## МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

## ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА» (РУТ (МИИТ)



Рабочая программа дисциплины (модуля), как компонент образовательной программы высшего образования - программы бакалавриата по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника, утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ) Тимониным В.С.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### Моделирование механических систем

Направление подготовки: 09.03.01 Информатика и вычислительная

техника

Направленность (профиль): Системы автоматизированного

проектирования

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде электронного документа выгружена из единой корпоративной информационной системы управления университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)

ID подписи: 2899

Подписал: заведующий кафедрой Нестеров Иван

Владимирович

Дата: 08.02.2022

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения дисциплины (модуля) являются:

- изучение студентами представления о расчетной схеме реального объекта;
  - изучение студентами алгоритмов моделирования работы сооружений. Задачами дисциплины (модуля) являются:
- овладение навыками составления алгоритмов и программ для расчета математических моделей инженерных сооружений;
- формирование навыков использования прикладных программных средств и информационных технологий, применяемых при решении основных профессиональных задач.
  - 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

- **ОПК-1** Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности;
- **ПК-1** Способен участвовать в исследовательской деятельности в области совершенствования информационных систем.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

#### Знать:

вычислительные алгоритмы позволяющие моделировать работу плоских стержневых систем

#### Уметь:

использовать разработанные алгоритмы и программы для расчета плоских стержневых систем

#### Владеть:

методикой перехода от реального объекта к расчетной схеме

- 3. Объем дисциплины (модуля).
- 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 14 з.е. (504 академических часа(ов).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

|   |       | Количество часов |    |            |    |  |
|---|-------|------------------|----|------------|----|--|
| Тип учебных занятий                                       | Всего | Семестр          |    |            |    |  |
|   | Beero | №5               | №6 | <b>№</b> 7 | №8 |  |
| Контактная работа при проведении учебных занятий (всего): | 286   | 84               | 70 | 80         | 52 |  |
| В том числе:  |       |                  |    |            |    |  |
| Занятия лекционного типа                                  | 120   | 34               | 28 | 32         | 26 |  |
| Занятия семинарского типа                                 | 166   | 50               | 42 | 48         | 26 |  |

- 3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 218 академических часа (ов).
- 3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.
  - 4. Содержание дисциплины (модуля).
  - 4.1. Занятия лекционного типа.

| <b>№</b><br>п/п | Тематика лекционных занятий / краткое содержание   |  |  |  |
|-----------------|--|--|--|--|
| 1               | Общие замечания о моделировании механических систем  |  |  |  |
|                 | Общие соотношения между классической и вычислительной строительной механикой. Понятие системы и системного подхода применительно к стержневой системе. Уравнения равновесия.                     |  |  |  |
|                 | Поузловой подход для формирования матрицы уравнений равновесия.  |  |  |  |
| 2               | Поэлементный подход формирования матрицы уравнений равновесия  |  |  |  |
|                 | Матрица уравнений равновесия для шарнирного элемента. Алгоритм формирования матрицы уравнений равновесия для стержневой системы. Построение линий влияния при использовании уравнений равновесия |  |  |  |
| 3               | Геометрические уравнения для элемента  |  |  |  |
|                 | Связь геометрических и статических уравнений (двойственность статического и геометрического пространств)   |  |  |  |

