МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА» (РУТ (МИИТ)



Рабочая программа дисциплины (модуля), как компонент образовательной программы высшего образования - программы магистратуры по направлению подготовки 15.04.06 Мехатроника и робототехника, утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ) Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Специальные разделы математики

Направление подготовки: 15.04.06 Мехатроника и робототехника

Направленность (профиль): Роботы и робототехнические системы

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде электронного документа выгружена из единой корпоративной информационной системы управления университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)

ID подписи: 6216

Подписал: заведующий кафедрой Неклюдов Алексей

Николаевич

Дата: 01.06.2024

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью изучения дисциплины (модуля) является:

- формирование необходимых математических знаний, позволяющих самостоятельно проводить математический анализ прикладных инженерных задач;
- формирование навыков использования математических методов в практической деятельности.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- освоение математических приемов и навыков решения конкретных инженерных задач, ориентированных на практическое применение при изучении специальных дисциплин;
- овладение основными математическими методами, необходимыми для анализа процессов и явлений при поиске оптимальных решений, обработки и анализа результатов экспериментов;
- освоение современных математических методов исследования, основанных на применении компьютерной техники.
 - 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

- **ОПК-1** Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности;
- **ОПК-13** Способен использовать основные положения, законы и методы естественных наук и математики при формировании моделей и методов исследования мехатронных и робототехнических систем;
- **ПК-1** Способен составлять математические модели мехатронных и робототехнических систем, их подсистем, включая исполнительные, информационно-сенсорные и управляющие модули, с применением методов формальной логики, методов конечных автоматов, сетей Петри, методов искусственного интеллекта, нечеткой логики, генетических алгоритмов, искусственных нейронных и нейро-нечетких сетей;
- **УК-1** Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- знать основные понятия и методы линейной алгебры и векторного исчисления, теории матриц и обыкновенных дифференциальных уравнений;
- знать методы теории вероятностей и математической статистики для анализа экспериментальных данных;
- знать численные методы решения дифференциальных уравнений в задачах динамики роботов;
- знать основы вариационного исчисления и методы оптимизации в проектировании робототехнических систем;

Уметь:

- уметь применять методы математического анализа при решении инженерных задач;
- уметь использовать методы математической статистики для обработки результатов измерений и испытаний;
- уметь применять численные методы для решения задач динамики и управления робототехническими системами;
- уметь использовать методы вариационного исчисления для синтеза оптимальных траекторий движения роботов.

Владеть:

- владеть навыками анализа научно-технических задач в профессиональной деятельности для выбора рационального метода решения;
- владеть навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач;
- владеть методами статистического анализа данных измерений и испытаний робототехнических систем;
- владеть навыками применения численных методов для моделирования динамики роботов;
- владеть методами вариационного исчисления для решения задач оптимального управления.
 - 3. Объем дисциплины (модуля).
 - 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 6 з.е. (216 академических часа(ов).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами,

привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №1
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):		64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	32	32

- 3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 152 академических часа (ов).
- 3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.
 - 4. Содержание дисциплины (модуля).
 - 4.1. Занятия лекционного типа.

$N_{\underline{0}}$	Тематика лекционных занятий / краткое содержание	
Π/Π		
1	Матрицы и многомерные векторы.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- квадратные и прямоугольные матрицы; - многомерные вектор-строка и вектор-столбец.	
2	Действия над многомерными векторами.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- умножение числа на вектор и алгеброическое сложение векторов;	
	- скалярное произведение двух многомерных векторов;	
	- понятие длины многомерного вектора;	
	- дифференцирование и интегрирование многомерных векторов по скалярному аргументу.	
3	Действия над матрицами.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- сложение и вычитание матриц;	
	- скалярное произведение матриц;	
	- транспонирование матриц;	
	- понятие об особенных матрицах;	

