

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программа магистратуры  
по направлению подготовки  
09.04.01 Информатика и вычислительная техника,  
утвержденной первым проректором ФГАОУ ВО  
РУТ (МИИТ) Тимониним В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Технологии проектирования несущих конструкций**

Направление подготовки: 09.04.01 Информатика и вычислительная техника

Направленность (профиль): Информационные технологии в строительстве

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная ФГАОУ ВО РУТ  
(МИИТ)

ID подписи: 2899

Подписал: заведующий кафедрой Нестеров Иван  
Владимирович

Дата: 01.09.2026

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения дисциплины (модуля) являются:

- изучение студентами представления о расчетной схеме реального объекта;
- изучение студентами алгоритмов моделирования работы сооружений.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- овладение навыками составления алгоритмов и программ для расчета математических моделей инженерных сооружений;
- формирование навыков использования прикладных программных средств и информационных технологий, применяемых при решении основных профессиональных задач.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ПК-6** - Применение перспективных методов исследования и решения профессиональных задач на основе знания мировых тенденций развития вычислительной техники и информационных технологий.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

вычислительные алгоритмы позволяющие моделировать работу плоских стержневых систем

### **Уметь:**

использовать разработанные алгоритмы и программы для расчета плоских стержневых систем

### **Владеть:**

методикой перехода от реального объекта к расчетной схеме

## 3. Объем дисциплины (модуля).

### 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 5 з.е. (180 академических часа(ов)).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

| Тип учебных занятий                                       | Количество часов |            |
|-----------------------------------------------------------|------------------|------------|
|                                                           | Всего            | Семестр №3 |
| Контактная работа при проведении учебных занятий (всего): | 32               | 32         |
| В том числе:                                              |                  |            |
| Занятия лекционного типа                                  | 16               | 16         |
| Занятия семинарского типа                                 | 16               | 16         |

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 148 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

| № п/п | Тематика лекционных занятий / краткое содержание                                                                                                                                                                                                                                                    |
|-------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1     | Общие замечания о моделировании механических систем<br>Общие соотношения между классической и вычислительной строительной механикой. Понятие системы и системного подхода применительно к стержневой системе. Уравнения равновесия. Поузловой подход для формирования матрицы уравнений равновесия. |
| 2     | Поэлементный подход формирования матрицы уравнений равновесия<br>Матрица уравнений равновесия для шарнирного элемента. Алгоритм формирования матрицы уравнений равновесия для стержневой системы. Построение линий влияния при использовании уравнений равновесия                                   |
| 3     | Геометрические уравнения для элемента<br>Связь геометрических и статических уравнений (двойственность статического и геометрического пространств)                                                                                                                                                   |

| №<br>п/п | Тематика лекционных занятий / краткое содержание                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|----------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 4        | Физические уравнения для элемента и стержневой системы<br>Построение полной системы уравнений строительной механики. Учет заданных деформаций.<br>Алгоритм расчета: вычисление усилий и перемещений                                                                                                                                                        |
| 5        | Программная реализация расчета статически определимых шарнирных стержневых систем<br>Структура исходных данных и алгоритм программной реализации расчета статически определимых шарнирных стержневых систем                                                                                                                                                |
| 6        | Подходы к решению полной системы уравнений<br>Смешанный метод                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| 7        | Получение формул, по которым вычисляются коэффициенты матрицы жесткости шарнирного элемента.<br>Алгоритм программной реализации<br>Поэлементный подход к формированию матрицы жесткости ансамбля элементов                                                                                                                                                 |
| 8        | Алгоритм учета кинематических граничных условий<br>Разработка исходной информации и алгоритма программной реализации                                                                                                                                                                                                                                       |
| 9        | Метод сил<br>Решение полной системы уравнений строительной механики по методу сил                                                                                                                                                                                                                                                                          |
| 10       | Построение матрицы жесткости для стержня общего положения с жесткими узлами<br>Построение матрицы жесткости для стержня общего положения с жесткими узлами (шесть степеней свободы) с использованием полной системы уравнений. Построение матрицы жесткости элемента с использованием табличных эпюр моментов из курса классической строительной механики. |
| 11       | Связь между перемещениями в местной и глобальной системах координат<br>Связь между перемещениями в местной и глобальной системах координат. Системный подход к построению матрицы жесткости стержня общего положения: переход от матрицы жесткости в местной системе координат к матрице жесткости в глобальной системе координат.                         |
| 12       | Алгоритм программной реализации построения матрицы жесткости элемента общего положения.                                                                                                                                                                                                                                                                    |
| 13       | Построение матрицы жесткости для элемента с пятью степенями свободы<br>Построение матрицы жесткости для элемента с пятью степенями свободы в местной системе координат.<br>Алгоритм вычисления усилий по известным перемещениям.                                                                                                                           |
| 14       | Учет упругого основания.<br>Модель Винклера. Построение матрицы жесткости для элемента на упругом основании (приближенная модель). Тестовые примеры.<br>Учет упругого основания                                                                                                                                                                            |
| 15       | Моделирование работы рельса<br>Моделирование работы рельса с использованием элемента приближенной модели на винклеровском основании.                                                                                                                                                                                                                       |
| 16       | Построение матрицы жесткости стержневых элементов по дифференциальному уравнению<br>Построение матрицы жесткости стержневых элементов по дифференциальному уравнению на примере стержня работающего на растяжение – сжатие. Построение матрицы жесткости элемента на винклеровском основании (точная модель)                                               |
| 17       | Учет влияния продольной силы на поперечные перемещения<br>Учет влияния продольной силы на поперечные перемещения (продольно-поперечный изгиб).<br>Построение матрицы жесткости приближенной модели. Построение матрицы жесткости точной                                                                                                                    |