| №   |   |
|-----|---|
| п/п | Тематика лекционных занятий / краткое содержание  |
| 4   | Физические уравнения для элемента и стержневой системы  |
|     | Построение полной системы уравнений строительной механики. Учет заданных деформаций.<br>Алгоритм расчета: вычисление усилий и перемещений                                     |
| 5   | Программная реализация расчета статически определимых шарнирных стержневых  |
|     | систем  |
|     | Структура исходных данных и алгоритм программной реализации расчета статически определимых шарнирных стержневых систем  |
| 6   | Подходы к решению полной системы уравнений  |
|     | Смешанный метод   |
| 7   | Получение формул, по которым вычисляются коэффициенты матрицы жесткости   |
|     | шарнирного элемента.  |
|     | Алгоритм программной реализации   |
|     | Поэлементный подход к формированию матрицы жесткости ансамбля элементов   |
| 8   | Алгоритм учета кинематических граничных условий   |
|     | Разработка исходной информации и алгоритма программной реализации   |
| 9   | Метод сил   |
| 10  | Решение полной системы уравнений строительной механики по методу сил  |
| 10  | Построение матрицы жесткости для стержня общего положения с жесткими узлами   |
|     | Построение матрицы жесткости для стержня общего положения с жесткими узлами (шесть степеней свободы) с использованием полной системы уравнений. Построение матрицы жесткости  |
|     | элемента с использованием табличных эпюр моментов из курса классической строительной  |
|     | механики.   |
| 11  | Связь между перемещениями в местной и глобальной системах координат   |
|     | Связь между перемещениями в местной и глобальной системах координат. Системный подход к   |
|     | построению матрицы жесткости стержня общего положения: переход от матрицы жесткости в   |
|     | местной системе координат к матрице жесткости в глобальной системе координат.   |
| 12  | Алгоритм программной реализации построения матрицы жесткости элемента   |
|     | общего положения.   |
|     | Построение алгоритма программной реализации построения матрицы жесткости элемента общего  |
|     | положения. Оценка трудоемкости алгоритма.   |
| 13  | Построение матрицы жесткости для элемента с пятью степенями свободы   |
| 13  | Построение матрицы жесткости для элемента с пятью степенями свободы в местной системе   |
|     | координат.  |
|     | Алгоритм вычисления усилий по известным перемещениям.   |
| 14  | Учет упругого основания.  |
|     | Модель Винклера. Построение матрицы жесткости для элемента на упругом основании   |
|     | (приближенная модель). Тестовые примеры.  |
|     | Учет упругого основания   |
| 15  | Моделирование работы рельса   |
|     | Моделирование работы рельса с использованием элемента приближенной модели на винклеровском  |
| 16  | Основании.  |
| 16  | Построение матрицы жесткости стержневых элементов по дифференциальному  |
|     | уравнению   |
|     | Построение матрицы жесткости стержневых элементов по дифференциальному уравнению на примере стержня работающего на растяжение – сжатие. Построение матрицы жесткости элемента |
|     | на винклеровском основании (точная модель)  |
|     | I   |

| <b>№</b><br>п/п | Тематика лекционных занятий / краткое содержание  |  |  |  |
|-----------------|---|--|--|--|
| 17              | Учет влияния продольной силы на поперечные перемещения  |  |  |  |
|                 | Учет влияния продольной силы на поперечные перемещения (продольно-поперечный изгиб). Построение матрицы жесткости приближенной модели. Построение матрицы жесткости точной модели по дифференциальному уравнению. Алгоритм программной реализации. Алгоритм вычисления критического параметра нагрузки. |  |  |  |
| 18              | Решение дифференциальных уравнений  |  |  |  |
|                 | Линейное однородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами. Линейное неоднородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами  |  |  |  |
| 19              | Преобразование Лапласа Применение преобразования Лапласа к решению обыкновенных дифференциальных уравнений с начальными условиями   |  |  |  |
| 20              | Гиперболические функции   |  |  |  |
|                 | Геометрическое определение, связь с тригонометрическими функциями. Важные тождества   |  |  |  |
| 21              | Вывод дифференциальных уравнений для балки, балки на упругом основании, при   |  |  |  |
|                 | гармонических колебаниях и при продольно-поперечном изгибе  |  |  |  |
|                 | Простая балка. Балка на упругом основании. Балка при гармонических колебаниях. Балка в  |  |  |  |
|                 | условиях продольно-поперечного изгиба   |  |  |  |
| 22              | Примеры построения эпюр в балках при различных условиях   |  |  |  |
|                 | Равномерно распределенная нагрузка по всей длине балки, распределенная нагрузка на левой половине балки, сосредоточенная сила, сосредоточенный момент, две сосредоточенные силы, врезанный шарнир, балка на сплошном винклеровском упругом основании  |  |  |  |
| 23              | Балка при гармонических колебаниях, растянуто-изогнутая балка, сжато-изогнутая  |  |  |  |
| 23              | балка   |  |  |  |
|                 | Расчет балки при гармонических колебаниях.  |  |  |  |
|                 | Расчет растянуто-изогнутой балки.   |  |  |  |
|                 | Расчет сжато-изогнутой балки.   |  |  |  |
| 24              | Определение критических сил   |  |  |  |
|                 | Алгоритм определения критических сил и его реализация.  |  |  |  |
| 25              | Определение частот собственных колебаний  |  |  |  |
|                 | Алгоритм определения частот собственных колебаний и его раелизация.   |  |  |  |
|                 |   |  |  |  |