No		
п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание	
	- определение обратной матрицы;	
	- дифференцирование и интегрирование матриц по скалярному аргументу;	
	- норма матрицы;	
	- некоторые понятия из рядов матриц;	
	- понятие о положительно определенных матрицах.	
4	Конечные алгебраические уравнения и методы их решения.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- решение конечных уравнений с помощью матрицы якобиан;	
	- точные (прямые) и приближенные методы решения конечных уравнений;	
5	Точные методы решения линейных уравнений.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- решение линейной системы умножением на обратную матрицу;	
	- метод решения, основанный на обыкновенных жордановых исключениях;	
	- метод Гаусса.	
6	Определение собственных чисел матриц.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- определение собственных чисел методом остатков;	
	- метод Стодола для определения максимального собственного числа.	
7	Итерационные методы решения линейных уравнений.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- метод простой итерации;	
	- метод Некрасова;	
	- метод скорейшего спуска;	
- 0	- метод Хоттелинга.	
8	Решение линейных уравнений методами минимизации.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- метод минимизации суммы квадратов уклонений (невязок);	
	- метод минимизации суммы модулей уклонений;	
Q	- метод минимизации модуля максимального уклонения.	
9	Методы решения специальных и больших систем уравнений.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	 методы решения переопределенных (несовместных) и недоопределенных систем уравнений; методы решения уравнений с ленточной структурой; 	
	- методы, связанные с разбиением систем уравнений на ряд подсистем.	
10	Решение нелинейных уравнений.	
10	Рассматриваемые вопросы:	
	- итерационные методы;	
	- методы минимизации.	
11	- методы минимизации. Дифференциальные уравнения.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	- дифференциальные уравнения с постоянными и переменными коэффициентами;	
	- прямые методы решения дифференциальных уравнений и методы, используещие интегральные	
	преобразования.	
12	Классический метод решения одного дифференциального уравнения с	
	постоянными коэффициентами.	
	Рассматриваемые вопросы:	
	Рассматриваемые вопросы: - составление характеристического уравнения;	
	- составление характеристического уравнения; - определение частного и общего решений;	
	- определение постоянных интегрирования из заданных краевых (граничных) или начальных	
	условий.	

No॒	T		
Π/Π	Тематика лекционных занятий / краткое содержание		
13	Классический метод решения системы дифференциальных уравнений первого		
	порядка с постоянными коэффициентами.		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- задача Коши (задача с заданными начальными значениями компонент) и граничные задачи;		
	- определение частного и общего решений уравнений без правых частей;		
	- определение общего решения уравнений без правой части;		
	- определение постоянных интегрирования из заданных краевых (граничных) или начальных условий.		
14	Методы, основанные на аппроксимации решений дифференциальных уравнений		
	функциями, удовлетворяющими краевым условиям.		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- метод коллокаций;		
	- метод подобластей;		
	- метод наименьших квадратов (интегральный и точечный);		
	- метод Бубнова-Галеркина.		
15	Метод конечных разностей (метод сеток).		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- составление сеточных уравнений;		
	- решение сеточных уравнений.		
16	Основные понятия векторного исчисления.		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- обозначение и типы векторов;		
	- задание вектора;		
	- равенство векторов;		
	- понятие об орте.		

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

No			
	Тематика практических занятий/краткое содержание		
п/п			
1	Решение систем линейных алгебраических уравнений точными методами.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения систем линейных алгебраических уравнений методом жордановский исключений и		
	методом Гаусса;		
	- практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгеброических		
	уравнений.		
2	Решение систем линейных алгебраических уравнений приближенными методами.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения систем линейных алгебраических уравнений итерационными методами и методами		
	минимизации; - практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгеброических		
	уравнений.		
3	Решение определенных и недоопределенных систем линейных алгебраических		
	уравнений.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения определенных и недоопределенных систем линейных алгебраических уравнений методом		
	суммы квадратов уклонений;		

