

**МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ**  
**УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**  
**«РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА»**  
**(РУТ (МИИТ))**



Рабочая программа дисциплины (модуля),  
как компонент образовательной программы  
высшего образования - программы бакалавриата  
по направлению подготовки  
01.03.02 Прикладная математика и информатика,  
утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ)  
Тимониным В.С.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**Уравнения математической физики**

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде  
электронного документа выгружена из единой  
корпоративной информационной системы управления  
университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)  
ID подписи: 5665  
Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника  
Евгеньевна  
Дата: 24.05.2022

## 1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины (модуля) являются:

- изучение методов решения дифференциальных уравнений в частных производных;
- изучение методов решения уравнений первого порядка, полученных из общего уравнения переноса;
- исследование моделей, как линейных, так и нелинейных волн;
- изучение простейших гиперболических, параболических и эллиптических уравнений.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- привитие навыков современных видов математического мышления;
- привитие навыков использования математических методов и основ математического моделирования в практической деятельности.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**ПК-4** - Уметь ставить цели создания системы, разрабатывать концепцию системы и требования к ней, выполнять декомпозицию требований к системе.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

### **Знать:**

- основные определения, свойства, формулы и теоремы читаемых разделов уравнений математической физики.

### **Уметь:**

- анализировать и сравнивать имеющиеся методы и средства решения прикладных задач.

### **Владеть:**

- основными понятиями, определениями, теоремами и алгоритмами решения типовых задач

.

## 3. Объем дисциплины (модуля).

### 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 2 з.е. (72

академических часа(ов).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр 1
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	56	56
В том числе:		
Занятия лекционного типа	28	28
Занятия семинарского типа	28	28

3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 16 академических часа (ов).

3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.

#### 4. Содержание дисциплины (модуля).

##### 4.1. Занятия лекционного типа.

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Уравнения в частных производных 1-го порядка Рассматриваемые вопросы: - уравнение переноса; - линейные и нелинейные волны; - постановка задачи Коши; - построение решений однородных линейных и неоднородных линейных (квазилинейных) уравнений методом характеристик.
2	Уравнения в частных производных 2-го порядка Рассматриваемые вопросы: - классификация уравнений в частных производных 2-го порядка; - теорема Коши-Ковалевской;

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- пример Адамара;</li> <li>- понятие о корректности решения задачи Коши;</li> <li>- канонические формы уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами;</li> <li>- отыскание общих решений.</li> </ul>
3	<p>Одномерное волновое уравнение</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формула Даламбера, характеристический треугольник;</li> <li>- полубесконечная струна.</li> </ul>
4	<p>Простейшая смешанная задача для волнового уравнения</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- интеграл энергия;</li> <li>- единственность решения.</li> </ul>
5	<p>Уравнение Лапласа</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- постановка задач;</li> <li>- формула Грина.</li> </ul>
6	<p>Метод Фурье для отыскания решений начально-краевых задач для уравнений колебаний струны; задача Штурма-Лиувилля и ее решение</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- смешанные задачи;</li> <li>- понятие ограниченной струны;</li> <li>- задачи по решению смешанных задач для ограниченной струны.</li> </ul>
7	<p>Начально-краевые задачи для полуограниченной струны</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- метод падающей и отраженной волн;</li> <li>- метод отражения волн;</li> <li>- задачи с однородным краевым условием;</li> <li>- понятие полуограниченной струны.</li> </ul>
8	<p>Начально-краевые задачи для полуограниченной струны — неоднородное краевое условие</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- неоднородное краевое условие;</li> <li>- решения задач смешанных задач для полуограниченной струны.</li> </ul>
9	<p>Краевые задачи в полуплоскости</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- краевых задачи в полуплоскости;</li> <li>- уравнение Лапласа.</li> </ul>
10	<p>Уравнение теплопроводности. Метод Фурье решения смешанной задачи для уравнения теплопроводности</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- метод Фурье;</li> <li>- смешанные задачи для уравнения теплопроводности.</li> </ul>
11	<p>Уравнение теплопроводности. Распространение метода Фурье на неоднородные уравнения</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- неоднородные уравнения;</li> <li>- решение смешанных неоднородных задач.</li> </ul>
12	<p>Уравнение теплопроводности для бесконечного стержня. Формула Пуассона</p> <p>Рассматриваемые вопросы:</p>

№ п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	- понятие бесконечного стержня; - формула Пуассона.