# 4.2. Занятия семинарского типа.

# Лабораторные работы

| №   | Наименование лабораторных работ / краткое содержание                          |  |  |
|-----|---|--|--|
| п/п | панменование наобраторных работ / краткое содержание                          |  |  |
| 1   | Общие соотношения между классической и вычислительной строительной            |  |  |
|     | механикой.  |  |  |
|     | Общие соотношения между классической и вычислительной строительной механикой. |  |  |
|     | Понятие системы и системного подхода применительно к стержневой системе.      |  |  |
|     | Уравнения равновесия.   |  |  |
|     | Поузловой подход для формирования матрицы уравнений равновесия.               |  |  |
| 2   | Алгорим формирования матрицы уравнений равновесия для шарнирного элемента.    |  |  |
|     | Матрица уравнений равновесия для шарнирного элемента.                         |  |  |
|     | Алгоритм формирования матрицы уравнений равновесия для стержневой системы.    |  |  |
|     | Построение линий влияния при использовании уравнений равновесия               |  |  |

| No  |  |  |  |
|---|--|--|--|
| п/п   | Наименование лабораторных работ / краткое содержание   |  |  |
| 3   | Связь геометрических и статических уравнений.  |  |  |
|   | Связь геометрических и статических уравнений: двойственность статического и геометрич  |  |  |
|   | пространств. Примеры расчета   |  |  |
| 4   | Построение полной системы уравнений строительной механики.   |  |  |
|   | Учет заданных деформаций.  |  |  |
| Алгоритм расчета: вычисление усилий и перемещений |  |  |  |
| 5   | Программная реализация расчета статически определимых шарнирных стержневых систем  |  |  |
|   | Изучение структуры исходных данных и алгоритма программной реализации расчета статически определимых шарнирных стержневых систем                       |  |  |
| 6   | Смешанный метод  |  |  |
|   | Смешанный метод: изучение структуры исходных данных и алгоритма реализации.  |  |  |
| 7   | Формулы для вычисления коэффициентов матрицы жесткости шарнирного  |  |  |
|   | элемента.  |  |  |
|   | Получение формул, по которым вычисляются коэффициенты матрицы жесткости шарнирного   |  |  |
|   | элемента.  |  |  |
|   | Алгоритм программной реализации.   |  |  |
| 8   | Вычисление коэффициентов матрицы жесткости шарнирного элемента.  |  |  |
|   | Разработка исходной информации и алгоритма программной реализации  |  |  |
| 9   | Метод сил  |  |  |
| 10  | Формулы для расчета и алгоритм метода  |  |  |
| 10  | Построение матрицы жесткости для стержня общего положения с жесткими   |  |  |
|   | узлами.  |  |  |
|   | Построение матрицы жесткости для стержня общего положения с жесткими узлами (шесть степеней свободы) с использованием полной системы уравнений.        |  |  |
|   | Построение матрицы жесткости элемента с использованием табличных эпюр моментов из курса  |  |  |
|   | классической строительной механики.  |  |  |
| 11  | Связь между перемещениями в местной и глобальной системах координат.   |  |  |
|   | Связь между перемещениями в местной и глобальной системах координат.   |  |  |
|   | Системный подход к построению матрицы жесткости стержня общего положения: переход от   |  |  |
|   | матрицы жесткости в местной системе координат к матрице жесткости в глобальной системе   |  |  |
| 10  | координат.   |  |  |
| 12  | Алгоритм построения матрицы жесткости элемента общего положения Алгоритм программной реализации построения матрицы жесткости элемента общего положения |  |  |
| 13  | Матрица жесткости для элемента с пятью степенями свободы в местной системе   |  |  |
| 13  | •  |  |  |
|   | координат. Построение матрицы жесткости для элемента с пятью степенями свободы в местной системе   |  |  |
|   | координат.   |  |  |
| 14  | Алгоритм вычисления усилий по известным перемещениям.  |  |  |
|   | Изучение алгоритма вычисления усилий по известным перемещениям на примерах.  |  |  |
| 15  | Учет упругого основания.   |  |  |
|   | Учет упругого основания.   |  |  |
|   | Модель Винклера.   |  |  |
|   | Построение матрицы жесткости для элемента на упругом основании (приближенная модель).  |  |  |
| 4 -   | Тестовые примеры.  |  |  |
| 16  | Моделирование работы рельса.   |  |  |
|   | Моделирование работы рельса с использованием элемента приближенной модели на винклеровском   |  |  |
|   | основании.   |  |  |

