## МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

## ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА» (РУТ (МИИТ)



Рабочая программа дисциплины (модуля), как компонент образовательной программы высшего образования - программы бакалавриата по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ) Тимониным В.С.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

#### Финансовая математика

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и

информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный

анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде электронного документа выгружена из единой корпоративной информационной системы управления университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)

ID подписи: 5665

Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника

Евгеньевна

Дата: 10.04.2025

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целями освоения учебной дисциплины (модуля) являются:

- овладение базовыми понятиями и теоретическими основами финансовой математики;
- формирование и развитие навыков решения профессиональных задач на основе методов финансовой математики.

Задачами дисциплины (модуля) являются:

- знакомство студентов с основными задачами, возникающими в экономике, финансовой и банковской деятельности, а также с методами их решения;
- формирование и развитие компетенций в сфере максимизации доходности в экономике и финансовых операциях.
  - 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**УК-10** - Способен принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

#### Знать:

- основные понятия и теоретические положения финансовой математики;
  - основные методы решения задач финансовоой математики.

#### Уметь:

- решать задачи, возникающие в экономике, финансовой и банковской деятельности.

#### Владеть:

- навыками применения математических методов максимизации доходности в экономике и финансовых операциях;
- современными теоретическими и методическими подходами функционирования институтов проектной экономики.
  - 3. Объем дисциплины (модуля).
  - 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 2 з.е. (72 академических часа(ов).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №7
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	32	32
В том числе:		
Занятия лекционного типа	16	16
Занятия семинарского типа	16	16

- 3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 40 академических часа (ов).
- 3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.
  - 4. Содержание дисциплины (модуля).
  - 4.1. Занятия лекционного типа.

<b>№</b> п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Основные инструменты финансовой математики
	Рассматриваемые вопросы:
	- задача о портфеле;
	- форвардный рынок;
	- европейский опцион;
	- американский опцион;
	- колл опцион.
2	Понятие портфеля
	Рассматриваемые вопросы:

No॒	T		
$\Pi/\Pi$	Тематика лекционных занятий / краткое содержание		
	- определение портфеля;		
	- одношаговая модель;		
	- арбитражные и безарбитражные портфели;		
	- условие безарбитражности рынка;		
	- мартингальные вероятности;		
	- достижимые платежные обязательства;		
	- реплицирующий портфель.		
3	Безарбитражные рынки		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- арбитражные и безарбитражные портфели;		
	- условие безарбитражности рынка.		
4	Мартингалные вероятности		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- мартингальные вероятности;		
	- достижимые платежные обязательства;		
	- реплицирующий портфель.		
5	Биноминальная модель		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- общая биномиальная модель;		
	- основная теорема финансовой математики;		
	- связь биномиальной модели с методом динамического программирования.		
6	Основная теорема финансовой математики		
	Рассматриваемые вопросы:		
	-расширенная постановка биномиальная модели в случае переммных вероятности событий		
	связь биномиальной модели с методом динамического программирования.		
7	Винеровский процесс		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- случайные винеровские процессы;		
	- исчисление Ито;		
	- формула Ито;		
	- обратное уравнение Колмогорова.		
8	Метод динамического программирования в задачах оптимального управления		
	конечным состоянием		
	Рассматриваемые вопросы:		
	- связь между уравнениями в частных производных и стохастичекими уравнениями;		
	- уравнения Гамильтона-Якоби-Беллмана;		
	- решение задачи о потфеле с думя видами вкладов с помощью уравнения Гамильтона-Якоби-		
	Беллмана;		
	уравнение Блэка-Шоулса.		

# 4.2. Занятия семинарского типа.

# Практические занятия

<b>№</b> п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Основные инструменты финансовой математики
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык решения задач о составлении
	портфеля, получает представление об американских и европейских опционах

No	Тематика практических занятий/краткое содержание		
п/п	тематика практи теекши запитим краткое водержание		
2	Понятие портфеля		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык определения портфеля,		
	проверки условия безарбитражности рынка, вычисления мартингальных вероятностей.		
3	Биномиальная модель		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык применения общей		
	биномиальной модели, применения метода динамического программирования.		
4	Многошаговая биномиальная модель		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык применения многошаговой		
	биномиальной модели.		
5	Метод динамического программирования.		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык применения метода		
	динамического программирования и анализа связи этого метода с биномиальной моели.		
6	Винеровский процесс		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык решения уравнения Ито,		
	уравнения Колмогорова.		
7	Метод динамического программирования в задачах оптимального управления		
	конечным состоянием		
	В результате работы на практическом занятии студент получает навык решения уравнения		
	Гамильтона-Якоби-Беллмана, решения задачи о потфеле с думя видами вкладов с помощью		
	уравнения Гамильтона-Якоби- Беллмана.		

## 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

<b>№</b> п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение учебной литературы
2	Подготовка к практическим занятиям
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к текущему контролю.

# 5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

<b>№</b> п/п	Библиографическое описание	Место доступа
1	Касимов, Ю. Ф. Финансовая математика: учебник и практикум для вузов / Ю. Ф. Касимов. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 459 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-	https://urait.ru/bcode/535611 (дата обращения: 10.04.2025)
	17374-1.	
2	Шиловская, Н. А. Финансовая математика: учебник и практикум для вузов / Н. А. Шиловская. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. —	https://urait.ru/bcode/545224 (дата обращения: 10.04.2025)

	214 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-	
	18636-9.	
3	Вавилов, С. А. Финансовая математика. Стохастический анализ : учебник и практикум для вузов / С. А. Вавилов, К. Ю. Ермоленко. — Москва :	https://urait.ru/bcode/536772 (дата обращения: 10.04.2025)
	Издательство Юрайт, 2024. — 244 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-02650-4.	
4	Гармаш, А. Н. Экономико-математические методы и прикладные модели: учебник для бакалавриата и магистратуры / А. Н. Гармаш, И. В. Орлова, В. В. Федосеев; под редакцией В. В. Федосеева. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 328 с. — (Бакалавр и магистр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-3698-8.	https://urait.ru/bcode/507819 (дата обращения: 10.04.2025)

- 6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).
  - Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (http://library.miit.ru);
- Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (www.elibrary.ru );
  - Образовательная платформа «Юрайт» (https://urait.ru/);
- Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (http://e.lanbook.com/);
- Интернет-университет информационных технологий (http://www.intuit.ru/).
- 7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).
  - Операционная система Windows;
  - Microsoft Office;
  - MS Teams;
  - Поисковые системы.
- 8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования.

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 7 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

## Авторы:

профессор, профессор, д.н. кафедры «Цифровые технологии управления транспортными процессами»

А.С. Братусь

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической

комиссии Н.А. Андриянова