## МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

## ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ТРАНСПОРТА» (РУТ (МИИТ)



Рабочая программа дисциплины (модуля), как компонент образовательной программы высшего образования - программы бакалавриата по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утвержденной первым проректором РУТ (МИИТ) Тимониным В.С.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### Элементы алгебры и теории чисел

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и

информатика

Направленность (профиль): Математическое моделирование и системный

анализ

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины (модуля) в виде электронного документа выгружена из единой корпоративной информационной системы управления университетом и соответствует оригиналу

Простая электронная подпись, выданная РУТ (МИИТ)

ID подписи: 5665

Подписал: заведующий кафедрой Нутович Вероника

Евгеньевна

Дата: 10.04.2025

1. Общие сведения о дисциплине (модуле).

Целью освоения дисциплины (модуля) является:

– формирование основ алгебраической и теоретико-числовой подготовки студентов для их последующего использования при изучении других профессиональных дисциплин и в профессиональной деятельности.

Задачами освоения дисциплины (модуля) являются:

- овладение основами высшей алгебры и теории чисел;
- формирование навыков решения задач, связанных с делимостью чисел и многочленов, построением конечных полей, работой с группами обратимых элементов конечных полей.
  - 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю).

Перечень формируемых результатов освоения образовательной программы (компетенций) в результате обучения по дисциплине (модулю):

**УК-1** - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Обучение по дисциплине (модулю) предполагает, что по его результатам обучающийся будет:

#### Знать:

основные понятия и теоремы из области высшей алгебры и теории чисел, взаимосвязи между их отдельными элементами.

#### Уметь:

решать задачи, связанные с делимостью чисел и многочленов,
 группами, кольцами многочленов, конечными полями.

#### Владеть:

- методами решения основных задач из области высшей алгебры и теории чисел.
  - 3. Объем дисциплины (модуля).
  - 3.1. Общая трудоемкость дисциплины (модуля).

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 4 з.е. (144 академических часа(ов).

3.2. Объем дисциплины (модуля) в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами,

привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Тип учебных занятий	Количество часов	
	Всего	Семестр №3
Контактная работа при проведении учебных занятий (всего):	64	64
В том числе:		
Занятия лекционного типа	32	32
Занятия семинарского типа	32	32

- 3.3. Объем дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации составляет 80 академических часа (ов).
- 3.4. При обучении по индивидуальному учебному плану, в том числе при ускоренном обучении, объем дисциплины (модуля) может быть реализован полностью в форме самостоятельной работы обучающихся, а также в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении промежуточной аттестации.
  - 4. Содержание дисциплины (модуля).
  - 4.1. Занятия лекционного типа.

<b>№</b> п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
1	Кольцо целых чисел
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul><li>свойства операций;</li></ul>
	– определение вычитания, дистрибутивность умножения относительно вычитания;
	<ul><li>свойства нуля;</li></ul>
	– правила знаков;
	<ul><li>– определение и свойства отношения делимости;</li></ul>
	<ul> <li>деление с остатком, существование и единственность.</li> </ul>
2	Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul><li>– определение наибольшего общего делителя;</li></ul>
	– существование НОД; линейное представление НОД;
	– единственность НОД; эквивалентное определение НОД;
	– алгоритм Евклида;
	<ul><li>– взаимно простые числа, определение и свойства;</li></ul>
	– определение наименьшего общего кратного;

