

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы специалитета  
по специальности  
10.05.01 Компьютерная безопасность,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Теоретико-числовые методы в криптографии**

Специальность: 10.05.01 Компьютерная безопасность

Специализация: Информационная безопасность объектов информатизации на базе компьютерных систем

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде электронного документа выгружена из единой корпоративной информационной системы управления университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 2053  
Подписал: заведующий кафедрой Баранов Леонид Аврамович  
Дата: 11.05.2021

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Дисциплина «Теоретико-числовые методы в криптографии» реализует требования федерального государственного образовательного стандарта высшего профессионального образования по направлению подготовки 100501 «Компьютерная безопасность». Дисциплина «Теоретико-числовые методы в криптографии» относится к числу профессиональных прикладных дисциплин в силу направленности материала по проблемам безопасности и его важности для подготовки специалиста. Целью преподавания дисциплины «Теоретико-числовые методы в криптографии» является изложение слушателям основных принципов и методов защиты информации, комплексного проектирования и анализа защищенных компьютерных систем КС. Задачами изучения дисциплины являются: понятия и задачи решаемые в криптографии; видах информации, подлежащей шифрованию, о методах криптографического синтеза и анализа; применениях криптографии в решении задач аутентификации, построения систем цифровой подписи; о методах криптозащиты компьютерных систем и сетей и основных подходах к изучению криптосистем. Основной целью изучения учебной дисциплины «Теоретико-числовые методы в криптографии» является формирование у обучающегося компетенций для научно-исследовательского вида деятельности. Дисциплина предназначена для получения знаний для решения следующих профессиональных задач (в соответствии с видами деятельности): научно-исследовательская деятельность: анализ состояния и динамики объектов деятельности с использованием необходимых методов и средств анализа, моделирование исследуемых явлений или процессов с использованием современных вычислительных машин и систем, а также компьютерных программ; разработка программ и методик испытаний объектов защиты информации, разработка предложений по внедрению результатов научных исследований.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ОПК-3** - Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;

**ОПК-8** - Способен применять методы научных исследований при проведении разработок в области обеспечения безопасности компьютерных систем и сетей;

**ПК-2** - Способен применять математические методы в области компьютерной безопасности;

**ПК-13** - Способен строить математические модели для оценки безопасности компьютерных систем и анализировать компоненты системы безопасности с использованием современных математических методов.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

**Уметь:**

Применяет систему фундаментальных знаний? (математических, естественнонаучных и инженерных) для формулирования и решения проблем задач защиты информации.

**Уметь:**

Применяет методы математического моделирования для формализации содержательно отчетливо сформулированных проблем.

**Уметь:**

Устанавливает причины, цели и условия изменения свойств алгоритмов и протоколов применительно к конкретным условиям.

**Уметь:**

Анализирует корректность комбинаторных, теоретико-числовых и криптографических алгоритмов в современных программных комплексах.

**Уметь:**

Применяет специальные математические методы, включая криптографические, для анализа и разработки защищенных компьютерных систем.

**Уметь:**

Применяет решения на основе специальных математических методов для обеспечения защищенной передачи данных в современных компьютерных сетях.

**Уметь:**

Строит математические модели для оценки безопасности компьютерных систем.

**Уметь:**

Анализирует компоненты системы безопасности с использованием современных математических методов.

### 3. Объем дисциплины (модуля).

#### 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 4 з.е. (144 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Сем. №5
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	68	68
В том числе:		
Занятия лекционного типа	34	34
Занятия семинарского типа	34	34

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 76 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

### 4. Содержание дисциплины (модуля).

#### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Основы теории чисел

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
2	Теория делимости
3	Функция Эйлера
4	Теория сравнений
5	Сравнения с одним неизвестным
6	Теория квадратичных вычетов
7	Первообразные корни и индексы
8	Построение доказуемо простых чисел общего и специального вида
9	Алгебраические основы теории чисел
10	Основные понятия алгебры
11	Конечные поля и неприводимые многочлены
12	Кольца многочленов
13	Алгоритмы в криптографии и криптоанализе
14	Элементы теории сложности
15	Алгоритмы факторизации
16	Алгоритмы дискретного логарифмирования