No			
п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание		
	- практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгеброических уравнений.		
4	Решение ленточных и трапецеидальных уравнений.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения ленточных линейных алгебраических уравнений методом определяющих неизвестных;		
	- практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгебраических		
	уравнений.		
5	Решение больших систем уравнений методом разделения матрицы на блоки.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения больших систем линейных алгебраических уравнений методом разделения матрицы на		
	блоки;		
	- практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгебраических уравнений.		
6	Решение систем нелинейных уравнений.		
U	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения систем нелинейных алгебраических уравнений методом скорейшего спуска и обратного		
	якобиана;		
	- практической оценки фактической погрешности решения систем нелинейных алгебраических		
	уравнений.		
7			
	классическим методом.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения систем дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами классическим		
	методом;		
	- определение постоянных интегрирования из заданных краевых (граничных) или начальных условий.		
8	Решение дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами методом		
	наименьших квадратов.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения систем дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами наименьших		
	квадратов;		
	- составления уравнений для определение постоянных интегрирования.		
9	Применения метода сеток для решения дифференциальных уравнений в частных		
	производных.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения дифференциальных уравнений в частных производных методом конечных разностей;		
	- составления конечно-разностных (сеточных) уравнений для дифференциальных уравнений.		
10	Применение операторного метода к решению дифференциальных уравнений.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами операторным методом;		
11	- получения операторного изображения исходных дифференциальных уравнений.		
11	Решение линейных дифференциальных уравнений с постоянными		
	коэффициентами комплексным методом.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки: - решения линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами комплексным		
	- решения линеиных дифференциальных уравнении с постоянными коэффициентами комплексным методом;		
	- получения операторных изображений исходных дифференциальных уравнений.		
12	Решение линейных дифференциальных уравнений с переменными		
	коэффициентами комплексным методом.		
	кооффиционтыми комплексивым методом.		

No			
п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- решения линейных дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами комплексным		
	методом;		
	- получения комплексных изображений исходных дифференциальных уравнений.		
13	Интегрирование нелинейных дифференциальных уравнений комплексным		
	методом.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- интегрирования нелинейных дифференциальных уравнений комплексным методом;		
	- получения комплексных изображений исходных дифференциальных уравнений.		
14	Сложные произведения векторов.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык получения произведения		
	четырех и более векторов.		
15	Определение производной от вектор-функции по скалярному аргументу.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык получения производной		
	вектор-функции.		
16	Определение градиента от сложной скалярной функции.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:		
	- получения градиента скалярной функции;		
	- применения оператора набла.		

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы	
1	Изучение дополнительной литературы.	
2	Текущая подготовка к практическим занятиям.	
3	Выполнение курсовой работы.	
4	Подготовка к промежуточной аттестации.	
5	Подготовка к текущему контролю.	

4.4. Примерный перечень тем курсовых работ

Вариант 1

Исследовать сходимость числового ряда с общим членом (n? + 1) / v(n? + 2n? + 1)

Решить задачу Коши для дифференциального уравнения второго порядка с правой частью в виде произведения экспоненты и синуса

Вычислить двойной интеграл от суммы квадратов переменных по круговой области в правой полуплоскости

Вариант 2

Найти область сходимости степенного ряда с центром в точке х=2

Решить систему двух линейных дифференциальных уравнений первого порядка

Вычислить криволинейный интеграл второго рода по замкнутой круговой траектории

Вариант 3

Разложить кусочно-линейную функцию в ряд Фурье на симметричном отрезке

Решить уравнение колебаний струны с закрепленными концами

Найти градиент функции трех переменных в заданной точке

Вариант 4

Вычислить несобственный интеграл первого рода от дробнорациональной функции

Найти общее решение линейного дифференциального уравнения третьего порядка с правой частью специального вида

Вычислить поверхностный интеграл первого рода по конической поверхности

Вариант 5

Исследовать на равномерную сходимость функциональный ряд из синусов на отрезке

Решить задачу Коши для уравнения теплопроводности с начальным условием в виде синуса

Найти точки экстремума функции двух переменных третьей степени

Вариант 6

Вычислить интеграл Дирихле с параметром

Решить линейное дифференциальное уравнение второго порядка с переменными коэффициентами