No	
п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
	<ul><li>– существование НОК, выражение его через НОД;</li></ul>
	– единственность НОК; эквивалентное определение НОК.
3	Простые и составные числа
3	Рассматриваемые вопросы:
	<ul><li>– определения простого и составного числа;</li></ul>
	– свойства простых чисел;
	<ul><li>– решето Эратосфена;</li></ul>
	<ul><li>– бесконечность множества простых чисел;</li></ul>
	– теорема об интервалах.
4	Основная теорема арифметики
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul> <li>доказательство основной теоремы арифметики;</li> </ul>
	<ul> <li>– каноническое представление делителя натурального числа;</li> </ul>
	<ul> <li>– канонические представления НОД и НОК натуральных чисел;</li> </ul>
	<ul><li>– число и сумма делителей натурального числа.</li></ul>
5	Отношение сравнимости по модулю
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul><li>понятие сравнимости по модулю;</li></ul>
	<ul><li>свойства отношения сравнимости по модулю;</li></ul>
	- «m-арифметики», свойства таблиц сложения и умножения.
6	Три теоремы о сравнениях
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul> <li>– малая теорема Ферма и ее следствие;</li> </ul>
	– функция Эйлера;
	– теорема Эйлера;
	– теорема Вильсона.
7	Решение линейных сравнений
	Рассматриваемые вопросы:
	– решение линейных сравнений;
	арифметические приложения сравнений (диофантовы уравнения, вычисление остатков, признаки
	делимости, проверка результатов арифметических действий).
8	Цепные дроби
	Рассматриваемые вопросы:
	– определение цепной дроби;
	<ul> <li>представление рационального числа в виде цепной дроби – существование и единственность;</li> </ul>
	– вычисление подходящих дробей; свойства подходящих дробей.
9	Виды алгебраических операций
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul><li>– понятие алгебраической (бинарной) операции;</li></ul>
	– операции коммутативные, ассоциативные, обратимые;
	– дистрибутивность одной операции относительно другой;
	– нейтральный элемент операции;
	<ul><li>обратимые элементы операции.</li></ul>
10	Группа
	Рассматриваемые вопросы:
	– определение группы;
	– необходимое и достаточное условие;
	– абелева группа;
	<ul><li>– группа преобразований;</li></ul>
	<ul><li>– подстановки, циклы, транспозиции.</li></ul>

No	T
п/п	Тематика лекционных занятий / краткое содержание
11	Подгруппы
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul><li>– определение подгруппы;</li></ul>
	– степень элемента в группе;
	<ul><li>– порядок элемента в группе;</li></ul>
	<ul><li>– циклическая подгруппа.</li></ul>
12	Отображения групп
	Рассматриваемые вопросы:
	– гомоморфизм групп;
	<ul><li>– ядро и образ гомоморфизма;</li></ul>
	– изоморфизм групп.
13	Циклические группы
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul> <li>– определение циклической группы, образующий элемент, порядок;</li> </ul>
	<ul><li>свойства циклических групп;</li></ul>
	– изоморфизм циклических групп.
14	Кольца и поля
	Рассматриваемые вопросы:
	– аксиомы кольца и следствия из них;
	<ul><li>– коммутативное кольцо;</li></ul>
	<ul><li>кольцо с единицей;</li></ul>
	– делители нуля в кольце;
	– аддитивная группа кольца;
	– аксиомы поля и следствия из них;
	<ul><li>мультипликативная группа поля;</li></ul>
	<ul><li>примеры числовых колец и полей;</li></ul>
	– кольцо матриц.
15	Кольцо вычетов
	Рассматриваемые вопросы:
	– «m-арифметики» и кольца вычетов по модулю m;
	<ul><li>– кольца вычетов по простому и составному модулю;</li></ul>
	<ul> <li>обратимые элементы и делители нуля.</li> </ul>
16	Кольцо многочленов
	Рассматриваемые вопросы:
	<ul><li>– кольцо многочленов над полем;</li></ul>
	<ul><li>делимость и деление с остатком;</li></ul>
	– наибольший общий делитель, алгоритм Евклида;
	<ul> <li>понятие неприводимого многочлена;</li> </ul>
	– неприводимые многочлены над полями C, R, Q.

# 4.2. Занятия семинарского типа.

# Практические занятия

<b>№</b> п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
1	Целые числа. Делимость
	В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на определение и
	свойства отношения делимости; на деление с остатком; на применение алгоритма Евклида,
	нахождение линейного представления НОД, на вычисление НОК.

