

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»
(РУТ (МИИТ))



Рабочая программа дисциплины (модуля),
как компонент образовательной программы
высшего образования - программы бакалавриата
по направлению подготовки
09.03.02 Информационные системы и технологии,
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)
Тимониным В.С.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Теория вероятностей и математическая статистика

Направление подготовки: 09.03.02 Информационные системы и технологии

Направленность (профиль): Информационные системы и технологии на транспорте

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде
электронного документа выгружена из единой
корпоративной информационной системы управления
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)
ID подписи: 5665
Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника
Евгеньевна
Дата: 22.04.2025

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения дисциплины (модуля) являются:

- формирование у студентов представления о теории вероятностей и математической статистике как ядре любой информационной системы;
- формирование навыков системного мышления при проектировании информационных систем, умения анализировать реальный мир, подбирать для него наиболее адекватную логическую модель и отображать её в оптимальные физические структуры, а также умения манипулировать данными, хранящимися в базе, и построения на их основе эффективных приложений.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- формирования понимания вероятностного характера информационных процессов;
- понимание основных законов распределения случайных величин;
- овладение способами расчёта основных характеристик случайных величин на основе экспериментальных данных;
- овладение основными методами статистической обработки данных;
- формирование навыков применения встроенных функций MS Excel для обработки данных.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

ОПК-1 - Способен применять естественнонаучные и общепрофессиональные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности;.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

Уметь:

- рассчитывать характеристики случайных величин и процессов.

Знать:

- случайные величины и процессы, законы распределения случайных величин.

Владеть:

- методами статистической обработки экспериментальных данных;

- методами расчёта вероятностей безотказной работы системы, времени наработка на отказ отдельных блоков и системы в целом.

3. Объем дисциплины (модуля).

3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 4 з.е. (144 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №4
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	64	64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	32	32

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 80 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

4. Содержание дисциплины (модуля).

4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	<p>Предмет и задачи теории вероятностей и случайных процессов. Основные понятия и термины теории вероятностей. Непосредственный подсчет вероятностей</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - событие; вероятность события; полная группа событий; - сумма, произведение, разность событий; - размещения, сочетания, перестановки.
2	<p>Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности.</p> <p>Формула Бейеса</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - совместные, несовместные и противоположные события; - вероятность появления совместных и несовместных событий; - сумма вероятностей полной группы событий; - произведение событий; условная вероятность; - независимые события; теорема умножения для независимых событий; - вероятность появления хотя бы одного события; - теорема сложения вероятностей совместных событий; - формула полной вероятности; вероятность гипотез. формула Бейеса.
3	<p>Случайные величины и их числовые характеристики</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - случайная величина и ее распределение; - математическое ожидание случайной величины; - основные свойства математического ожидания; - дисперсия случайной величины; основные свойства дисперсии; - моменты случайной величины.
4	<p>Основные законы распределения случайных величин</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - биномиальный закон распределения (Бернулли); - закон распределения Пуассона; - геометрическое распределение; - гипергеометрическое распределение; - равномерный закон распределения; - показательный (экспоненциальный) закон распределения; - нормальный закон распределения; - распределения χ^2 (хи-квадрат) Пирсона, Стьюдента, Фишера-Сnedекора.
5	<p>Закон больших чисел и предельные теоремы</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - неравенство Маркова; - неравенство Чебышева.
6	<p>Корреляционный анализ</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - ковариация случайных величин; - понятие функциональной, статистической и корреляционной зависимости; - линейная парная регрессия.
7	<p>Установление характера зависимости между случайными величинами.</p> <p>Регрессионный анализ</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - задача регрессионного анализа; - линейная регрессия; - нелинейная регрессия (гипербола, экспонента).

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
8	<p>Прогнозирование временных рядов</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - метод скользящего среднего; - метод экспоненциального сглаживания.
9	<p>Математическая статистика. Общие сведения</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - задачи математической статистики; - генеральная и выборочная совокупности; - повторная и бесповторная выборки; - понятие репрезентативной выборки; - способы отбора; - статистическое распределение выборки; - эмпирическая функция распределения; - полигон и гистограмма частот.
10	<p>Вариационные ряды</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - дискретный и интервальный вариационный ряд; - статистические оценки параметров генеральной совокупности.
11	<p>Оценки генеральной и выборочной совокупностей</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - генеральная и выборочная средняя; - мода; - медиана.
12	<p>Параметры генеральной и выборочной совокупностей</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - размах вариации; - среднее линейное отклонение; - генеральная дисперсия; - выборочная дисперсия; - исправленная выборочная дисперсия.
13	<p>Расчёт параметров генеральной и выборочной совокупностей</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - формула для вычисления дисперсии; - среднее квадратическое отклонение; - коэффициент вариации.
14	<p>Расчёт параметров эмпирического распределения</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - асимметрия распределения; - эксцесс эмпирического распределения.
15	<p>Статистические оценки параметров генеральной совокупности</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - доверительный интервал для оценки генеральной средней нормально распределённой генеральной совокупности; - доверительная вероятность генеральной средней; - оценка вероятности биномиального распределения.
16	<p>Статистические гипотезы</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - понятие статистической гипотезы; - ошибки 1-го и 2-го рода; мощность критерия; - этапы проверки статистической гипотезы;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- оценка генеральной средней и генеральной доли по повторной и бесповторной выборке; - гипотеза о генеральной средней нормального распределения.

4.2. Занятия семинарского типа.

Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Непосредственный подсчет вероятностей. Действия над событиями В результате студент получает навыки: - применения основных формул комбинаторики; - расчёта числа возможных исходов испытаний; - исходя из анализа возможных исходов расчёта вероятности интересующих событий.
2	Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса В результате студент получает навыки: - расчёта вероятностей событий в соответствии с заданным вариантом; - автоматизации расчётов за счёт использования MS Excel.
3	Случайные величины и их числовые характеристики В результате студент получает навыки: - изучения основных законов распределения случайных величин; - применения изученных законов распределения для расчёта вероятностей событий.
4	Основные законы распределения случайных величин В результате студент получает навыки: - анализа законов распределения случайных величин; - применения изученных законов распределения для расчёта вероятностей событий
5	Закон больших чисел и предельные теоремы В результате студент получает навыки: - произведения расчёта вероятностей событий в соответствии с заданным вариантом; - автоматизации расчётов за счёт использования MS Excel.
6	Установление тесноты связи двух случайных величин. Установление вида зависимости двух случайных величин. Корреляционный анализ В результате студент получает навыки: - определения законов распределения случайных величин; - расчёта ковариации случайных величин; - расчёта коэффициента корреляции в соответствии с заданным вариантом.
7	Регрессионный анализ В результате студент получает навыки: - установки и оценки зависимости изучаемой случайной величины Y от одной или нескольких других величин X ; - создания прогноза значений Y .
8	Прогнозирование временных рядов методами скользящего среднего и экспоненциального сглаживания В результате студент получает навыки: - построения и анализа графика временного ряда спроса на товар с точки зрения применимости методов скользящего среднего и экспоненциального сглаживания; - выбора наиболее приемлемое значение из предлагаемых m и α ;

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
	- создания прогноза спроса на следующий месяц методом скользящего среднего и экспоненциального сглаживания
9	Алгоритмические генераторы случайных чисел В результате студент получает навыки: - генерации случайных чисел, используя методы серединных квадратов, произведений, перемешивания и линейный конгруэнтный метод; - поиска для каждой полученной последовательности случайных чисел математического ожидания и дисперсии.
10	Генерация случайных чисел с заданным законом распределения В результате студент получает навыки применения: - выборки случайных чисел с равномерным распределением в заданном интервале; - метода взятия обратной функции; - центральной предельной теоремы для генерации нормальной случайной величины; - генерации случайной величины, имеющей биномиальное распределение; - генерации случайной величины, имеющей распределение Пуассона; - генерации случайных величин по графику функции плотности распределения.
11	Генеральная и выборочная совокупности В результате студент получает навык расчёта выборочного среднего с использованием MS Excel
12	Дискретный вариационный ряд. Полигон частот и эмпирическая функция распределения. Интервальный вариационный ряд. В результате студент получает навыки: - составления вариационного ряда и построения полигона частот; - расчёта относительных частот и построения эмпирической функции
13	Генеральная и выборочная средняя. Мода. Медиана В результате студент получает навыки: - вычисления генеральной и выборочной средней; - вычисление медианы дискретного и интервального вариационного ряда; - вычисление моды дискретного и интервального вариационного ряда
14	Размах вариации. Среднее линейное отклонение. Генеральная и выборочная дисперсия. Коэффициент вариации В результате студент получает навыки: - вычисления дисперсии и среднего квадратического отклонения; - вычисление коэффициента вариации.
15	Асимметрия и эксцесс эмпирического распределения В результате студент получает навык вычисления асимметрии и эксцесса эмпирического распределения.
16	Статистические оценки параметров генеральной совокупности. Доверительный интервал. Статистические гипотезы В результате студент получает навыки: - определения доверительного интервала, который с заданной надежностью ?? накроет истинное значение генеральной средней; - определения с заданной надежностью ?? ширины доверительного интервала для оценки заданного параметра генеральной совокупности.

4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение дополнительной литературы.
2	Подготовка к практическим занятиям.
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к текущему контролю.

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Балдин, К. В. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев. - 6-е изд., стер. - Москва : Дашков и К, 2023. - 472 с. - ISBN 978-5-394-05335-1. - Текст : электронный	https://znanium.com/catalog/product/2084482 (дата обращения: 23.10.2025)
2	Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для вузов / В. Е. Гмурман. — 12-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 479 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00211-9	https://urait.ru/bcode/510437 (дата обращения: 23.10.2025)
3	Завьялов, О. Г. Теория вероятностей и математическая статистика с применением Excel и Maxima: учебное пособие / О. Г. Завьялов, Ю. В. Подповетная. — Москва: Прометей, 2018. — 290 с. — ISBN 978-5-907003-44-6	https://e.lanbook.com/book/107100
4	Джабраилов, А. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебно-методическое пособие / А. Ш. Джабраилов. — Волгоград : Волгоградский ГАУ, 2017. — 72 с. — Текст : электронный	https://e.lanbook.com/book/112359 (дата обращения: 23.10.2025)
5	Иванов, Б. Н. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие для вузов / Б. Н. Иванов. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2024. — 224 с. — ISBN 978-5-507-49479-8.	https://e.lanbook.com/book/393053 (дата обращения: 23.10.2025)

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (elibrary.ru).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (library.miit.ru).

ЭИОС РУТ (МИИТ): https://www.miit.ru/content/pdf?id_wm=858266

Электронно-библиотечная система ЛАНЬ (e.lanbook.com).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Пакет Foxit Reader для работы с файлами формата pdf – свободно распространяемое ПО.

Пакет Microsoft Office – лицензионное ПО.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 4 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

Н.М. Нечитайло

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической
комиссии

Н.А. Андриянова