| №<br>п/п | Тематика лекционных занятий / краткое содержание                                                                                                                                                                                                                                                                |
|----------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|          | модели по дифференциальному уравнению. Алгоритм программной реализации. Алгоритм вычисления критического параметра нагрузки.                                                                                                                                                                                    |
| 18       | Решение дифференциальных уравнений<br>Линейное однородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами. Линейное неоднородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами                                                                                                                        |
| 19       | Преобразование Лапласа<br>Применение преобразования Лапласа к решению обыкновенных дифференциальных уравнений с начальными условиями                                                                                                                                                                            |
| 20       | Гиперболические функции<br>Геометрическое определение, связь с тригонометрическими функциями. Важные тождества                                                                                                                                                                                                  |
| 21       | Вывод дифференциальных уравнений для балки, балки на упругом основании, при гармонических колебаниях и при продольно-поперечном изгибе<br>Простая балка. Балка на упругом основании. Балка при гармонических колебаниях. Балка в условиях продольно-поперечного изгиба                                          |
| 22       | Примеры построения эпюр в балках при различных условиях<br>Равномерно распределенная нагрузка по всей длине балки, распределенная нагрузка на левой половине балки, сосредоточенная сила, сосредоточенный момент, две сосредоточенные силы, врезанный шарнир, балка на сплошном винклеровском упругом основании |
| 23       | Балка при гармонических колебаниях, растянуто-изогнутая балка, сжато-изогнутая балка                                                                                                                                                                                                                            |
| 24       | Определение критических сил                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
| 25       | Определение частот собственных колебаний                                                                                                                                                                                                                                                                        |

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Лабораторные работы

| №<br>п/п | Наименование лабораторных работ / краткое содержание                                                                                                                                                                                         |
|----------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1        | Общие соотношения между классической и вычислительной строительной механикой. Понятие системы и системного подхода применительно к стержневой системе. Уравнения равновесия. Поузловой подход для формирования матрицы уравнений равновесия. |
| 2        | Матрица уравнений равновесия для шарнирного элемента. Алгоритм формирования матрицы уравнений равновесия для стержневой системы. Построение линий влияния при использовании уравнений равновесия                                             |
| 3        | Связь геометрических и статических уравнений (двойственность статического и геометрического пространств)                                                                                                                                     |
| 4        | Построение полной системы уравнений строительной механики. Учет заданных деформаций. Алгоритм расчета: вычисление усилий и перемещений                                                                                                       |
| 5        | Структура исходных данных и алгоритм программной реализации расчета статически определимых шарнирных стержневых систем                                                                                                                       |
| 6        | Смешанный метод                                                                                                                                                                                                                              |
| 7        | Получение формул, по которым вычисляются коэффициенты матрицы жесткости шарнирного элемента. Алгоритм программной реализации                                                                                                                 |