#### 4.2. Занятия семинарского типа.

##### Практические занятия

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Классификация уравнений в частных производных 2-го порядка. Теорема Коши-Ковалевской. Пример Адамара. Понятие о корректности решения задачи Коши. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач с помощью теоремы Коши, решения уравнений в частных производных второго порядка.
2	Канонические формы уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами. Отыскание общих решений. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки отыскания общих решений уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами
3	Уравнение колебаний струны. Применение формулы Даламбера к решению задачи Коши для волнового уравнения. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения формулы Даламбера к решению задачи Коши.
4	Начально-краевые задачи для полуограниченной струны (метод падающей и отраженной волн; метод отражения волн (задачи с однородным краевым условием)). В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения начально-краевых задач для полуограниченной струны.
5	Начально-краевые задачи для полуограниченной струны (четное /нечетное продолжение начальных данных). В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач (четное /нечетное продолжение начальных данных).
6	Метод Фурье для отыскания решений начально-краевых задач для уравнений колебаний струны (задача Штурма-Лиувилля (на собственные значения) и ее решение, разложение по собственным функциям; решение однородных краевых задач для волнового уравнения с помощью метода Фурье ). В результате выполнения заданий студент приобретает навыки использования метода Фурье для решения начально-краевых задач.
7	Уравнение теплопроводности. Метод Фурье решения смешанной задачи для уравнения теплопроводности. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки использования метода Фурье для решения смешанной задачи для уравнения теплопроводности.
8	Уравнение теплопроводности. Распространение метода Фурье на неоднородные уравнения. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения уравнений теплопроводности с помощью метода Фурье.
9	Уравнение теплопроводности. Распространение метода Фурье на неоднородные краевые условия. Формула Пуассона. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения уравнений теплопроводности с помощью формулы Пуассона.

№ п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
10	Уравнение Лапласа. Метод Фурье для решения краевых задач в круге и кольце. Функция Грина для решения задачи Дирихле. Метод конформных отображений для решения краевых задач на плоскости. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения краевых задач в круге и кольце с помощью метода Фурье и метода конформных отображений.
11	Краевые задачи в прямоугольнике. Краевая задача Дирихле в кольце. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения краевых задач в прямоугольнике и кольце.
12	Внутренняя и внешняя задачи Дирихле для круга. В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задачи Дирихле для круга.

#### 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

№ п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение дополнительной литературы.
2	Подготовка к практическим занятиям.
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к текущему контролю.

#### 5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Уравнения в частных производных. Ч. 1 А. С. Братусь, Е. С. Чумерина Методические указания, М.: МИИТ, -62 с.; 2010, ISBN нет	НТБ МИИТ
2	Уравнения в частных производных математической физики Н.С. Кошляков, Э.Б. Глинер, . М., - 712 с.; 2013; ISBN 978-5-458-31994-2	НТБ МИИТ
3	Уравнения математической физики А.Н. Тихонов, А.А. Самарский М.: Наука, -735 с.; 2004; ISBN: 5-02-033599-1	НТБ МИИТ
4	Методы математической физики и специальные функции В.Я. Арсенин Наука. -384 с.; 1984; ISBN нет	НТБ МИИТ
5	Практическое решение уравнений математической физики А.И. Комеч М.: МГУ; -156 с.; 1993; ISBN 5-87597-004-9.	НТБ МИИТ

#### 6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).

Официальный сайт РУТ (МИИТ) (<https://www.miit.ru/>).

Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (<http://library.miit.ru>).

Образовательная платформа «Юрайт» (<https://urait.ru/>).

Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (<https://e.lanbook.com/>).

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).

Microsoft Internet Explorer (или аналог).

Операционная система Microsoft Windows (или аналог).

Microsoft Office (или аналог).

8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Экзамен в 6 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

Авторы:

профессор, профессор, д.н. кафедры  
«Цифровые технологии управления  
транспортными процессами»

А.С. Братусь

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической  
комиссии

Н.А.Клычева