</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принципы составления ЗЛП;</li> <li>- четыре пары двойственных ЗЛП;</li> <li>- первая и вторая теорема двойственности</li> <li>- экономическая интерпретация результатов</li> </ul>
7	<p><b>Решение транспортной задачи методом потенциалов.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- математическая модель транспортной задачи;</li> <li>- поиск начального допустимого базисного решения методом северо-западного угла и наименьшей стоимости;</li> <li>- проверка решения на оптимальность методом потенциалов;</li> <li>- сдвиг по циклу в транспортной задаче;</li> <li>- задачи, сводящиеся к транспортным;</li> <li>- использование надстройки «Поиск решения» MS Excel для решения транспортной задачи.</li> </ul>
8	<p><b>Модификации транспортной задачи и их решение в MS Excel.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- транспортная задача с дополнительными ограничениями;</li> <li>- задачи, сводящиеся к транспортным;</li> <li>- использование надстройки «Поиск решения» MS Excel для решения транспортной задачи.</li> </ul>
9	<p><b>Задача нелинейного программирования.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- виды задач нелинейного программирования и их применение в экономике;</li> <li>- решение задач на безусловный экстремум: матрица Гессе и критерий Сильвестра;</li> <li>- решение задач на условный экстремум: метод Лагранжа;</li> <li>- использование надстройки «Поиск решения» MS Excel для решения задач нелинейного программирования.</li> </ul>
10	<p><b>Задача динамического программирования в экономике.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- постановка задачи динамического программирования;</li> <li>- принцип оптимальности и уравнение Беллмана;</li> <li>- примеры задач динамического программирования и их использование в экономике.</li> </ul>
11	<p><b>Основы теории матричных игр.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия теории игр;</li> <li>- нижняя и верхняя цена игры, цена игры;</li> <li>- решение игры в чистых стратегиях;</li> </ul>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- понятие смешанной стратегии;</li> <li>- поиск решения матричной игры методом линейного программирования.</li> </ul>
12	<p><b>Игры с природой. Экономические приложения матричных игр.</b></p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- игра с природой;</li> <li>- критерии оптимальной стратегии игры с природой: Вальде, максимума, Гурвица, Байеса, Лапласа, Сэвиджа;</li> <li>- применение теории игр в экономике.</li> </ul>

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	<p><b>Составление математической модели задачи линейного программирования.</b></p> <p>В результате работы на практическом занятии студент:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- научится решать задачи линейного программирования;</li> <li>- развивает навыки построения математической модели задачи линейного программирования.</li> </ul>
2	<p><b>Критерии игры с природой. Игры в экономике.</b></p> <p>В результате работы на практическом занятии студент:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- знакомится с различными критериями игры с природой (Вальде, максимума, Гурвица, Байеса, Лапласа, Сэвиджа);</li> <li>- учится обосновывать целесообразность применения того или иного критерия;</li> <li>- учится применять игровые модели для решения задач экономики и управления.</li> </ul>
3	<p><b>Графический метод решения задачи линейного программирования.</b></p> <p>В результате работы на практическом занятии студент научится:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- строить область допустимых решений задачи линейного программирования с двумя переменными, градиент целевой функции;</li> <li>- искать графически и аналитически оптимальное решение;</li> <li>- развивает навыки анализа чувствительности и устойчивости оптимального решения.</li> </ul>
4	<p><b>Поиск оптимального решения задачи линейного программирования симплекс-методом.</b></p> <p>В результате работы на практическом занятии студент отрабатывает навыки работы по алгоритму симплекс-метода:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- составление симплекс-таблиц;</li> <li>- пересчет симплекс-таблиц, используя изученные теоретические идеи и принципы симплекс-метода.</li> </ul>
5	<p><b>Поиск оптимального решения задачи линейного программирования М-методом.</b></p> <p>В результате работы на практических занятиях студент:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- научится выявлять проблемы алгоритма симплекс-метода;</li> <li>- научится составлять М-задач;</li> <li>- приобретет навыки работы по алгоритму М-метода.</li> </ul>
6	<p><b>Использование надстройки «Поиск решения» MS-Excel для решения задачи линейного программирования.</b></p> <p>В результате работы на практических занятиях студент:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осваивает правила составления математической модели ЗЛП в MS Excel;</li> <li>- научится использовать надстройку «Поиск решения», анализировать полученные отчеты и интерпретировать результаты с целью повышения эффективности принимаемых управленческих решений.</li> </ul>