| №<br>п/п | Наименование лабораторных работ / краткое содержание                                                                                                                                                                                                                                                       |
|----------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 8        | Разработка исходной информации и алгоритма программной реализации                                                                                                                                                                                                                                          |
| 9        | Метод сил                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |
| 10       | Построение матрицы жесткости для стержня общего положения с жесткими узлами (шесть степеней свободы) с использованием полной системы уравнений.<br>Построение матрицы жесткости элемента с использованием табличных эпюр моментов из курса классической строительной механики.                             |
| 11       | Связь между перемещениями в местной и глобальной системах координат.<br>Системный подход к построению матрицы жесткости стержня общего положения: переход от матрицы жесткости в местной системе координат к матрице жесткости в глобальной системе координат.                                             |
| 12       | Алгоритм программной реализации построения матрицы жесткости элемента общего положения                                                                                                                                                                                                                     |
| 13       | Построение матрицы жесткости для элемента с пятью степенями свободы в местной системе координат.                                                                                                                                                                                                           |
| 14       | Алгоритм вычисления усилий по известным перемещениям.                                                                                                                                                                                                                                                      |
| 15       | Учет упругого основания. Модель Винклера. Построение матрицы жесткости для элемента на упругом основании (приближенная модель). Тестовые примеры.                                                                                                                                                          |
| 16       | Моделирование работы рельса с использованием элемента приближенной модели на винклеровском основании.                                                                                                                                                                                                      |
| 17       | Построение матрицы жесткости стержневых элементов по дифференциальному уравнению на примере стержня работающего на растяжение – сжатие. Построение матрицы жесткости элемента на винклеровском основании (точная модель)                                                                                   |
| 18       | Учет влияния продольной силы на поперечные перемещения (продольно-поперечный изгиб). Построение матрицы жесткости приближенной модели.<br>Построение матрицы жесткости точной модели по дифференциальному уравнению. Алгоритм программной реализации. Алгоритм вычисления критического параметра нагрузки. |
| 19       | Линейное однородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами.<br>Линейное неоднородное уравнение 2-го порядка с постоянными коэффициентами                                                                                                                                                      |
| 20       | Равномерно распределенная нагрузка по всей длине балки, распределенная нагрузка на левой половине балки, сосредоточенная сила, сосредоточенный момент, две сосредоточенные силы, врезанный шарнир, балка на сплошном винклеровском упругом основании                                                       |
| 21       | Балка при гармонических колебаниях, растянуто-изогнутая балка, сжато-изогнутая балка                                                                                                                                                                                                                       |
| 22       | Определение критических сил                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| 23       | Определение частот собственных колебаний                                                                                                                                                                                                                                                                   |

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

| №<br>п/п | Вид самостоятельной работы             |
|----------|----------------------------------------|
| 1        | Изучение дополнительной литературы.    |
| 2        | Подготовка к практическим занятиям.    |
| 3        | Выполнение курсовой работы.            |
| 4        | Подготовка к промежуточной аттестации. |
| 5        | Подготовка к текущему контролю.        |

#### 4.4. Примерный перечень тем курсовых работ

##### Темы

1. Исследование спектра частот и форм собственных колебаний статически неопределимых балок
2. Исследование спектра частот и форм собственных колебаний статически неопределимых рам
3. Исследование спектра частот и форм собственных колебаний статически неопределимых ферм
4. Исследование спектра частот и форм собственных колебаний статически неопределимых комбинированных систем
5. Исследование спектра частот и форм собственных колебаний статически неопределимых балок, лежащих на упругих опорах
6. Определение перемещений и внутренних усилий при динамическом действии нагрузок
7. Исследование прочности материала опасного поперечного сечения
8. Расчет статически неопределимых рамных систем на устойчивость. Анализ предельного состояния

5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

| №<br>п/п | Библиографическое описание                                                                                                                                  | Место доступа |
|----------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------|
| 1        | Вычислительная строительная механика (дополнительный курс) Н.Н. Шапошников, Р.Е. Кристалинский, И.А. Чебыкин, А.С. Трубаев Однотомное издание [б.и.] , 2008 | НТБ (фб.)     |
| 2        | Метод конечных элементов для уравнений с частными производными Э. Митчелл, Р. Уэйт Однотомное издание Мир , 1981                                            | НТБ (фб.)     |

6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Официальный сайт РУТ (МИИТ) (<https://www.miit.ru/>).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>).

Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>).

Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<http://e.lanbook.com/>).

Электронно-библиотечная система ibooks.ru (<http://ibooks.ru/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Internet Explorer (или другой браузер).

Операционная система Microsoft Windows.

Microsoft Office.

Система автоматизированного проектирования Autocad.

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 3 семестре.

Курсовая работа в 3 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

доцент, доцент, к.н. кафедры  
«Системы автоматизированного  
проектирования»

И.В. Нестеров

Согласовано:

Заведующий кафедрой САПвС

И.В. Нестеров

Председатель учебно-методической  
комиссии

М.Ф. Гуськова