

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программы магистратуры
по направлению подготовки
23.04.02 Наземные транспортно-технологические
комплексы,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Специальные разделы математики

Направление подготовки: 23.04.02 Наземные транспортно-технологические комплексы

Направленность (профиль): Наземные транспортные комплексы

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде электронного документа выгружена из единой корпоративной информационной системы управления университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 610876
Подписал: заведующий кафедрой Григорьев Павел Александрович
Дата: 01.06.2025

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью изучения дисциплины (модуля) является:

- формирование необходимых математических знаний, позволяющих самостоятельно проводить математический анализ прикладных инженерных задач;

- формирование навыков использования математических методов в практической деятельности.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- освоение математических приемов и навыков решения конкретных инженерных задач, ориентированных на практическое применение при изучении специальных дисциплин;

- овладение основными математическими методами, необходимыми для анализа процессов и явлений при поиске оптимальных решений, обработки и анализа результатов экспериментов;

- освоение современных математических методов исследования, основанных на применении компьютерной техники.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ОПК-1 - Способен ставить и решать научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных и математических моделей с учетом последних достижений науки и техники;

УК-1 - Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Знать:

- методику проведения анализа научно-технических задач в области профессиональной деятельности;

- основные понятия и методы линейной алгебры и векторного исчисления, теории матриц и обыкновенных дифференциальных уравнений.

Уметь:

- применять методы математического анализа при решении инженерных задач;

- применять математическую символику для выражения количественных и качественных отношений объектов.

Владеть:

- навыками анализа научно-технических задач в профессиональной деятельности для выбора рационального метода решения;

- навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 5 з.е. (180 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №1
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	64	64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	32	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 116 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Матрицы и многомерные векторы. Рассматриваемые вопросы: - квадратные и прямоугольные матрицы; - многомерные вектор-строка и вектор-столбец.
2	Действия над многомерными векторами. Рассматриваемые вопросы: - умножение числа на вектор и алгебраическое сложение векторов; - скалярное произведение двух многомерных векторов; - понятие длины многомерного вектора; - дифференцирование и интегрирование многомерных векторов по скалярному аргументу.
3	Действия над матрицами. Рассматриваемые вопросы: - сложение и вычитание матриц; - скалярное произведение матриц; - транспонирование матриц; - понятие об особенных матрицах; - определение обратной матрицы; - дифференцирование и интегрирование матриц по скалярному аргументу; - норма матрицы; - некоторые понятия из рядов матриц; - понятие о положительно определенных матрицах.
4	Конечные алгебраические уравнения и методы их решения. Рассматриваемые вопросы: - решение конечных уравнений с помощью матрицы якобиан; - точные (прямые) и приближенные методы решения конечных уравнений;
5	Точные методы решения линейных уравнений. Рассматриваемые вопросы: - решение линейной системы умножением на обратную матрицу; - метод решения, основанный на обыкновенных жордановых исключениях; - метод Гаусса.
6	Определение собственных чисел матриц. Рассматриваемые вопросы: - определение собственных чисел методом остатков; - метод Стодола для определения максимального собственного числа.
7	Итерационные методы решения линейных уравнений. Рассматриваемые вопросы: - метод простой итерации; - метод Некрасова; - метод скорейшего спуска; - метод Хотелинга.
8	Решение линейных уравнений методами минимизации. Рассматриваемые вопросы: - метод минимизации суммы квадратов отклонений (невязок); - метод минимизации суммы модулей отклонений; - метод минимизации модуля максимального отклонения.
9	Методы решения специальных и больших систем уравнений. Рассматриваемые вопросы:

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> - методы решения переопределенных (несовместных) и недоопределенных систем уравнений; - методы решения уравнений с ленточной структурой; - методы, связанные с разбиением систем уравнений на ряд подсистем.
10	<p>Решение нелинейных уравнений.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - итерационные методы; - методы минимизации.
11	<p>Дифференциальные уравнения.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - дифференциальные уравнения с постоянными и переменными коэффициентами; - прямые методы решения дифференциальных уравнений и методы, использующие интегральные преобразования.
12	<p>Классический метод решения одного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - составление характеристического уравнения; - определение частного и общего решений; - определение постоянных интегрирования из заданных краевых (граничных) или начальных условий.
13	<p>Классический метод решения системы дифференциальных уравнений первого порядка с постоянными коэффициентами.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - задача Коши (задача с заданными начальными значениями компонент) и граничные задачи; - определение частного и общего решений уравнений без правых частей; - определение общего решения уравнений без правой части; - определение постоянных интегрирования из заданных краевых (граничных) или начальных условий.
14	<p>Методы, основанные на аппроксимации решений дифференциальных уравнений функциями, удовлетворяющими краевым условиям.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - метод коллокаций; - метод подобластей; - метод наименьших квадратов (интегральный и точечный); - метод Бубнова-Галеркина.
15	<p>Метод конечных разностей (метод сеток).</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - составление сеточных уравнений; - решение сеточных уравнений.
16	<p>Основные понятия векторного исчисления.</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - обозначение и типы векторов; - задание вектора; - равенство векторов; - понятие об орте.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	<p>Решение систем линейных алгебраических уравнений точными методами.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения систем линейных алгебраических уравнений методом жордановский исключений и методом Гаусса; - практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгеброических уравнений.
2	<p>Решение систем линейных алгебраических уравнений приближенными методами.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения систем линейных алгебраических уравнений итерационными методами и методами минимизации; - практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгеброических уравнений.
3	<p>Решение определенных и недоопределенных систем линейных алгебраических уравнений.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения определенных и недоопределенных систем линейных алгебраических уравнений методом суммы квадратов уклонений; - практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгеброических уравнений.
4	<p>Решение ленточных и трапецеидальных уравнений.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения ленточных линейных алгебраических уравнений методом определяющих неизвестных; - практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгебраических уравнений.
5	<p>Решение больших систем уравнений методом разделения матрицы на блоки.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения больших систем линейных алгебраических уравнений методом разделения матрицы на блоки; - практической оценки фактической погрешности решения систем линейных алгебраических уравнений.
6	<p>Решение систем нелинейных уравнений.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения систем нелинейных алгебраических уравнений методом скорейшего спуска и обратного якобиана; - практической оценки фактической погрешности решения систем нелинейных алгебраических уравнений.
7	<p>Решение системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами классическим методом.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения систем дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами классическим методом; - определение постоянных интегрирования из заданных краевых (граничных) или начальных условий.
8	<p>Решение дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами методом наименьших квадратов.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения систем дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами наименьших квадратов; - составления уравнений для определение постоянных интегрирования.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
9	<p>Применения метода сеток для решения дифференциальных уравнений в частных производных.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения дифференциальных уравнений в частных производных методом конечных разностей; - составления конечно-разностных (сеточных) уравнений для дифференциальных уравнений.
10	<p>Применение операторного метода к решению дифференциальных уравнений.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами операторным методом; - получения операторного изображения исходных дифференциальных уравнений.
11	<p>Решение линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами комплексным методом.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами комплексным методом; - получения операторных изображений исходных дифференциальных уравнений.
12	<p>Решение линейных дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами комплексным методом.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решения линейных дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами комплексным методом; - получения комплексных изображений исходных дифференциальных уравнений.
13	<p>Интегрирование нелинейных дифференциальных уравнений комплексным методом.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - интегрирования нелинейных дифференциальных уравнений комплексным методом; - получения комплексных изображений исходных дифференциальных уравнений.
14	<p>Сложные произведения векторов.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навык получения произведения четырех и более векторов.</p>
15	<p>Определение производной от вектор-функции по скалярному аргументу.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навык получения производной вектор-функции.</p>
16	<p>Определение градиента от сложной скалярной функции.</p> <p>В результате работы на практическом занятии студент получает навыки:</p> <ul style="list-style-type: none"> - получения градиента скалярной функции; - применения оператора набла.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение дополнительной литературы.
2	Текущая подготовка к практическим занятиям.
3	Выполнение курсовой работы.
4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

4.4. Примерный перечень тем курсовых работ

Тема курсовой работы «Собственные значения и собственные векторы матрицы линейного преобразования и их приложения». Курсовая работа состоит из 2-х частей: 1. определить собственные числа и собственные векторы матрицы A ; 2. привести квадратичную форму к каноническому виду ортогональным преобразованием, указать ее тип и линейное преобразование, приводящее ее к каноническому виду. Проверка результатов преобразований осуществляется с использованием специального программного обеспечения. Конечно! Вот 10 вариантов для каждой из частей вашей курсовой работы в текстовом формате.