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
7	<b>Двойственная задача линейного программирования.</b> В результате работы на практическом занятии студент научится: - составлять двойственные задачи; - применять для их решения теоремы двойственности и давать экономическую интерпретацию полученным результатам.
8	<b>Транспортная задача в табличной форме.</b> В результате работы на практическом занятии студент учится: - искать начальное допустимое базисное решение транспортной задачи различными способами; - определять потенциалы, проверять решение на оптимальность; - переходить при необходимости переходить к новому решению; - владеть алгоритмом решения транспортной задачи методом потенциалов; - использовать возможности MS Excel для решения транспортной задачи.
9	<b>Модификации транспортной задачи и их решение с помощью MS Excel.</b> В результате работы на практическом занятии студент: - учится вводить дополнительные ограничения в модель транспортной задачи; - учится учитывать эти ограничения в алгоритме решения ТЗ; - знакомится с задачами, подобными транспортным; - приобретает навыки использования возможностей MS Excel для решения транспортной задачи, в том числе с учетом дополнительных ограничений.
10	<b>Задача нелинейного программирования без ограничений.</b> В результате работы на практическом занятии студент отрабатывает навыки решения: - задач безусловного экстремума с использованием матрицы Гессе и критерия Сильвестра; - задач условного экстремума с использованием метода Лагарнжа, а также учится использовать возможности MS Excel для решения задач данных классов.
11	<b>Задача нелинейного программирования с ограничениями.</b> В результате работы на практическом занятии студент: - отрабатывает навыки решения задач условного экстремума с использованием метода Лагранжа; - учится использовать возможности MS Excel для решения различных классов задач нелинейного программирования.
12	<b>Поиск оптимальной стратегии матричной игры.</b> На практических занятиях студент учится: - составлять платежную матрицу; - определять ее верхнюю и нижнюю цену игры, цену игры, седловую точку и решать игру в чистых и смешанных стратегиях в том числе с использованием задачи линейного программирования в том числе с использованием MS Excel.
13	<b>Нахождение оптимальной стратегии «игры с природой»</b> В результате работы на практическом занятии студент отрабатывает навыки решения «игр с природой» с использованием различных критериев: - Вальде; - максимума; - Гурвица; - Сэвиджа; - Байеса; - Лапласа.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Подготовка к практическим занятиям

№ п/п	Вид самостоятельной работы
2	Работа с лекционным материалом
3	Работа с литературой
4	Выполнение курсовой работы.
5	Подготовка к промежуточной аттестации.
6	Подготовка к текущему контролю.

#### 4.4. Примерный перечень тем курсовых работ

- 1) Модели организации и планирования производства
- 2) Модель оптимального распределения ресурсов
- 3) Модель оптимизация продовольственной корзины
- 4) Модель оптимизации отходов производства
- 5) Модель оптимизации штатного расписания
- 6) Модель минимизации транспортных издержек
- 7) Модель минимизации рисков при инвестиционном планировании
- 8) Задача о назначениях в управлении производственным процессом
- 9) Модель оптимального выбора инвестиционного проекта
- 10) Модель оптимизации плана продаж с учетом погодных условий

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Методы оптимальных решений : учебное пособие для вузов / А. В. Зенков. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 201 с. — ISBN 978-5-534-05377-7	— Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/473421">https://urait.ru/bcode/473421</a> (дата обращения: 17.04.2025).
2	Математика для экономистов: от арифметики до эконометрики. Учебно-справочное пособие : учебник для вузов / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; под общей редакцией Н. Ш. Кремера. — 5-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 760 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-14218-1	— Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/425064">https://urait.ru/bcode/425064</a> (дата обращения: 17.04.2025).

3	Методы оптимизации : учебное пособие для вузов / В. В. Токарев. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 440 с. — ISBN 978-5-534-04712-7	— Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/472892">https://urait.ru/bcode/472892</a> (дата обращения: 17.04.2025).
4	Методы оптимизации. Задачник : учебное пособие для вузов / В. В. Токарев, А. В. Соколов, Л. Г. Егорова, П. А. Мышкис. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 292 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10417-2	— Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/475305">https://urait.ru/bcode/475305</a> (дата обращения: 17.04.2025).
5	Методы и модели принятия управленческих решений : учебник и практикум для вузов / А. А. Рубчинский. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 526 с. — ISBN 978-5-534-03619-0	— Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <a href="https://urait.ru/bcode/469183">https://urait.ru/bcode/469183</a> (дата обращения: 17.04.2025).

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>).

Общие информационные, справочные и поисковые системы  
«Консультант Плюс», «Гарант».

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Набор программных компонентов MicroSoft Office  
Яндекс. Браузер (или другой браузер)

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Для проведения лекционных занятий необходима аудитория с мультимедиа аппаратурой. Для проведения практических занятий требуется аудитория, оснащенная мультимедиа аппаратурой и ПК с необходимым программным обеспечением и подключением к сети интернет.

9. Форма промежуточной аттестации:

Курсовая работа в 4 семестре.

Экзамен в 4 семестре.

#### 10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, к.н. кафедры  
«Информационные системы  
цифровой экономики»

А.И. Фроловичев

Согласовано:

Проректор	Я.М. Далингер
Заведующий кафедрой ИСЦЭ	Л.А. Каргина
Председатель учебно-методической комиссии	В.В. Безряков