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	ПЗ 1. Сеть Фейштеля
2	ПЗ 2. Шифр простой замены, таблица Вижинера Обмен ключами по Диффи-Хелману Шифр RSA
3	ПК1 текущ. контроль по разделу 2. (ТЕСТ №1)
4	ПЗ 6. Конечные поля и неприводимые многочлены Кольца многочленов Итоговое защита практических работ
5	ПК2 текущ. контроль по разделу 3. (ТЕСТ №2)

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	СР1 Изучение: теоремы Поклингтона и доказуемо простые числа общего вида на основании частичного

№ п/п	Вид самостоятельной работы
	разложения $(n-1)$ . Числа Ферма. Теорема Пепина. Числа Мерсенна.
2	СР2 Кольца многочленов. Кольцо многочленов $Z_p[x]$ . Конечные поля многочленов. Кольца многочленов
3	СР3 Метод прямого поиска. Шаг младенца – шаг великана. Алгоритмы дискретного логарифмирования: Алгоритм Полига-Хеллмана. Алгоритмы дискретного логарифмирования: Алгоритм исчисления порядка (index-calculus algorithm)
4	Подготовка к промежуточной аттестации.
5	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Средства защиты информации на железнодорожном транспорте (Криптографические методы и средства) А.А. Корниенко, М.А. Еремеев, С.Е. Ададунов; Ред. А.А. Корниенко; Под Ред. А.А. Корниенко Однотомное издание Маршрут , 2006	НТБ (ЭЭ); НТБ (уч.3); НТБ (фб.); НТБ (чз.2)
2	Криптография Н. Сمارт Однотомное издание Техносфера , 2006	НТБ (фб.)
1	Криптография в задачах и упражнениях В.О. Осипян, К.В. Осипян Однотомное издание "Гелиос АРВ" , 2011	НТБ (уч.3); НТБ (фб.); НТБ (чз.2)

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

<http://library.miit.ru/> - электронно-библиотечная система Научно-технической библиотеки МИИТ. <http://elibrary.ru/> - научно-электронная библиотека. <http://robotosha.ru/> [www.chipinfo.ru](http://www.chipinfo.ru). <http://siblec.ru/> <http://autex.ru/> <http://www.intuit.ru> <http://twirpx.com> <http://habrahabr.ru> <http://semestr.ru> <http://www.cisco.ru> Поисковые системы: Yandex, Google, Mail, база научно-технической информации ВИНТИ РАН.

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Для проведения лекционных занятий необходима специализированная

лекционная аудитория с мультимедиа аппаратурой и интерактивной доской. Для проведения практических занятий необходимы компьютеры с рабочими местами в компьютерном классе. Компьютеры должны быть обеспечены лицензионными программными продуктами: Microsoft Office или Work 9, интегрированная среда разработки программного обеспечения для эмуляции сетевого

оборудования OmniGraffle; среда разработки программного обеспечения HTML5 и PHP. Для проведения практических занятий необходимо иметь комплекс программ для ПЭВМ, обеспечивающих возможность выполнения работ: в области построения программных и аппаратных средств защиты информации в телекоммуникационных сетях (iOS15 Cisco и выше); программные продукты Mac OS server, XSan.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Для проведения аудиторных занятий и самостоятельной работы требуется: 1. Рабочее место преподавателя с персональным компьютером, подключённым к сетям INTERNET и INTRANET. 2. Специализированная лекционная аудитория с мультимедиа аппаратурой и интерактивной доской. 3. Компьютерный класс. Рабочие места студентов в компьютерном классе, подключённые к сетям INTERNET и INTRANET. Для проведения практических занятий: компьютерный класс; компьютеры с минимальными требованиями – Core 5, ОЗУ 4 ГБ, HDD 300 ГБ, wifi, USB 2.0.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 5 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

## Авторы

Профессор, профессор, д.н. кафедры  
«Управление и защита информации»

Алексеев Виктор  
Михайлович

## Лист согласования

Заведующий кафедрой УиЗИ  
Председатель учебно-методической  
комиссии

Л.А. Баранов

С.В. Володин