Найти поток векторного поля через поверхность единичного куба

Вариант 7

Исследовать на сходимость несобственный интеграл от функции арктангенс

Решить линейное неоднородное дифференциальное уравнение второго порядка с правой частью специального вида

Вычислить тройной интеграл от линейной функции по шаровому объему

Вариант 8

Найти сумму числового ряда с дробно-рациональным общим членом

Решить задачу на собственные значения для оператора второй производной

Найти дифференциальные характеристики векторного поля Вариант 9

Разложить логарифмическую функцию в степенной ряд

Решить дифференциальное уравнение Бернулли

Вычислить интеграл по замкнутой поверхности сферической области Вариант 10

Исследовать знакочередующийся ряд на абсолютную и условную сходимость

Решить систему дифференциальных уравнений операционным методом Найти циркуляцию векторного поля по треугольному контуру в пространстве

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

ОСВО	освоении дисциплины (модуля).			
№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа		
1	Туганбаев, А. А. Основы высшей математики : учебник / А. А. Туганбаев. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 496 с. — ISBN 978-5-8114-1189-4.	https://e.lanbook.com/book/210698 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.		
2	Горлач, Б. А. Математический анализ / Б. А. Горлач. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2024. – 604 с. – ISBN 978-5-507-49010-3.	https://e.lanbook.com/book/367505(дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.		
3	Тыртышников, Е. Е. Матричный анализ и линейная алгебра: учебное пособие / Е. Е. Тыртышников. – Москва: ФИЗМАТЛИТ, 2007. – 480 с. – ISBN 978-5-9221-0778-5.	https://e.lanbook.com/book/2352 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.		
4	Демидович, Б. П. Основы вычислительной математики : учебное пособие / Б. П. Демидович, И. А. Марон. — 8-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 672 с. — ISBN 978-5-8114-0695-1.	https://e.lanbook.com/book/210674 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.		
5	Демидович, Б. П. Дифференциальные уравнения: учебное пособие для вузов / Б. П. Демидович, В. П. Моденов. — 6-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2022. — 280 с. — ISBN 978-5-8114-9441-5.	https://e.lanbook.com/book/195426 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.		
6	Прохорова, Р. А. Обыкновенные дифференциальные уравнения: учебное	https://e.lanbook.com/book/202064 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.		

	пособие / Р. А. Прохорова. – Минск : БГУ,	
	2017. – 335 c. – ISBN 978-985-566-496-4.	
7	Гюнтер, Н. М. Курс вариационного	https://e.lanbook.com/book/210236
	исчисления: учебное пособие / Н. М. Гюнтер.	(дата обращения: 22.04.2024). –
	– 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург : Лань,	Текст: электронный.
	2022. – 320 c. – ISBN 978-5-8114-0893-1.	
8	Позднякова, Т. А. Математика. Интегральное	https://e.lanbook.com/book/157589
	исчисление функций нескольких переменных.	(дата обращения: 22.04.2024). –
	Элементы векторного анализа: учебное	Текст: электронный.
	пособие / Т. А. Позднякова, А. Н. Ботвич. –	
	Красноярск: СФУ, 2018. – 113 с. – ISBN 978-	
	5-7638-3920-3.	

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Официальный сайт РУТ (МИИТ) (https://www.miit.ru/).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (http:/library.miit.ru).

Образовательная платформа «Юрайт» (https://urait.ru/).

Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (http://e.lanbook.com/).

Электронно-библиотечная система ibooks.ru (http://ibooks.ru/).

Электронно-библиотечная система Znanium (http://znanium.ru/).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Internet Explorer (или другой браузер).

Операционная система Microsoft Windows.

Microsoft Office.

MathCAD.

Simulink MatLAB.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Курсовая работа в 1 семестре. Экзамен в 1 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, к.н. кафедры

«Электроэнергетика транспорта» К.С. Субханвердиев

Согласовано:

Заведующий кафедрой НТТС А.Н. Неклюдов

Председатель учебно-методической

комиссии С.В. Володин