| $N_{\underline{0}}$ | Наименование лабораторных работ / краткое содержание                                     |  |  |
|---------------------|--|--|--|
| п/п                 |  |  |  |
| 17                  | Построение матрицы жесткости стержневых элементов.                                       |  |  |
|                     | Построение матрицы жесткости стержневых элементов по дифференциальному уравнению на      |  |  |
|                     | примере стержня работающего на растяжение – сжатие.                                      |  |  |
|                     | Построение матрицы жесткости элемента на винклеровском основании (точная модель)         |  |  |
| 18                  | Учет влияния продольной силы на поперечные перемещения (продольно-                       |  |  |
|                     | поперечный изгиб).   |  |  |
|                     | Учет влияния продольной силы на поперечные перемещения (продольно-поперечный изгиб).     |  |  |
|                     | Построение матрицы жесткости приближенной модели.  |  |  |
|                     | Построение матрицы жесткости точной модели по дифференциальному уравнению.               |  |  |
|                     | Алгоритм программной реализации.   |  |  |
|                     | Алгоритм вычисления критического параметра нагрузки.                                     |  |  |
| 19                  | Линейные уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами: виды и                     |  |  |
|                     | методы решения.  |  |  |
|                     | Линейное однородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами.                 |  |  |
|                     | Линейное неоднородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами.               |  |  |
| 20                  | Виды нагрузки на балку.  |  |  |
|                     | Равномерно распределенная нагрузка по всей длине балки, распределенная нагрузка на левой |  |  |
|                     | половине балки, сосредоточенная сила, сосредоточенный момент, две сосредоточенные силы,  |  |  |
|                     | врезанный шарнир, балка на сплошном винклеровском упругом основании                      |  |  |
| 21                  | Балка при гармонических колебаниях.  |  |  |
|                     | Балка при гармонических колебаниях, растянуто-изогнутая балка, сжато-изогнутая балка     |  |  |
| 22                  | Определение критических сил  |  |  |
|                     | Определение критических сил: алгоритм  |  |  |
| 23                  | Определение частот собственных колебаний   |  |  |
|                     | Определение частот собственных колебаний: формулы и алгоритм расчета.                    |  |  |

## 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

| No_ | Вид самостоятельной работы              |  |
|-----|---|--|
| п/п | 1                                       |  |
| 1   | Изучение дополнительной литературы.     |  |
| 2   | Подготовка к практическим занятиям.     |  |
| 3   | Выполнение курсового проекта.           |  |
| 4   | Выполнение курсовой работы.             |  |
| 5   | Выполнение расчетно-графической работы. |  |
| 6   | Подготовка к промежуточной аттестации.  |  |
| 7   | Подготовка к текущему контролю.         |  |

## 4.4. Примерный перечень тем видов работ

# 1. Примерный перечень тем расчетно-графических работ

С использованием программы «Катран» выполнить расчёт конструкции (рис. ПО ВАРИАНТУ), сформированной для произвольного набора параметров.

На экран вывести: расчётную схему, деформированную схему, эпюры моментов и поперечных сил.

На деформированной схеме показать величину максимального перемещения одного из узлов конструкции.

Характеристики материала: E=2.0e6, G=1.0e5;

Жесткостные характеристики формировать следующим образом:

Площадь поперечного сечения: F=Nб+Nж;

Момент инерции: J = N6\*1000 + Nж;

Где № - номер варианта

Nж – номер жёсткости (см. рис. по варианту)

2. Примерный перечень тем курсовых проектов

Все задания выполняются по индивидуальному варианту.

С использованием программы «Катран» выполнить расчёт пластины (рис. ПО ВАРИАНТУ).

На экран вывести: расчётную схему, деформированную схему, эпюры Sigma-1 и Sigma-2 с палитрами напряжений.

Характеристики пластины: E=2.0e6,  $\mu=0.2$ , толщина ?=0.5

3. Примерный перечень тем курсовых работ

Все задания выполняются по индивидуальному варианту.