Варианты:

Часть 1: Определение собственных чисел и собственных векторов матрицы A

$$A = \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 3 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 5 \end{vmatrix}$$

$$A = \begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 7 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}$$

$$A = \begin{vmatrix} 5 & 4 \\ 2 & 3 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 3 \end{vmatrix}$$

$$A = \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 3 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$A = \begin{vmatrix} 6 & 2 \\ 2 & 5 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$A = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

Часть 2: Приведение квадратичной формы к каноническому виду ортогональным преобразованием

$$Q(x, y) = 4x^2 + 2xy + 3y^2$$

$$Q(x, y) = 2x^2 + 5y^2 + 4xy$$

$$Q(x, y) = x^2 - 2xy + y^2$$

$$Q(x, y) = 3x^2 + 4xy + 2y^2$$

$$Q(x, y) = 2x^2 + 3y^2 - xy$$

$$Q(x, y) = x^2 + 2y^2 + xy$$

$$Q(x, y) = 5x^2 + 4xy + 6y^2$$

$$Q(x, y) = 7x^2 - 4xy + 3y^2$$

$$Q(x, y) = 8x^2 + 2xy + 5y^2$$

$$Q(x, y) = 3x^2 + 2y^2 - 2xy$$

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Туганбаев, А. А. Основы высшей математики : учебник / А. А. Туганбаев. – Санкт-Петербург : Лань, 2022. – 496 с. – ISBN 978-5-8114-1189-4.	https://e.lanbook.com/book/210698 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.
2	Горлач, Б. А. Математический анализ / Б. А. Горлач. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург : Лань, 2024. – 604 с. – ISBN 978-5-507-49010-3.	https://e.lanbook.com/book/367505 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.
3	Позднякова, Т. А. Математика. Интегральное исчисление функций нескольких переменных. Элементы векторного анализа : учебное пособие / Т. А. Позднякова, А. Н. Ботвич. – Красноярск : СФУ, 2018. – 113 с. – ISBN 978-5-7638-3920-3.	https://e.lanbook.com/book/157589 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.
4	Демидович, Б. П. Дифференциальные уравнения : учебное пособие для вузов / Б. П. Демидович, В. П. Моденов. – 6-е изд., стер. –	https://e.lanbook.com/book/195426 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.

	Санкт-Петербург : Лань, 2022. – 280 с. – ISBN 978-5-8114-9441-5.	
5	Прохорова, Р. А. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебное пособие / Р. А. Прохорова. – Минск : БГУ, 2017. – 335 с. – ISBN 978-985-566-496-4.	https://e.lanbook.com/book/202064 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.
6	Гюнтер, Н. М. Курс вариационного исчисления : учебное пособие / Н. М. Гюнтер. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург : Лань, 2022. – 320 с. – ISBN 978-5-8114-0893-1.	https://e.lanbook.com/book/210236 (дата обращения: 22.04.2024). – Текст: электронный.

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Официальный сайт РУТ (МИИТ) (<https://www.miit.ru/>).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>).

Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>).

Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<http://e.lanbook.com/>).

Электронно-библиотечная система Znanium (<http://znanium.ru/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Internet Explorer (или другой браузер).

Операционная система Microsoft Windows.

Microsoft Office.

MathCAD.

Simulink MatLAB.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Курсовая работа в 1 семестре.

Экзамен в 1 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, доцент, к.н. кафедры
«Электроэнергетика транспорта»

К.С. Субханвердиев

Согласовано:

Заведующий кафедрой НТТС

П.А. Григорьев

Председатель учебно-методической
комиссии

С.В. Володин