№ п/п         Тематика практических занятий/краткое содержание           2         Простые и составные числа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение свойств простых чисел, на применение решета Эратосфена.           3         Основная теорема арифметики           В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение основной теоремы арифметики (разложение числа на простые множители, нахождение канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).           4         Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.           5         Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.           6         Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.           7         Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение диофантовых уравнений.           8         Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).           9	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение свойств простых чисел, на применение решета Эратосфена.  3 Основная теорема арифметики В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение основной теоремы арифметики (разложение числа на простые множители, нахождение канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).  4 Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признамов делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, понятия абелевой групп	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение свойств простых чисел, на применение решета Эратосфена.  3 Основная теорема арифметики В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение основной теоремы арифметики (разложение числа на простые множители, нахождение канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).  4 Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию призамов делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, понятия абелевой групп	
свойств простых чисел, на применение решета Эратосфена.  3 Основная теорема арифметики В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение основной теоремы арифметики (разложение числа на простые множители, нахождение канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).  4 Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения задачий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
Основная теорема арифметики     В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение основной теоремы арифметики (разложение числа на простые множители, нахождение канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).  4 Решение диофантовых уравнений     В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений     В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений     В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби     В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций     В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа     В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение основной теоремы арифметики (разложение числа на простые множители, нахождение канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).  4 Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения задачний студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
основной теоремы арифметики (разложение числа на простые множители, нахождение канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).  4 Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление о алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
канонического разложения НОД и НОК, нахождение числа и суммы делителей натурального числа).  4 Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление о алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
<ul> <li>4 Решение диофантовых уравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.</li> <li>5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.</li> <li>6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.</li> <li>7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.</li> <li>8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).</li> <li>9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп</li> </ul>	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
решения диофантовых уравнений и связанных с ними задач.  5 Решение сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
<ul> <li>Решение сравнений         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.     </li> <li>Арифметические приложения сравнений         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.     </li> <li>Цепные дроби         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.     </li> <li>Виды алгебраических операций         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление о алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).     </li> <li>Группа         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп     </li> </ul>	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки применения разных методов решения линейных сравнений и их систем.  6 Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление о алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
решения линейных сравнений и их систем.  Арифметические приложения сравнений В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  Пепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление о алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
<ul> <li>Арифметические приложения сравнений         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.     </li> <li>Цепные дроби         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.     </li> <li>Виды алгебраических операций         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление о алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).     </li> <li>Группа         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп     </li> </ul>	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление с алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
сравнений к нахождению остатков от деления, к формулированию признаков делимости, к релинейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнения диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление о алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
линейных сравнений и к проверке результатов арифметических действий.  7 Цепные дроби В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление с алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
<ul> <li>Депные дроби         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.     </li> <li>Виды алгебраических операций         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).     </li> <li>Группа         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп     </li> </ul>	шению
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки представления рационального в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнения диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление с алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
в виде цепной дроби, а также навыки решения задач на применение подходящих дробей к нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнени диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление с алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
нахождению приближенных значений дробей и иррациональных чисел, к решению сравнения диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	числа
диофантовых уравнений.  8 Виды алгебраических операций В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление с алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
<ul> <li>Виды алгебраических операций         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление салгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).     </li> <li>Группа         В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп     </li> </ul>	И
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выявление с алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
алгебраической (бинарной) операции (коммутативность, ассоциативность, обратимость, дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
дистрибутивность, нейтральный и обратимый элемент).  9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	войств
9 Группа В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
определения группы, необходимого и достаточного условия группы, понятия абелевой групп	
	M.
10 Подстановки	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выполнение операций с подстановками, определение четности подстановки, разложение подстановки в	
произведение независимых циклов и в произведение транспозиций.	
11 Подгруппы	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение	ļ
определения подгруппы, степени и порядка элемента в группе, циклической подгруппы.	
12 Отображения групп	į
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение	
определения гомоморфизма групп, на нахождение ядро и образа гомоморфизма, на установле	
изоморфизма групп.	
13 Циклические группы	
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение	
определения и свойств циклической группы, на нахождение порядка элемента.	ние
14 Кольца и поля	ние
В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на применение	ние
аксиом кольца и аксиом поля и следствий из них; разбирают примеры числовых колец и поле	ние
кольцо матриц.	ние

<b>№</b> п/п	Тематика практических занятий/краткое содержание
15	Кольцо вычетов
	В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на выполнение
	действий в кольце вычетов по модулю m, на нахождение обратимых элементов и делителей нуля.
16	Кольцо многочленов
	В результате выполнения заданий студент приобретает навыки решения задач на делимость и
	деление с остатком в кольцах многочленов над числовыми полями, на проверку неприводимости
	многочлена над полями C, R, Q.

## 4.3. Самостоятельная работа обучающихся.

<b>№</b> п/п	Вид самостоятельной работы
1	Изучение учебной литературы.
2	Подготовка к практическим занятиям.
3	Подготовка к промежуточной аттестации.
4	Подготовка к текущему контролю.