- 1. Алгоритм и программная реализация формирования матрицы уравнений равновесия.
  - 2. Построение линий влияния.
- 3. Разработка функций решения полной системы уравнений для статически определимой системы:
  - ввод исходных данных;
  - формирование матрицы уравнений равновесия;
  - транспонирование матрицы уравнений равновесия;
  - вычисление усилий (решение системы уравнений);
  - вычисление деформаций;
  - печать результатов.
- 4. Разработка функций решения полной системы уравнений для статически определимой системы:
  - ввод исходных данных;

- формирование матрицы уравнений равновесия;
- транспонирование матрицы уравнений равновесия;
- вычисление усилий (решение системы уравнений);
- вычисление деформаций;
- вычисление перемещений узлов;
- печать результатов.
- 5. Решение тестовых и индивидуальных задач на силовое воздействие.
- 6. Решение тестовых и индивидуальных задач на температурное воздействие.
  - 7. Построение линий влияния статическим методом.
  - 8. Построение линий влияния кинематическим методом.
- 9. Разработка функций для решения полной системы уравнений по методу перемещений:
  - ввод исходных данных;
- формирование матрицы жесткости ансамбля элементов (включает в себя построение матрицы жесткости элемента);
  - учет кинематических граничных условий;
  - решение системы уравнений (вычисление перемещений);
- вычисление усилий (включает в себя функцию построения матрицы усилий);
  - вывод перемещений и усилий.
- 10. Разработка функции, реализующей решение полной системы уравнений по методу сил.
- 5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

| I | п<br>Л∕<br>№ | Библиографическое описание   | Место доступа  |
|---|--------------|--|--|
| 1 |              | Котович А.В. Решение задач теории упругости методом конечных элементов / А.В. Котович Москва : МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2012 106 с ISBN 978-5-7038-3567-8 URL: | https://ibooks.ru/bookshelf/386458/reading Текст: электронный. |
|   |              | https://ibooks.ru/bookshelf/386  |  |

|   | 458/reading Текст:             |   |
|---|--------------------------------|---|
|   | электронный.                   |   |
| 2 | •                              | https://reader.lanbook.com/book/339038?lms=b74cea5b8e3c |
| 2 | Шапошников, Н. Н.              | ac27f8fe3370cac08712                                    |
|   | Строительная механика / Н.     | ac2/161e33/0cac08/12                                    |
|   | Н. Шапошников, Р. Е.           |   |
|   | Кристалинский, А. В. Дарков    |   |
|   | ; под редакцией Н. Н.          |   |
|   | Шапошников. — 16-е изд.,       |   |
|   | стер. — Санкт-Петербург:       |   |
|   | Лань, 2023. — 692 с. — ISBN    |   |
|   | 978-5-507-47191-1. — Текст:    |   |
|   | электронный // Лань:           |   |
|   | электронно-библиотечная        |   |
|   | система. — URL:                |   |
|   | https://e.lanbook.com/book/339 |   |
|   | 038. — Режим доступа: для      |   |
|   | авториз. пользователей.        |   |
| 3 | Матвеев, С. А. Основы          | https://e.lanbook.com/book/407138                       |
|   | метода конечных элементов:     |   |
|   | учебное пособие / С. А.        |   |
|   | Матвеев. — 2-е изд., испр. —   |   |
|   | Омск : СибАДИ, 2023. — 65      |   |
|   | с. — Текст : электронный //    |   |
|   | Лань: электронно-              |   |
|   | библиотечная система. —        |   |
|   | URL:                           |   |
|   | https://e.lanbook.com/book/407 |   |
|   | 138. — Режим доступа: для      |   |
|   | авториз. пользователей.        |   |

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Официальный сайт РУТ (МИИТ) (https://www.miit.ru/).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (http:/library.miit.ru).

Образовательная платформа «Юрайт» (https://urait.ru/).

Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (http://e.lanbook.com/).

Электронно-библиотечная система ibooks.ru (http://ibooks.ru/).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Internet Explorer (или другой браузер).

Операционная система Microsoft Windows.

Microsoft Office.

Система автоматизированного проектирования Autocad.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

### 9. Форма промежуточной аттестации:

Курсовой проект в 6 семестре.

Экзамен в 7 семестре.

Зачет в 5, 6, 8 семестрах.

Курсовая работа в 7, 8 семестрах.

### 10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

## Авторы:

заведующий кафедрой, доцент, к.н. кафедры «Системы автоматизированного

проектирования» И.В. Нестеров

Согласовано:

Заведующий кафедрой САП И.В. Нестеров

Председатель учебно-методической

комиссии М.Ф. Гуськова