# 5. Перечень изданий, которые рекомендуется использовать при освоении дисциплины (модуля).

№ п/ п	Библиографичес кое описание	Место доступа
1	Ряднов, А. В.	https://e.lanbook.com/book/175906 (дата обращения: 10.04.2025)
	Теория групп:	
	Практикум:	
	учебное пособие	
	/ А. В. Ряднов, Т.	
	В. Меренкова, В.	
	В. Трубаев. —	
	Москва: РУТ	
	(МИИТ), 2020.	
	— 52 c. ISBN	
	нет	
2	Ряднов, А. В.	https://e.lanbook.com/book/175670 (дата обращения: 10.04.2025)
	Алгебраические	
	системы:	
	учебное пособие	
	/ А. В. Ряднов, Т.	
	В. Меренкова, В.	
	В. Трубаев. —	
	Москва: РУТ	
	(МИИТ), 2019.	

	— 193 c. ISBN	
	нет	
3	Кострикин, А.И. (1929-2000). Введение в алгебру: Ч. 1: Основы алгебры учебник для студентов университетов, обучающихся по специальностям "Математика" и "Прикладная математика": в 3-х частях / А. И. Кострикин. — Москва: МЦНМО, 2020. — 272 с; ISBN 978-5-4439-3264-	https://rusneb.ru/catalog/000199_000009_012711199/?ysclid=m9bf572sui 718418922
	4	
4	Шилин, И. А. Введение в алгебру. Группы : учебное пособие / И. А. Шилин. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 208 с. — ISBN 978-5-8114-1419-2.	https://e.lanbook.com/book/211004 (дата обращения: 23.10.2025).
5	Винберг, Э. Б. Курс алгебры: учебник / Э. Б. Винберг. — 5-е изд., стереотип. — Москва: МЦНМО, 2021. — 590 с. — ISBN 978-5- 4439-2183-9.	https://rusneb.ru/catalog/000199_000009_012710577/?ysclid=m9bgsn05n 5791521512
6	Ларин, С. В.	https://urait.ru/bcode/540008 (дата обращения: 10.04.2025)
	Алгебра и	

теория чисел. Группы, кольца и поля: учебное пособие для вузов / С. В. Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-	
и поля: учебное пособие для вузов / С. В. Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
пособие для вузов / С. В. Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
вузов / С. В. Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
— Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). —	
160 с. — (Высшее образование). —	
(Высшее образование). —	
образование). —	
ISBN 978-5-534-	
05567-2	
7 Проскуряков, И. https://e.lanbook.com/book/529 (дата обращения: 30.04.2025)	Į.
В. Сборник	
задач по	
линейной	
алгебре:	
учебное пособие	
/ И. В.	
Проскуряков. —	
13-е изд., стер.	
— Санкт-	
Петербург:	
Лань, 2010. —	ļ
480 c. — ISBN	ļ
978-5-8114-0707-	
1.         8       Аршинов,       https://rusneb.ru/catalog/000199_000009_003444364/?ysclid=ma3qa	.j.,1
	\1 y Z I P
Наумович.	
Грани алгебры /	
М. Н. Аршинов,	
Л. Е. Садовский	
; под ред. Ю. В.	
Кузьмина. —	
Москва:	
Факториал	
Пресс, 2008. —	
328 с. : ил. : 22	
см.; ISBN 978-5-	
88688-091-5	ļ

- 6. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, которые могут использоваться при освоении дисциплины (модуля).
  - Научно-техническая библиотека РУТ (МИИТ) (http://library.miit.ru);
- Информационный портал Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (www.elibrary.ru );
  - Образовательная платформа «Юрайт» (https://urait.ru/);
- Электронно-библиотечная система издательства «Лань» (http://e.lanbook.com/);
- Интернет-университет информационных технологий (http://www.intuit.ru/).
- 7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства, необходимого для освоения дисциплины (модуля).
  - Операционная система Windows;
  - Microsoft Office;
  - MS Teams;
  - Поисковые системы.
- 8. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю).

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные компьютерной техникой и наборами демонстрационного оборудования. Для практических занятий — наличие персональных компьютеров.

9. Форма промежуточной аттестации:

Зачет в 3 семестре.

10. Оценочные материалы.

Оценочные материалы, применяемые при проведении промежуточной аттестации, разрабатываются в соответствии с локальным нормативным актом РУТ (МИИТ).

## Авторы:

доцент, доцент, к.н. кафедры «Цифровые технологии управления транспортными процессами»

Е.Б. Арутюнян

Согласовано:

Заведующий кафедрой ЦТУТП

В.Е. Нутович

Председатель учебно-методической

комиссии Н.А. Андриянова